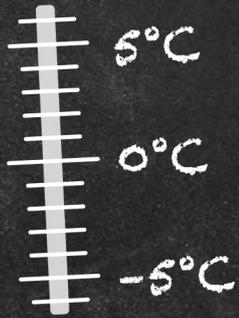
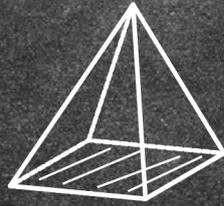
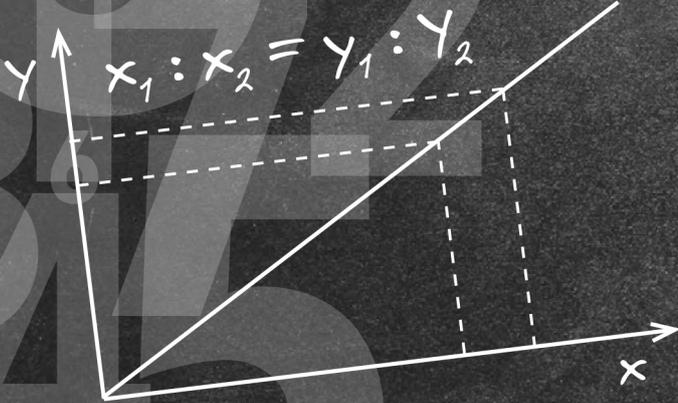


3

$$(-4)^2 - 16 + \sqrt{9} =$$



$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

Wohlhart • Scharnreiterner

PLUS!

Mathematik für die Sekundarstufe

Erarbeitungsteil



mit App für
Erklärvideos





Die HELBLING Media App mit Erklärvideos

So funktioniert's:

1. App herunterladen

Lade die kostenlose HELBLING Media App im Apple App Store oder im Google Play Store auf dein Smartphone oder Tablet.

2. Inhalte hinzufügen

Starte die Media App und tippe auf . Scanne den QR-Code oder gib unter MANUELLE EINGABE den untenstehenden Code ein und bestätige die Eingabe. Die Inhalte werden der Media App hinzugefügt.

3. Videos ansehen



Zu allen Lernschritten, zu denen du im Buch dieses Symbol entdeckst, findest du in deiner App passende Erklärvideos.

Starte die App, tippe auf das Buch-Symbol und lade die gewünschten Inhalte über das Menü.

Code in der Demo nicht verfügbar

Aufgrund der Datenmenge
empfehlen wir
eine WLAN-Verbindung.

PLUS! Mathematik für die Sekundarstufe

Band 3, Erarbeitungsteil

Mit Bescheid vom 17. Mai 2017, BMB-GZ: 5.028/0010-IT/3/2016, hat das Bundesministerium für Bildung das Unterrichtsmittel „PLUS! Mathematik für die Sekundarstufe. Band 3, Erarbeitungsteil“ von Wohlhart – Scharnreitner antragsgemäß in der vorliegenden Fassung gemäß §14 Abs. 2 und 5 des Schulunterrichtsgesetzes, BGBl. Nr. 472/86, und gemäß den derzeit geltenden Lehrplänen als für den Unterrichtsgebrauch für die 3. Klasse an Neuen Mittelschulen im Unterrichtsgegenstand Mathematik und für die 3. Klasse an allgemein bildenden höheren Schulen – Unterstufe im Unterrichtsgegenstand Mathematik geeignet erklärt.

Mit Bescheid vom 15. Juli 2019, BMB-GZ: 5.028/0010-IT/3/2017, hat das Bundesministerium für Bildung, Wissenschaft und Forschung das E-BOOK+-Angebot zum Unterrichtsmittel „PLUS! Mathematik für die Sekundarstufe. Band 3, Erarbeitungsteil“ als geeignet erklärt.

Kompetenzorientierung gemäß Bildungsstandards

Erarbeitungsteil + E-Book: SBNR 185.335 | ISBN 978-3-99035-649-4
Erarbeitungsteil E-Book Solo: SBNR 206.474 | ISBN 978-3-99069-975-1

Erarbeitungsteil mit E-BOOK+: SBNR 190.218 | ISBN 978-3-99035-924-2
Erarbeitungsteil E-BOOK+ Solo: SBNR 206.481 | ISBN 978-3-99069-986-7

Autorenteam: David Wohlhart, Michael Scharnreitner

Redaktion: Christian Steinlechner

Illustrationen: Georg Flor, Dietmar Ebenhofer

Umschlaggestaltung: Marinas Werbegrafik, Innsbruck

Satz: Harald Göstl

Druck: Athesia Druck, Innsbruck

1. Auflage: A1⁵ 2022

© 2018 HELBLING Rum/Innsbruck

Alle Rechte vorbehalten. Das Werk einschließlich aller Inhalte ist ganz und in Auszügen urheberrechtlich geschützt. Kein Teil des Werkes darf in irgendeiner Form (Druck, Fotokopie oder anderes Verfahren) ohne ausdrückliche schriftliche Genehmigung des Verlags nachgedruckt oder reproduziert werden und/oder unter Verwendung elektronischer Systeme jeglicher Art gespeichert, verarbeitet, vervielfältigt und/oder verbreitet bzw. der Öffentlichkeit zugänglich gemacht werden. Alle Übersetzungsrechte vorbehalten.

Es darf aus diesem Werk gemäß §42 (6) des Urheberrechtsgesetzes für den Unterrichtsgebrauch nicht kopiert werden.

Wohlhart • Scharnreitner

PLUS!

Mathematik für die Sekundarstufe

Band 3

Erarbeitungsteil

Inhaltsverzeichnis

Erarbeitungsteil

Arbeiten mit PLUS!	4
Kompetent mit PLUS!	6

A	Mathematik im Alltag Wiederholung aus der 2. Klasse	7
Warm-up, Rechnen und Anwendungen mit Dezimalzahlen, Rechnen mit Prozentzahlen, Anwendungen mit Prozentzahlen, English Corner, Extra: Der Silbertaler, Längen- und Flächenmaße, Anwendungen mit Maßen, Checkpoint		
B	Negative Zahlen Einführung, Addition, Subtraktion, Koordinatensystem	17
Warm-up, Thermometer, Extra: Temperaturmaße, Extra: Kältestes Dorf, Zahlengerade und Ordnung, Betrag, Gegenzahl und Runden, English Corner, Technik-Labor: Zahlengerade-Spiel, Rechnen mit Skizzen, Addition und Subtraktion, Erweiterung des Koordinatensystems, Dreiecke im Koordinatensystem, Checkpoint		
C	Rationale Zahlen Zahlenmengen und Rechenoperationen	29
Warm-up, Minus auf dem Konto, Rationale Zahlen und Zahlenmengen, Addition, Subtraktion, Multiplikation und Division, Rechnen mit Brüchen, Verbindung der Grundrechnungsarten, English Corner, Technik-Labor: Zahlenstrahl-Spiel, Rechnen mit dem Taschenrechner, Anwendung – Geld, Checkpoint		
D	Gleichungen lösen Äquivalenzumformungen, Balkenmodelle, Textgleichungen	43
Warm-up, Äquivalenzumformungen, Gleichungen lösen, Besonderheiten beim Lösen, Balkenmodelle beim Lösen nutzen, English Corner, Technik-Labor: Tabellenkalkulation, Textgleichungen aufstellen und lösen, Anwendung, Checkpoint		
E	Dreiecke und Vierecke Konstruktion, Flächeninhalt, Umkehraufgaben	53
Warm-up, Flächeninhalt des Dreiecks, Flächeninhalt des Parallelogramms, English Corner, Technik-Labor: GeoGebra, Flächeninhalt des Deltoids, Flächeninhalt der Raute, Flächeninhalt des Trapezes, Zusammengesetzte Flächen, Checkpoint		
F	Potenzen Einführung, Rechenregeln, Anwendung	67
Warm-up, Einführung Potenzen, English Corner, Technik-Labor: Tabellenkalkulation, Potenzen von positiven und negativen Zahlen, Rechenregeln bei gleicher Basis bzw. bei gleichem Exponenten, Potenzen potenzieren, Verbindung mit Grundrechnungsarten, Zehnerpotenzen, Gleitkommadarstellung, Anwendung, Checkpoint		
G	Rechnen mit Termen Ausmultiplizieren, Herausheben, Binomische Formeln	81
Warm-up, Einführung Terme, Zahlenfolgen, English Corner, Extra: Texte und Terme, Terme addieren und subtrahieren, Bruchterme, Klammern ausmultiplizieren, Extra: Geometrie-Rätsel, Herausheben, Binome multiplizieren, Binomische Formeln, Anwendung, Checkpoint		

H	Verhältnis Definition, Berechnung und Maßstab	95
	Warm-up, Einführung Verhältnis, Berechnungen mit dem Balkenmodell, Verhältnisse berechnen, Verhältnisgleichungen, English Corner, Extra: Goldener Schnitt, Gemischte Aufgaben, Anwendung – Maßstab, Checkpoint	
I	Proportionalität Berechnung, Darstellung und lineare Prozesse	105
	Warm-up, Direkte Proportionalität – Berechnung und Darstellung, Indirekte Proportionalität – Berechnung und Darstellung, English Corner, Extra: Hebelexperiment, Lineare Zu- und Abnahmeprozesse, Checkpoint	
J	Ähnlichkeit und Strahlensätze Vergrößern, Verkleinern, Strecken teilen	117
	Warm-up, Ähnlichkeit und Kongruenz, Vergrößern und Verkleinern mit Gittern, Zentrische Streckung, Vergrößern und Verkleinern, Strecken teilen wie Euklid, English Corner, Technik-Labor: GeoGebra, 1., 2. und 3. Strahlensatz, Anwendung – Försterdreieck, Checkpoint	
K	Der Satz des Pythagoras Quadratwurzel, Anwendung	129
	Warm-up, Quadratwurzel, Satz des Pythagoras, Extra: Satz des Pythagoras, Extra: Spirale des Theodorus, Seiten berechnen, Koordinatensystem, English Corner, Technik-Labor: myTurtle, Anwendungen in der Geometrie, Besondere Vierecke, Anwendungen in Sachaufgaben, Checkpoint	
L	Prozent- und Zinsenrechnung Handel, Steuern und Kreditmodelle	141
	Warm-up, Prozentrechnung, absolute und relative Anteile, Wachstums- und Abnahmeprozesse, Anwendung – Handel, English Corner, Technik-Labor: Tabellenkalkulation, Zinsenrechnung, vertiefte Zinsenrechnung, Extra: Steuern in Österreich, Kreditmodelle, Checkpoint	
M	Körper Pyramiden, Prismen und Masseberechnungen	153
	Warm-up, Pyramiden, Schrägriss eines Prismas, Schrägriss einer Pyramide, Netz, Oberfläche und Volumen von Prismen und Pyramiden, English Corner, Technik-Labor: GeoGebra, zusammengesetzte Körper, Masseberechnungen, Checkpoint	
N	Statistik Untersuchen und Darstellen von Datenmengen	165
	Warm-up, Spannweite und Modalwert, Median und Mittelwert, Häufigkeiten, English Corner, Technik-Labor: Tabellenkalkulation, Piktogramme, Histogramme und Klasseneinteilung, Extra: Zufallsdaten, Checkpoint	
	Lösungen zu den Checkpoints	175
	Das PLUS!-Wörterbuch	179
	Stichwortverzeichnis	183

Arbeiten mit PLUS!

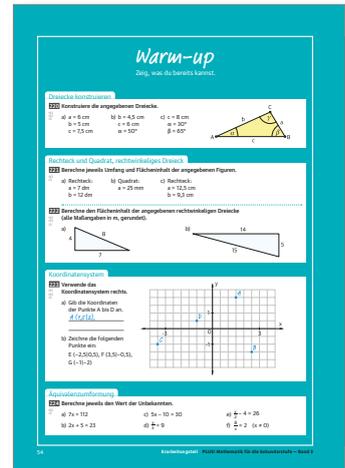
So funktioniert dein Mathematikbuch



Kapitel-Einstieg

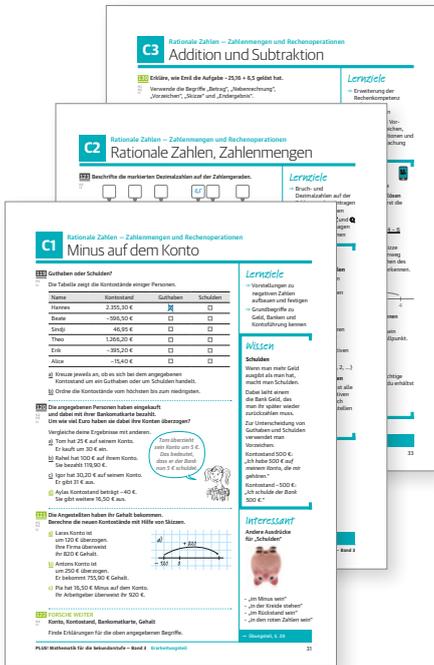
Eine Comic-Aufgabe leitet jedes Kapitel ein. Das Bearbeiten der Aufgabe gibt dir einen ersten Einblick, was du in diesem Kapitel lernen wirst.

In der rechten Spalte siehst du das Inhaltsverzeichnis des gesamten Kapitels.



Warm-up

Hier kannst du überprüfen, was du schon kannst oder vor dem Bearbeiten des neuen Kapitels noch einmal wiederholen solltest.



Lernschritte im Erarbeitungsteil ...

Hier wird der Stoff des Kapitels erarbeitet. Jeder Lernschritt umfasst eine Seite. In der rechten Spalte findest du die Lernziele, das wichtigste Wissen sowie Tipps und Hinweise.

... weiterüben im Übungsteil

Hier kannst du selbstständig weiterüben. Lösungen helfen dir bei der Kontrolle, besonders wichtige Aufgaben werden Schritt für Schritt erklärt.



Wissen

Kommaregel bei der Multiplikation

$$\begin{array}{r} 0,613 \cdot 8,2 \\ \hline 4904 \\ 1226 \\ \hline \end{array}$$

1 Stelle
3 Stelle

Erklärvideos

unterstützen dich beim Selbstlernen und Üben. Du kannst Sie über eine App oder die Helbling Lernplattform e-zone abrufen. Mehr dazu auf der Innenseite des Buchumschlags.

Tipps

Erst multipliziere ich ohne Komma. Dann setze ich das Komma nach der Kommaregel.

228 KNOBELAUFGABE
 H3
 H4
 I3

Welches der Dreiecke hat die größte Fläche?

Begründe deine Antwort.
 Hinweis: Die Seite a ist bei allen Dreiecken gleich lang.

Forsche weiter

Falls dich das Thema einer Aufgabenstellung besonders interessiert, kannst du hier weiterforschen.

Knobelaufgaben

Hier musst du oft länger probieren, bis du einen (oder mehrere) Lösungswege gefunden hast.

Wie weit ist diese Seemeile? Löse die Aufgabe und begründe deine Antwort.

b) FORSCHE WEITER

Wie nennt man eine Seemeile noch? Kreuze an.

Nautische Meile
 Englische Meile
 Postmeile

Handle in die vorgegebene Richtung weiter.



Partnerarbeit

Aufgaben mit diesem Symbol löst ihr am besten zu zweit oder in der Gruppe.

English Corner

Where $n = 1$, evaluate the following expression.

$12 - n + 4n$ $2n^2 + n - 35$
 $12 - (2n - 1) - 2$ $2n^2 - n^2 - n^2 + 4$

Simplify the following expression:

$4 + 15 - 2 + 54$
 $3n - 2n + 10 + 3$
 $12 - n + 3 + 4 - 4n + 2$
 $10n - 15 + 1 - 2n + 3n - 17$

Find the value of $2n^2 - 4n + 3$ if:

$n = 3$ and $n = 2$
 $n = -1$ and $n = 4$
 $n = 2$ and $n = 3$

Extra: Der Satz von Pythagoras

Das Bild zeigt eine Spirale aus Quadraten, die sich um ein Zentrum herum windet. Die Seitenlängen der Quadrate sind $1, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20$.

Extra: Spirale

1. Theorem von Pythagoras: Theorem von Pythagoras: Theorem von Pythagoras. Theorem von Pythagoras: Theorem von Pythagoras.

English Corner

Find the values of the following which make each equation true.

Natural Numbers	$\{ \}$
Integers	$\{ \}$
Rational Numbers	$\{ \}$

Technik

Zählende Spiele

Das Programm zeigt an, welche Stelle der Zählenspieler der nächste Aufzug fahren wird.

1. Wie lautet die Zahl?
 2. Wird der Aufzug in den Koch fallen?
 3. Ja
 4. Nein

Falls nein, schaut den Koch so an, dass er den Aufzug aufhalten muss.

Extra-Seiten

English Corner, Technik-Labor und Seiten rund um die Welt der Mathematik bringen Abwechslung ins Lernen.

77 Welche dieser Zahlen ist rational? Begründe deine Entscheidung.

$\frac{1}{3}$ $\sqrt{2}$ π e $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$

78 Setze $<$, $>$ oder $=$ ein.

a) $|-3|$ $|+4|$
 b) $|+5|$ $+5$

Lernziele erreichen

Die Unterstrichungen zeigen dir, welche Aufgaben du unbedingt machen solltest, um dein Lernziel zu erreichen.

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (ab Seite 175). Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Aufgaben

1. Löse die Aufgaben zu Dreiecken.

a) Ein Dreieck hat ein Dreieck mit $a = 6$ cm, $b = 5$ cm und $c = 6$ cm. Die Höhe h beträgt 5 cm. Berechne Umfang und Flächeninhalt des Dreiecks.

b) Von einem Dreieck kann man den Flächeninhalt ($A = 163$ cm²) und eine Höhe $h = 14,5$ cm ablesen. Berechne die Länge der Seite c .

Werte

1. Berechne jeweils Umfang und Flächeninhalt der angegebenen Figuren. (Angaben gerundet)

a) Parallelogramm: Seitenlängen $a = 3$ cm, $b = 4$ cm; Diagonalen $d_1 = 5$ cm, $d_2 = 3$ cm.

b) Trapez: $a = 2$ cm, $b = 8$ cm, $h = 2,8$ cm; Diagonalen $d_1 = 6,8$ cm, $d_2 = 4,2$ cm.

c) Trapez: $a = 6$ cm, $b = 4$ cm, $h = 2,5$ cm; Diagonalen $d_1 = 6,5$ cm, $d_2 = 4,5$ cm.

2. Von einem Trapez mit Flächeninhalt 30,2 cm² kann man die Längen der parallelen Seiten $a = 9$ cm und $b = 4,5$ cm ablesen. Berechne die Länge der Höhe h .

3. Eine zu jeder Figur gezeichnete Formel für den Flächeninhalt und eine Formel für die Umfang.

a) Parallelogramm: $A = a \cdot h$; $U = 2a + 2b$.

b) Trapez: $A = \frac{a+b}{2} \cdot h$; $U = a + b + 2c$.

c) Dreieck: $A = \frac{a \cdot h}{2}$; $U = a + b + c$.

4. Bestimme den Flächeninhalt der abgebildeten Figuren. (Angaben in cm)

a)

b)

Checkpoint

Jedes Kapitel endet mit einem Selbsttest. Er zeigt dir, was du jetzt können solltest und hilft dir, selbst zu entscheiden, ob du noch etwas üben solltest.

Wörterbuch

Im PLUS!-Wörterbuch findest du alle Fachbegriffe, die du am Ende dieses Jahres kennen (und anwenden können) solltest.

Das PLUS!-Wörterbuch
 Fachbegriffe kennen und richtig verwenden

Termin	Definition	Beispiel	Einheit
Normal	$10^0 = 1$	1000 g = 1 kg	g
Subtraktion	$10^{-1} = 0,1$	1000 g = 1 kg	g
Multiplikation	$10^1 = 10$	1000 g = 1 kg	g
Division	$10^{-2} = 0,01$	1000 g = 1 kg	g
Exponent	$10^2 = 100$	1000 g = 1 kg	g
Quadrat	$10^3 = 1000$	1000 g = 1 kg	g

2. Wichtige Zahlen

Termin	Definition	Beispiel	Einheit
Null	0	0 g	g
Einheit	1	1 g	g
Zehner	10	10 g	g
Hunderter	100	100 g	g
Tausender	1000	1000 g	g

3. Wichtige Begriffe

Termin	Definition	Beispiel	Einheit
Null	0	0 g	g
Einheit	1	1 g	g
Zehner	10	10 g	g
Hunderter	100	100 g	g
Tausender	1000	1000 g	g

4. Wichtige Formeln

Termin	Definition	Beispiel	Einheit
Null	0	0 g	g
Einheit	1	1 g	g
Zehner	10	10 g	g
Hunderter	100	100 g	g
Tausender	1000	1000 g	g

Kompetent mit PLUS!

Kompetenzen nach den österreichischen Bildungsstandards Mathematik (5.–8. Schulstufe)

Kompetent ist man, wenn man sein Wissen und sein Können in verschiedenen Situationen einsetzen kann. Mathematische Kompetenzen beschreiben mathematische **Handlungen**, die sich auf mathematische **Inhalte** beziehen und die unterschiedlich **komplex** sein können.

Mathematische **Handlungen** sind jene Tätigkeiten, die du brauchst, um mathematische Aufgaben zu lösen. Sie lassen sich in vier Bereiche einteilen:

- H1: Darstellen, Modellbilden
- H2: Rechnen, Operieren
- H3: Interpretieren
- H4: Argumentieren, Begründen

Die mathematischen **Inhalte** stehen im Lehrplan. Sie werden in vier Inhaltsbereiche zusammengefasst:

- I1: Zahlen und Maße
- I2: Variable, funktionale Abhängigkeiten
- I3: Geometrische Figuren und Körper
- I4: Statistische Darstellungen und Kenngrößen

Aufgaben auf **Komplexitätsstufe 1** lassen sich mit einfachen Verfahren lösen, auf Stufe 2 musst du mehrere Arbeitsschritte verbinden und auf Stufe 3 musst du erst über einen möglichen Lösungsweg nachdenken.

- K1: Einsetzen von Grundkenntnissen und -fertigkeiten
- K2: **Herstellen von Verbindungen**
- K3: **Einsetzen von Reflexionswissen, Reflektieren**

Beispiel 1

173 Rechne schriftlich.

- | | | | |
|--------------------------------|---------------------------------|----------------------------|-------------------------|
| ^{H2}
^{I1} | a) $159,2 - (-254,3)$ | d) $9,04 \cdot (-6)$ | g) $(-623,5) : 4$ |
| | b) $(-6\,514,71) + (-3\,058,4)$ | e) $(-15,2) \cdot (-0,84)$ | h) $(-9,68) : (-0,5)$ |
| | c) $-2\,143,8 - (-3\,244,9)$ | f) $(-8,4) \cdot (+2,3)$ | i) $(+18,33) : (-6,11)$ |

I1: Zahlen und Maße: Für diese Aufgabe musst du dich mit rationalen Zahlen auskennen.

H2: Rechnen und Operieren: Du wendest die Grundrechnungsarten an.

K1: Einsetzen von Grundkenntnissen und -fertigkeiten:

Wenn du die Rechenoperationen richtig ausführen kannst, bist du schon am Ziel.

Beispiel 2

548 Zeichne die Strecken und teile sie im angegebenen Verhältnis.

- | | | |
|--------------------------------|--|--|
| ^{H1}
^{I3} | a) $\overline{AB} = 7 \text{ cm}, 2 : 3$ | e) $\overline{IJ} = 7,3 \text{ cm}, 2 : 1$ |
| | b) $\overline{CD} = 6 \text{ cm}, 3 : 1$ | f) $\overline{KL} = 6,4 \text{ cm}, 4 : 3$ |
| | c) $\overline{EF} = 8 \text{ cm}, 1 : 1$ | g) $\overline{MN} = 5,6 \text{ cm}, 3 : 2$ |
| | d) $\overline{GH} = 5 \text{ cm}, 1 : 1$ | h) $\overline{OP} = 9,6 \text{ cm}, 1 : 5$ |

I3: Geometrische Figuren und Körper: Es geht um das grafische Teilen von Strecken.

H1: Darstellen und Modellbilden: Du musst die Aufgabe zuerst in eine andere Form übersetzen, bevor du sie lösen kannst.

K2: Herstellen von Verbindungen: Du musst verschiedene mathematische Verfahren miteinander verbinden, damit du herausfindest, wie lang die Streckenteile sind.

A

Mathematik im Alltag Wiederholung aus der 7. Klasse



Inhalt

Warm-up	8
A1 Rechnen mit Dezimalzahlen	9
A2 Anwendungen mit Dezimalzahlen	10
A3 Rechnen mit Prozentzahlen	11
A4 Anwendungen mit Prozentzahlen	12
English Corner	13
Extra: Der Silbertaler	13
A5 Längen- und Flächenmaße	14
A6 Anwendungen mit Maßen	15
Checkpoint	16

1
H1
H3
H4
I1

Schaut euch den Comic von Tinas Mathematik-Schularbeit an. Löst dann die Aufgaben.

- Wie könnte „Aufgabe 3“ von Tinas Mathematik-Schularbeit mit vollständiger Genauigkeit lauten? Schreibt die Aufgabe auf und vergleicht sie mit anderen. Vergleicht eure Aufgabe mit anderen.
- Wie kommt Tina auf die Idee, dass Tom ein Idiot ist?
- Welchen Rat würdest du Tina für das Lösen von Sachaufgaben geben?
- Ändere die Aufgabe so um, dass sie sich auf einen üblichen Einkauf handelt. Spreche über das, was geändert werden müsste.

Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Rechnen mit natürlichen Zahlen

2 Löse die angegebenen Additionen und Subtraktionen in deinem

H2
I1

a) $65\,219 + 310\,512$

c) $845\,210 - 39$

b) $1\,682\,319 + 576\,905$

d) $9\,242\,667 - 407\,318$

3 Löse die angegebenen Multiplikationen und Divisionen in deinem Heft.

H2
I1

a) $315\,266 \cdot 4$

c) $2\,417 : 12$

b) $72\,852 \cdot 68$

d) $4\,521 : 56$

4 Finde Rechnungen zu den Aufgaben und löse sie in deinem Heft.

H2
I1

a) Berechne das Produkt von 362 und 29.

b) Addiere 604 und die um 9 kleinere Zahl.

c) Wie lautet die Differenz von 69 und 14?

d) Berechne den Quotienten aus 255 und 15.

Massenmaße

5 Wandle in Gramm um.

H2
I1

$0,8\text{ kg} = 800\text{ g}$ $4\text{ kg} =$ $3\text{ dag} =$ $0,2\text{ dag} =$

6 Wandle in Kilogramm um.

H2
I1

$25\text{ dag} = 0,25\text{ kg}$ $7\text{ kg} =$ $125\text{ dag} =$ $1\,400\text{ g} =$

$9\text{ dag} =$ $3\text{ kg} =$ $200\text{ g} =$ $10\text{ g} =$

Zehntel und Hundertstel

7 Schreibe die Ausdrücke als Dezimalbrüche und als Dezimalzahlen an.

H1
I1

	Dezimalbruch	Dezimalzahl		Dezimalbruch	Dezimalzahl
a) vier Zehntel	$\frac{4}{10}$	0,4	e) fünfzehn Hundertstel		
b) sieben Hundertstel			f) neun Hundertstel		
c) zwölf Zehntel			g) dreiundvierzig Hundertstel		
d) neun Zehntel			h) hundertzwanzig Hundertstel		

Rechnen mit Dezimalzahlen

8 Addiere die angegebenen Dezimalzahlen.

$$\begin{array}{r} 16215,23 \\ + 9255,60 \\ \hline \hline \end{array} \qquad \begin{array}{r} 822691,28 \\ + 65705,135 \\ \hline \hline \end{array}$$

9 Subtrahiere die angegebenen Dezimalzahlen.

$$\begin{array}{r} 5032,561 \\ - 2163,310 \\ \hline \hline \end{array} \qquad \begin{array}{r} 47852,22 \\ - 16591,016 \\ \hline \hline \end{array}$$

10 Führe zuerst einen Überschlag aus. Dann berechne das genaue Ergebnis.

a) $952,16 + 768,4$

a) Ü: $1000 + 800 = 1800$

$$\begin{array}{r} R: 952,16 \\ 768,40 \\ \hline 1720,56 \end{array}$$

b) $825,9 - 409,3$

c) $15146,2 + 367,8$

d) $94204,3 - 18571,1$

e) $596,7 + 48911,157$

f) $72063,1 - 163,4$

g) $128,51 + 68351,12$

h) $50000 - 915214,663$

11 Multipliziere die angegebenen Dezimalzahlen.

a) $615,2 \cdot 4$

e) $6,9 \cdot 2$

b) $3252,9 \cdot 5$

f) $98,1 \cdot 0,64$

c) $152,514 \cdot 2$

g) $5,7 \cdot 6,3$

d) $31,0881 \cdot 6$

h) $1,2 \cdot 0,8$

i) Wie viele Nachkommastellen hat das Ergebnis der Rechnung $5,24 \cdot 2,7$?

Erkläre, wie du auf das Ergebnis gekommen bist.



12 Dividiere die angegebenen Dezimalzahlen. Gib das Ergebnis auf zwei Kommastellen genau an.

a) $87,5 : 5$

b) $23,25 : 3$

g) $19,5 : 1,5$

b) $1,8 : 0,6$

e) $1,816 : 4$

h) $3,776 : 0,4$

c) $70,5 : 5$

f) $0,2584 : 9$

i) $16,8 : 0,05$

13 KNOBELAUFGABE Setze das Komma im Ergebnis an der richtigen Stelle.

a) $45 + 2,82 = 4782$

d) $81,2 : 50 = 1624$

b) $106 - 15,3 = 907$

e) $0,75 \cdot 84 = 63$

c) $62,5 \cdot 0,6 = 375$

f) $3,95 : 0,2 = 1975$

Schreibe so, dass die Kommas immer untereinander stehen.



Ziel ⇒ Rechne mit Dezimalzahlen gewinnen

Wissen



Kommaregel bei der Multiplikation

$$\begin{array}{r} 0,613 \cdot 8,2 \\ 4904 \quad \leftarrow \begin{array}{l} 1 \text{ Stelle} \\ 3 \text{ Stellen} \end{array} \\ 1226 \\ \hline 5,0266 \quad \leftarrow 4 \text{ Stellen} \end{array}$$

Das Ergebnis hat genauso viele Kommastellen wie beide Faktoren zusammen.

Kommaregel bei der Division – Erweitern

Ist der Divisor eine Dezimalzahl, musst du erweitern, bevor du rechnest.

$$\begin{array}{r} \text{Dezimalzahl} \\ 12,52 : 2,9 = \\ \downarrow \cdot 10 \downarrow \\ 125,2 : 29 = \\ \text{natürliche Zahl} \end{array}$$

Setze das Komma mit Hilfe der Stellenwertbestimmung.

Anwendungen mit Dezimalzahlen

14 Wie viel bezahlen die Kundinnen und Kunden für ihr Obst?

Finde Rechnungen zu den Aufgaben und löse sie in deinem Heft.



- a) Elena kauft zwei Kilogramm Trauben.
- b) Dragan kauft eine Kiwi. Die Kiwi wiegt 0,2 kg.
- c) Berthold kauft drei Orangen.
- d) Inge kauft 1,5 kg Clementinen.
- e) Andreas kauft 1 kg Kiwis und 0,5 kg Trauben.

15 Finde Fragen zu den Sachverhalten.

Dann löse die Aufgaben.

Hinweis: Verwende die Preise aus Aufgabe 14!

- a) Herr Huber kauft 0,9 kg Orangen. Er bezahlt mit einem 20-Euro-Schein.
- b) Frau Haller kauft Clementinen um 5,00 €.
- c) Uwe kauft eine 350 g schwere Toms Orange wiegt 390 g.

16 Theresa kauft 2 Liter Milch um 1,15 €, drei Becher Schlagobers um je 0,9 € und ein Stück Butter um 1,25 €.

- a) Wie viel Euro muss Theresa insgesamt bezahlen?
- b) Ändere die angegebenen Preise so, dass Theresa mit 7 € auskommt.

17 Alwin kauft 7 kg Speck, 5 dag Kakao, 20 dag Schinken und 1 kg Gouda.

Schinken	Salami	Speck	Extrawurst	Gouda	Emmentaler
€ 10,00 pro kg	€ 25,50 pro kg	29,60 pro kg	€ 22,50 pro kg	€ 15,90 pro kg	€ 14,60 pro kg

- a) Wie schwer ist Alwins Einkauf?
- b) Wie viel Euro muss Alwin insgesamt bezahlen?
- c) Ändere die eingekauften Mengen so, dass Alwin mehr als 20 Euro bezahlen muss.

Ziel

Wenn du Rechnungen mit Dezimalzahlen in Sachsituationen lösen kannst, dann können wir dich loben!

Wissen

Unlösbare Aufgaben

Wenn du eine Aufgabe nicht lösen kannst, weil zum Beispiel wichtige Angaben fehlen, schreibe „Aufgabe nicht lösbar“ als Antwort.

Interessant

Beruf:
Einzelhandelskauffrau/
Einzelhandelskaufmann
(im Lebensmittelhandel)



Meist arbeitest du im Stehen oder bewegst dich viel. Für den Verkauf von Obst, Fleisch und Käse benötigst du Sicherheit im Umgang mit Massenmaßen. Auch wenn im Geschäft viel los ist, solltest du stets freundlich bleiben!

→ Übungsteil, S. 6

Rechnen mit Prozentzahlen

18 Wandle die Bruchzahlen in Prozentzahlen um.

H1
I1

$$\frac{3}{100} \hat{=} 3\% \quad \frac{40}{100} \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad \frac{15}{100} \hat{=} \underline{\quad\quad\quad}$$

$$\frac{8}{100} \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad \frac{99}{100} \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad \frac{25}{100} \hat{=} \underline{\quad\quad\quad}$$

19 Wandle die Dezimalzahlen in Prozentzahlen um.

H1
I1

$$0,14 \hat{=} 14\% \quad 0,9 \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad 0,6 \hat{=} \underline{\quad\quad\quad}$$

$$0,01 \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad 0,09 \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad 0,95 \hat{=} \underline{\quad\quad\quad}$$

20 Wandle die Prozentzahlen in Dezimalzahlen um.

H1
I1

$$35\% \hat{=} 0,35 \quad 11\% \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad 9\% \hat{=} \underline{\quad\quad\quad}$$

$$82\% \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad 10\% \hat{=} \underline{\quad\quad\quad} \quad 1\% \hat{=} \underline{\quad\quad\quad}$$

21 Berechne jeweils 1 Prozent der Zahl.

H2
I1

$$1\% \text{ von } 300 = 3 \quad 1\% \text{ von } 94 = \underline{\quad\quad\quad}$$

$$1\% \text{ von } 352 = \underline{\quad\quad\quad} \quad 1\% \text{ von } 7\,260 = \underline{\quad\quad\quad}$$

$$1\% \text{ von } 70 = \underline{\quad\quad\quad} \quad 1\% \text{ von } 6 = \underline{\quad\quad\quad}$$

22 Denkt euch zehn Zahlen aus und berechnet jeweils 1 Prozent davon.

Vergleicht eure Ergebnisse mit anderen. Wie kann man sich die Aufgaben am besten leicht oder am besten schwierig machen?

23 Berechne jeweils 10 Prozent einer Zahl.

H2
I1

$$10\% \text{ von } 500 = 50$$

$$10\% \text{ von } 250 = \underline{\quad\quad\quad}$$

$$10\% \text{ von } 20 = \underline{\quad\quad\quad}$$

$$10\% \text{ von } 4 = \underline{\quad\quad\quad}$$

$$10\% \text{ von } 100 = \underline{\quad\quad\quad}$$

$$10\% \text{ von } \underline{\quad\quad\quad} = \underline{\quad\quad\quad}$$

24 Berechne die jeweiligen Prozentanteile.

	500	30	420	150
10%	50			
20%				
30%				
50%				
90%				
100%				

Ziele

- ⇒ Wiederholung des Begriffs „Prozent“
- ⇒ einfache Rechnungen mit Prozentzahlen im Kopf lösen können

Wissen

Prozentzahlen

Prozent bedeutet „pro Hundert“.

„1 Prozent von x“ bedeutet also dasselbe wie „1 Hundertstel von x“.

Prozentanteile im Kopf berechnen

Beispiel:

$$1\% \text{ von } 700 = ?$$

$$\rightarrow 700 : 100 = \underline{7}$$

Beispiel:

$$10\% \text{ von } 700 = ?$$

$$\rightarrow 700 : 10 = \underline{70}$$

Beispiel:

$$30\% \text{ von } 700 = ?$$

$$\rightarrow \text{rechne } 10\% \text{ aus: } 700 : 10 = \underline{70}$$

$$\rightarrow \text{nun rechne } 30\% \text{ aus: } 70 \cdot 3 = \underline{210}$$

Tipp

50% ist einfach die Hälfte.

Wenn du 50% von etwas berechnen sollst, musst du nur durch 2 teilen.

Beispiel:

$$50\% \text{ von } 90 = 90 : 2 = \underline{45}$$

Anwendungen mit Prozentzahlen

25 Sonderangebote bei Steffis Schuhgeschäft!

H1
H2
H4
I1

% Sonderangebote zum Schulbeginn!

Sportschuhe - 20 % 

Hausschuhe - 30 %

- a) Der alte Preis für einen Sportschuh war 49,90 €. Felix und Sabine haben jeweils den neuen Preis berechnet:

Felix 

10% :	$49,90 : 10 = 4,99$
20% :	$4,99 \cdot 2 = 9,98$
neuer Preis:	$49,90$
	$- 9,98$
	$39,92 \text{ €}$

Sabine 

10% :	$49,90 : 10 = 4,99$
80% :	$4,99 \cdot 8 = 39,92$
	$39,92 \text{ €}$

Erkläre, wie Felix und Sabine gerechnet haben. Welchen Rechenweg würdest du wählen begründe.

- b) Berechne die neuen Preise der folgenden Schuhe:
- (1) Sportschuh, alter Preis: 35,90 €
 - (2) Hausschuh, alter Preis: 19,90 €
- c) Frau Huber kauft drei Paar Sportschuhe. Ohne Sonderangebot hätten die Schuhe 38,50 €, 56,90 € und 42,30 € gekostet. Wie viel bezahlt Frau Huber? Wie viel hat sie auf nur?
- d) Herr Meier kauft zwei Paar Hausschuhe. Die alten Preise der Schuhe betragen 15,50 € und 22,80 €. Wie viel Euro hat Herr Meier durch das Angebot gespart?

26 Denk dir selbst Aufgaben für ein Schuhgeschäft aus.

H1
H2
I1

Schreibe die Aufgaben in dein Notizbuch und löse sie.

Hinweis: Die angegebenen Wörter sollen in deiner Angabe vorkommen!

- a) „40% Rabatt“ und „Stiefel“
- b) „10% Rabatt“ und „Sportschuhe“
- c) „70% Rabatt“ und „Wechselgeld“

27 KNOBELAUFGABE

H1
H3
H4
I1

Welches Angebot ist besser?

Billig-Schuh bietet diese Woche „50% Rabatt auf alle Schuhe“.
Super-Duper-Schuh bietet „1 + 1 gratis“.

Welches Angebot findet ihr besser?
Begründet eure Entscheidung.

Ziele

- mit Prozentsätzen in Alltagssituationen rechnen können
- Textaufgaben lösen können
- Textaufgaben selbst erfinden

Wissen

Rabatt

... nennt man einen Preisnachlass.

Rabatte sind meist in Prozent angegeben. Du musst also zuerst eine Prozentrechnung durchführen, wenn du wissen willst, wie viel Geld du wirklich sparst.

Interessant

Beruf:

Einzelhandelskauffrau / Einzelhandelskaufmann
(im Schuhhandel)



Im Schuhhandel rechnest du viel mit Rabatten.

Außerdem musst du dich bei aktuellen Modetrends und gesundheitlichen Fragen rund um Füße und Schuhe gut auskennen.

Die Beratung von Kundinnen und Kunden steht im Mittelpunkt dieses Berufes.

→ Übungsteil, S. 8

→ Cyber Homework 1

English Corner

28 The price of a pineapple is 2.19 €. 
H1
I1 Find the total price of five pineapples.

29 Leon buys two pineapples.
H1
I1 The weight of the first one is 652 g.
 Find the weight of the other pineapple, if the total weight is 1.24 kg.

30 Mr. Jones has 150 € in his pocket.
H1
I1 He buys new shoes for 69.90 €.
 How much money has he left?

31 The price of golf shoes is 149.50 €.
H1
I1 Today, they are 30% off.
 How much is the new price?

Wörterbuch

- pineapple ...
- weight ...
- Gewicht
- pocket ...
- Tasche
- shoes ...
- Schuhe
- 30% off ...
- um 30% reduziert

Extra: Der Silberstaler

32 Im Jahr 1566 wurde der Silberstaler (später auch Reichstaler genannt)
H3
I1 als Zahlungsmittel zugelassen.
 Seinen Ursprung hat der Silberstaler in Tirol!

- a) Wie viele Jahre ist das?
- b) **FORSCH WEITER**
 Wie heißt die Burg, in der sich die „Münze Hall“ befindet?
 Kann man die „Münze Hall“ besuchen?



Taler Maria Theresia

33 Das Geldsystem zu dieser Zeit war kompliziert.
H2
H3
I1 Verwende die Tabelle zum Lösen der Aufgaben.

- a) Wie viele Pfennige sind in einem Taler?
- b) Ein Mann hat einen Gulden und zwei Kreuzer.
 Er kauft Brot und bezahlt mit 10 Groschen.
 Wie viel Geld bleibt ihm?

1 Taler	= 2 Gulden
1 Gulden	= 20 Groschen
1 Groschen	= 3 Kreuzer
1 Kreuzer	= 4 Pfennig

34 Verwende die Tabelle zum Lösen der Aufgabe.

H1
H2
I1 Ein Spieler hat im Laufe eines Tages 32 Kreuzer und 97 Pfennig bekommen.
 Hat er mehr oder weniger als einen Gulden verdient?

Längen- und Flächenmaße

35 Wandle in die vorgegebenen Längenmaße um.

- H2
I1
- a) 6,5 m = _____ cm
 5,2 cm = _____ mm
 0,07 km = _____ m
 4,03 m = _____ dm
 2,8 dm = _____ mm
- b) 35 cm = _____ m
 9 mm = _____ dm
 470 m = _____ km
 15 dm = _____ m
 900 cm = _____ km

36 Schreibe die Längen der Reihe nach geordnet auf. Beginne bei der größten.

- H2
I1
- a) 0,4 m / 123 cm / 5,1 dm / 94 mm
 b) 205 mm / 6,1 cm / 0,008 km / 12 m
 c) 1,82 mm / 62,3 dm / 425 cm / 5,3 m

37 Michael erzählt, dass er bei seinem letzten Segeltörn 650 Seemeilen (1 Seemeile = 1 852 m) zurückgelegt hat.

- H1
H2
I1
- a) Wie weit ist diese Strecke in Kilometern? Löse die Aufgabe und beschreibe deinen Rechenweg.
- b) **FORSCHE WEITER**
 Wie nennt man eine Seemeile noch? Kreuze an.
- Nautische Meile
 Englische Meile
 Postmeile



38 Wandle in die vorgegebenen Flächenmaße um.

- H2
I1
- a) 5 cm² = _____ mm² 1 m² = _____ cm²
 2,9 cm² = _____ mm² 10 dm² = _____ m²
 0,01 m² = _____ cm² 52 cm² = _____ dm²
 0,6 dm² = _____ cm² 7 dm² = _____ m²
 3,9 m² = _____ cm² 125 cm² = _____ m²

39 Schreibe die Flächen der Reihe nach geordnet auf. Beginne beim kleinsten.

- H2
I1
- a) 165 m² / 1 a / 1 km² / 1 a
 b) 59 m² / 4 km² / 25 m²
 c) 280 a / 1 km² / 2 ha / 50 000 m²

40 Der Garten eines Hauses misst 4,41 a.

- H1
H2
I3
- a) Gib diesen Flächeninhalt in Hektar bzw. in Quadratmetern an.
- b) **KNOBELAUFGABE**
 Angenommen, der Garten wäre quadratisch: Welche Seitenlänge hätte er? Beschreibe deinen Rechenweg.

Ziel
 Maßeinheiten sicher umwandeln und mit ihnen arbeiten können

Wissen

Umwandlung Längenmaße

- mm → : 10
 cm → : 10
 dm → : 10
 m → : 1 000
 km

Umwandlung Flächenmaße

- mm² → : 100
 cm² → : 100
 dm² → : 100
 m² → : 100
 a → : 100
 ha → : 100
 km²

Interessant

Alte Längenmaße



Das älteste Längenmaß der Erde war die Elle (Länge des Unterarms vom Ellbogen bis zum Mittelfinger). Dieses Maß war jedoch, je nach Herrscher und Region, unterschiedlich lang.

→ Übungsteil, S. 9

Anwendungen mit Maßen

41 Berechne den Flächeninhalt der angegebenen rechteckigen Wände.
Die Höhe der Wände ist mit h angegeben, die Breite mit b .

H2
I3

- a) $h = 2,5 \text{ m}$, $b = 4 \text{ m}$ c) $h = 3,1 \text{ m}$, $b = 5,2 \text{ m}$
b) $h = 2,5 \text{ m}$, $b = 3,2 \text{ m}$ d) $h = 2,8 \text{ m}$, $b = 4,3 \text{ m}$

42 Der Flächeninhalt einer $2,8 \text{ m}$ hohen rechteckigen Wand beträgt $9,80 \text{ m}^2$.

H2
I3

Wie breit ist die Wand?

Mirkos Malerfarbe:



	Inhalt	reicht für	Preis
Tonko klein	3 Liter	25 m^2	19,90 €
Tonko mittel	5 Liter	40 m^2	19,90 €
Tonko groß	7 Liter	55 m^2	23,90 €
Tonko brilliant	5 Liter	50 m^2	25,90 €

43 Frau Steiner braucht Farbe für rund 140 m^2 Fläche.
Sie entscheidet sich für „Tonko mittel“.

H1
H2
H3
I3

- a) Wie viele Kübel muss Frau Steiner kaufen?
b) Wie viel Euro kostet Frau Steiner Einkauf aus Aufgabe a)?
c) Wie viel hätte Frau Steiner bezahlt müssen, wenn sie sich statt „Tonko mittel“ für „Tonko brilliant“ entschieden hätte?
d) Finde anhand der Tabelle das billigste Angebot für Frau Steiner. Vergleiche deine Lösung mit anderen Gruppen.

44 Die Pension Waldesruh hat 14 Zimmer mit jeweils 36 m^2 Wandfläche ausmalen.

H1
H2
I3

Berechne die Kosten für die benötigte Menge an „Tonko groß“.

45 **FERMI-AUFGABE**
Wie viel Liter Malerfarbe würde man benötigen, um alle Klassenräume des Schulgebäudes neu zu streichen?

H1
H2
I1

- a) Rechne die Aufgabe mit stark gerundeten Zahlen. Erkläre den Rechenweg und euer Ergebnis mit anderen Gruppen.
b) Versuche die Aufgabe so genau wie möglich zu lösen. Vergleiche dein Ergebnis mit anderen Gruppen.
c) **KNOBELAUFGABE**
Wie viel Liter Malerfarbe würde man benötigen, um die Außenfassade eures Schulgebäudes neu zu streichen?
Rechnet mit stark gerundeten Zahlen. Vergleiche euren Rechenweg und euer Ergebnis mit anderen Gruppen.

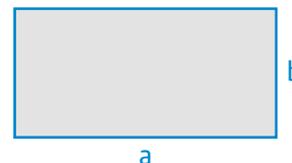
Ziel

→ Grundrechnungsarten und Überschlagsrechnungen in Sachsituationen sicher anwenden können

Wissen

Flächeninhalt eines Rechtecks

Der Flächeninhalt wird meist mit dem Buchstaben A abgekürzt, die Seiten mit a und b .



a

b

Es gilt: $A = a \cdot b$

Interessant

Beruf:
Einzelhandelskauffrau/
Einzelhandelskaufmann
(im Baustoffhandel)



Um Kundinnen und Kunden gut beraten zu können, musst du Pläne lesen, Längen, Flächeninhalte und Mengen berechnen sowie die Gesamtkosten eines Bauvorhabens grob abschätzen können.

→ Übungsteil, S. 10

→ Cyber Homework 2

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Dezimalzahlen, Massenmaße und Geld

46 Peter kauft 2,4 Kilogramm Äpfel.

H1
I1 Wie viel bezahlt er, wenn 1 Kilogramm Äpfel 2,90 € kostet?

SA1
SA2

47 Wie viel kosten 25 Dekagramm Extrawurst, wenn 1 Kilogramm Extrawurst 13,20 Euro kostet?

H1
I1

SA2

48 Lisa bezahlt für eine Birne 70 Cent.

H1
I1 Wie schwer ist die Birne, wenn 1 kg Birnen 2,80 Euro kostet?

SA2

Prozent und Rabatt

49 Berechne die gesuchten Prozentanteile im Kopf!

H2
I1

- a) 10 % von 520 € = _____ d) 2 % von 100 € = _____
b) 30 % von 90 € = _____ e) 10 % von 20 € = _____

SA3

50 Eine Jacke kostete ursprünglich 139,90 €.

H2
I1 Berechne den neuen Preis für die Jacke, wenn sie heute um 30 % verbilligt angeboten wird.

SA4

51 Vergleiche die Angebote!

H1
I1

Frau Meier möchte drei Packungen Kaffeebohnen kaufen.
Eine Packung Kaffeebohnen kostet 1,50 €.
Angebot A lautet: „minus 20 %“
Angebot B lautet: „2 + 1 gratis“
Welches Angebot ist für Frau Meier günstiger?


SA4

Rechnen mit Flächeninhalten

52 Ein Landwirt hat 3,5 ha Ackerfläche.

H1
I1 Wie viel kostet das Land, wenn er pro Quadratmeter 2,30 € bezahlt?

SA5

53 Ein längliches Götterbeet ist 2,6 m breit und 5,1 m lang.

H2
I3 Ein quadratisches Götterbeet ist 3,5 m lang.

Berechne den Flächeninhalt der beiden Beete.
Gib an, um wie viele m² das eine Beet größer ist als das andere.

SA5

54 Ein Kartoffelacker ist 80 m lang und 60 m breit.

H4
I3 Ein Rübenacker ist nur halb so lang, dafür aber doppelt so breit.

Welcher Acker hat den größeren Flächeninhalt?
Begründe, ohne zu rechnen.

SA5

B

Negative Zahlen Einführung, Addition, Subtraktion, Koordinatensystem



Warum musstest du unseren Urlaub auch vorverlegen?

Hauptsaison hätte doppelt so viel gekostet!



Inhalt

	Warm-up	18
B1	Thermometer	19
	Extra: Temperaturmaße	20
	Extra: Kältestes Dorf	20
B2	Zahlengerade, Ordnung	21
B3	Betrag, Gegenzahl, Runden	22
	English Corner	23
	Technik-Labor	23
B4	Rechnen mit Skizzen	24
B5	Addition und Subtraktion	25
B6	Erweiterung des Koordinaten- systems	26
B7	Dreiecke im Koordinaten- system	27
	Checkpoint	28

55 Schaut euch den Comic an.
Löst dann die Aufgaben.

H1
H3
H4
I1

- Wie hoch sind die Temperaturen im Comic?
- Um wie viel Grad hat sich das Schneemann-Pärchen geirrt?
Beschreibt zwei mögliche Sätze,
wie ihr auf diese Antwort gekommen seid.
- Warum ist das ein Problem für das Schneemann-Pärchen dar?
- FORSCHUNGSFRAGEN**
Hauptsaison.
Was bedeutet der Begriff „Hauptsaison“?
Wann ist üblicherweise „Hauptsaison“ in Skigebieten?
Wann ist üblicherweise „Hauptsaison“ an Badeseen?
Vergleicht die Preise von „Hauptsaison“ zu „Nebensaison“.

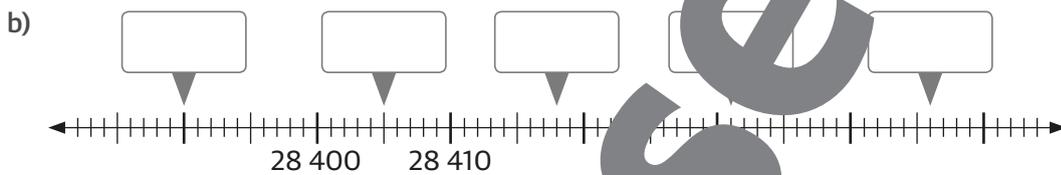
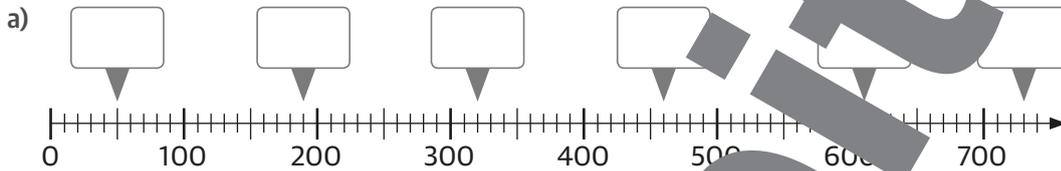
Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Zahlenstrahl, Ordnung von Zahlen

56 Beschrifte die markierten Zahlen.

H3
I1



57 Setze $<$, $>$ oder $=$ ein.

H2
I1

a) 82 28

c) 705

e) $25\,922$ $700\,000$

b) 399 $1\,250$

d) 687 768

f) $962\,588$ $406\,999$

Koordinatensystem, Spiegelsymmetrie

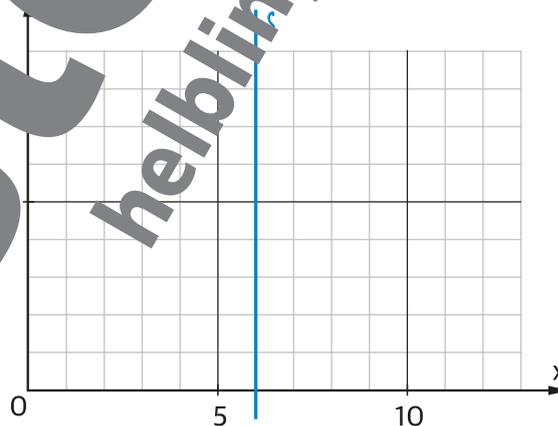
58 Gegeben ist das Viereck ABCD

H2
I1

A (0|2), B (6|1), C (4|7), D (0|7)

a) Zeichne das Viereck in das abgebildete Koordinatensystem ein

b) Spiegle das Viereck an der Geraden s.

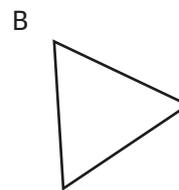
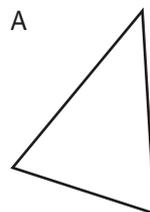


Arten von Dreiecken

59 Ordne die Dreiecke den angegebenen Bezeichnungen zu.

H1
I1

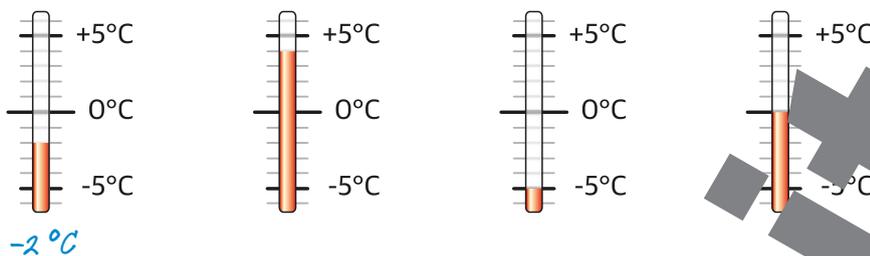
Bezeichnung		
allgemeines Dreieck		
gleichschenkeliges Dreieck		
gleichseitiges Dreieck		



Thermometer

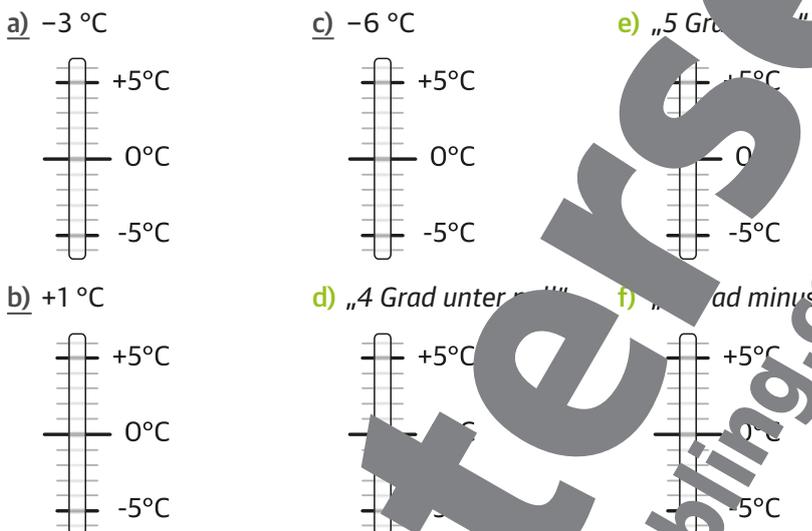
60 Lies das Thermometer ab und gib die Temperatur in Grad Celsius (°C) an.

H3
I1



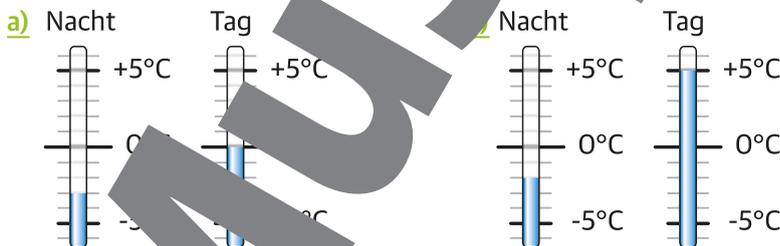
61 Zeichne die angegebenen Temperaturen auf den abgebildeten Thermometern ein.

H1
I1



62 Gib den Temperaturunterschied zwischen Nacht und Tag in Grad Celsius an.

H3
I1



63 In der Gemeinde Braz hatte es an einem Morgen -1 °C.

H1
H2
I1

Gib an, um wie viele Grad die Temperatur war, wenn es im Verlaufe des Tages ...

- a) um 3 Grad wärmer wurde.
- b) um 3 Grad kälter wurde.
- c) um 5 Grad wärmer wurde.
- d) um 5 Grad kälter wurde.

64 Ordne die Temperaturen von der kältesten bis zur wärmsten.

H2
I1

- a) -2 °C / +1 °C / -10 °C / +5 °C / 0 °C
- b) +32 °C / +15 °C / -16 °C / -5 °C / +4 °C

Ziel

⇒ Vorstufen zu positiven und negativen Zahlen aufbauen und festigen

Wissen

Positive und negative Zahlen

Ist es wärmer als 0 °C, sprechen wir von Plusgraden. Im Sommer hat es zum Beispiel +28 °C (sprich: „plus 28 Grad“).

Pluszahlen nennen wir auch positive Zahlen.

Ist es kälter als 0 °C, sprechen wir von Minusgraden. Im Winter hat es zum Beispiel -10 °C (sprich: „minus 10 Grad“).

Minuszahlen nennen wir auch negative Zahlen.

Interessant

Grad Celsius (°C)



Das Grad Celsius (°C) ist eine Maßeinheit für die Temperatur, die nach den folgenden Eigenschaften von Wasser eingeteilt wurde:

- 0 °C: Wasser gefriert zu Eis
- 100 °C: Wasser beginnt zu kochen

Extra: Temperaturmaße

65 Wandle die angegebenen Temperaturangaben von Grad Celsius (°C) in Grad Fahrenheit (°F) bzw. in Kelvin (K) um.

H1
H2
I1

Verwende die folgenden Formeln:

$$T_F = T_C \cdot 1,8 + 32 \quad T_K = T_C + 273,15$$

Hinweis: T_C ... Temperatur in Grad Celsius (°C), T_F ... Temperatur in Grad Fahrenheit (°F),
 T_K ... Temperatur in Kelvin (K)

	typische Temperatur im Winter	Gefrierpunkt von Wasser	typische Temperatur im Sommer	temperatur des Menschen	Siedepunkt von Wasser
T_C	-5 °C	0 °C	+25 °C	+37 °C	+100 °C
T_F	23 °F				
T_K	268,15 K				

66 FORSCHE WEITER



H3
I1

Temperaturmaße

a) Ordnet zu, wo die angegebenen Temperaturmaße hauptsächlich verwendet werden.



b) Woher stammen die Namen Celsius, Fahrenheit und Kelvin?
Sucht im Internet oder schließ dich einem Link nach

Extra: Kältestes Dorf

67 Das kälteste Dorf der Erde ist das russische Oimjakon.



H2
H3
H4
I1

Die tiefste dort jemals gemessene Temperatur betrug -67,8 °C. Der Winter dauert 9 Monate. Im Sommer kann es dennoch über +30 °C haben. Die höchste Temperatur in Oimjakon je gemessene Temperatur betrug +34,6 °C.

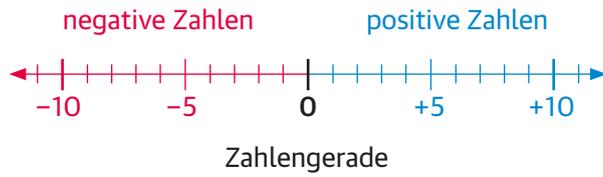


a) Berechne den Temperaturunterschied zwischen der tiefsten und der höchsten Temperatur, die in Oimjakon je gemessen wurde.

Wahrheit oder falsch?

	wahr	falsch
1: Milch wird in Eisblöcken gelagert.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
2: Ab -52 °C ist schulfrei.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
3: Den Menschen reicht dünne Kleidung, weil sie abgehärtet sind.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
4: In Oimjakon werden jakutische Wildpferde gezüchtet.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
5: In Oimjakon wachsen besonders schmackhafte Äpfel und Birnen.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

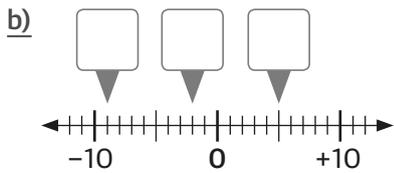
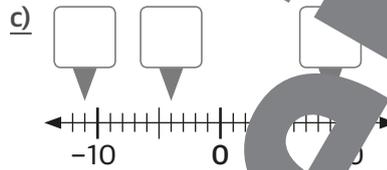
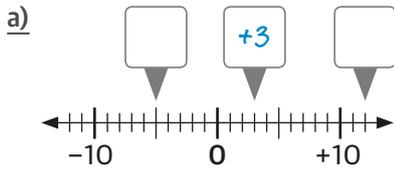
Zahlengerade, Ordnung



- ➔ mit der Zahlengeraden arbeiten können
- ➔ Vergleichszeichen bei negativen Zahlen richtig verwenden

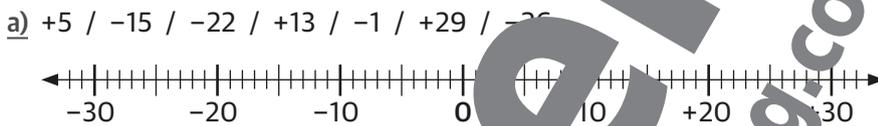
68 Beschrifte die markierten Zahlen.

H3
I1



69 Markiere die angegebenen Zahlen auf der Zahlengeraden.

H1
I1



70 Zeichne jeweils eine Zahlengerade von -10 bis +10. Markiere die angegebenen Zahlen auf der Zahlengeraden.

H1
I1

- a) -6 / -2 / +5 / +9 c) +11 / -3 / +1 / -10
b) -8 / -1 / +3 d) 0 / -5 / -9 / +2

71 Ordne die Zahlen von der kleinsten bis zur größten.

H2
I1

- a) +3 / -6
b) -1 / +4 / -2
c) -10 / -5 / 0
d) -20 / -258 / -105 / -93
e) +632 / +100 / -416 / -399 / +410

Je weiter links eine Zahl auf der Zahlengeraden steht, desto kleiner ist sie!



Wissen



Zahlengerade
Um auch die negativen Zahlen darstellen zu können, wird unser Zahlenstrahl links vom Nullpunkt um die negativen Zahlen erweitert.

Kleiner und größer
Es gilt auch auf der Zahlengeraden:
Je weiter links eine Zahl auf der Zahlengeraden steht, desto kleiner ist sie!
Temperaturen helfen bei dieser Vorstellung:
-1 °C ist wärmer als -2 °C.

Interessant



Negative Zahlen wurden zum ersten Mal im Handel verwendet. Man schrieb damit Schulden an.

Betrag, Gegenzahl, Runden

73 Bestimme jeweils den Betrag der angegebenen Zahl.

- H2 I1
- a) $|-5| = \underline{\hspace{2cm}}$ c) $|+28| = \underline{\hspace{2cm}}$ e) $|0| = \underline{\hspace{2cm}}$
 b) $|+6| = \underline{\hspace{2cm}}$ d) $|-92| = \underline{\hspace{2cm}}$ f) $|-1| = \underline{\hspace{2cm}}$

74 Bestimme jeweils den Betrag der angegebenen Zahl.

- H2 I1
- a) +2 b) -8 c) -4 d) +26 e) 169

75 Finde jeweils zwei Zahlen, die die angegebene Zahl als Betrag haben.

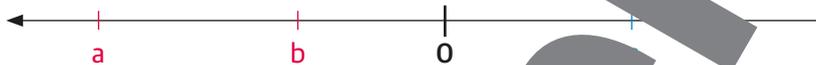
- H1 I1
- a) 6 b) 10 c) 2 d) 509 e) 24

76 Gib jeweils die Gegenzahl zur angegebenen Zahl an.

- H1 I1
- a) +5 b) -1 c) +18 d) -29 e) 6

77 Welche dieser Zahlen hat den größten Betrag?

H4 I1 Begründe deine Entscheidung mit einem vollständigen Satz.



78 Setze <, > oder = ein.

- H2 I1
- a) $|-3| \bigcirc |+4|$ d) $|-13| \bigcirc |3|$ e) $|-3| \bigcirc |-1|$
 b) $|+5| \bigcirc +5$ e) $|+15| \bigcirc 51$ h) $|0| \bigcirc |-2|$
 c) $|-9| \bigcirc 0$ f) $|+20| \bigcirc |-12|$ i) $|-9| \bigcirc -9$

79 Kreuze an: Wahr oder falsch?

	wahr	falsch
a) Der Betrag von +5 ist gleich -5.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b) Der Betrag einer Zahl und der Betrag ihrer Gegenzahl sind immer gleich groß.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c) Je größer eine negative Zahl ist, desto größer ist ihr Betrag.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d) Der Betrag einer Zahl zeigt an, wie weit sie vom Nullpunkt entfernt ist.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

80 Runde die angegebenen Zahlen auf ganze Zehner.

- H2 I1
- a) -69 c) +97 d) -115 e) -472

81 KNOBELAUFGABE

H1 H2 I1 Rundet man die Zahl x auf ganze Hunderter, so erhält man -1 200.

Wie groß kann x höchstens sein?
 Wie groß muss x mindestens sein?
 Beschreibt, wie ihr auf die Lösungen gekommen seid.

Ziele

die Begriffe „Betrag“ und „Gegenzahl“ verstehen und anwenden können
 negative und positive Zahlen richtig runden

Wissen

Betrag

Der Betrag einer Zahl gibt den Abstand der Zahl zum Nullpunkt an.

Beispiel:

$$|-5| = 5$$

Sprechweise:

„Der Betrag von minus fünf ist gleich fünf.“



Gegenzahl

Zwei Zahlen mit gleichem Betrag, aber umgekehrtem Vorzeichen, nennt man Gegenzahlen.

Beispiel:

+4 ist Gegenzahl zu -4

Runden

Beim Runden von negativen Zahlen arbeitest du nur mit dem Betrag der Zahl. Das Vorzeichen wird einfach mitgenommen:

$$-517 \approx -520$$

$$-6\,323 \approx -6\,300$$

English Corner

82 The temperature in Montreal reaches $-30\text{ }^{\circ}\text{C}$ in winter and $+32\text{ }^{\circ}\text{C}$ in summer.

H1
H2
I1

a) What is the difference between the two temperatures?

b) EXPLORE

Where is Montreal?
What languages are spoken in Montreal?



Montreal

Wörterbuch

arrange ...

ascending ...
aufsteigend

descending ...
absteigend

represent ...
darstellen

number line ...
Zahlengerade

absolute value ...
Betrag

EXPLORE ...
FORSCH E WEITER

83 Arrange the numbers -3 , $+5$, -1 and 0 ...

H2
I1

a) ... in ascending order. _____

b) ... in descending order. _____

84 Represent the numbers

H1
I1

a) -8 , -3 , $+2$ and $+7$

b) -4 , 0 , $+10$ and $+50$

on a number line.

85 Given the numbers $+18$, $+9$, -20 , -5 , -3 , -1 and 0 , arrange their absolute values in ascending order.

H2
I1

Technik-Labor

86 Zahlengerade-Spiel

H1
I1

Das Programm zeigt an welcher Stelle der Zahlengerade der nächste Apfel fallen wird.



⇒ Dieses Spiel findest du in der e-zone, Klasse 3 – B.

a) Wie lautet die Zahl? _____

b) Wird der Apfel in den Korb fallen? ja nein

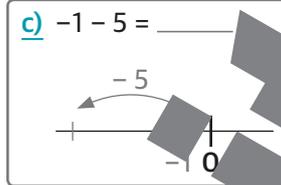
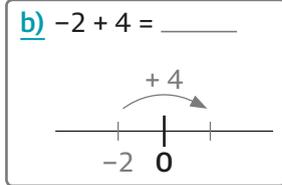
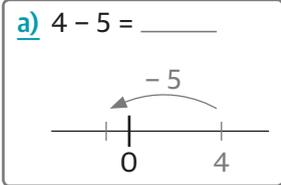
Falls nein, zeichne den Korb so ein, dass er den Apfel auffangen wird.

B4

Rechnen mit Skizzen

87 Löse die Rechnungen mit Hilfe einer Skizze.

Besprich deine Überlegungen mit anderen.



88 Ergänze die Skizzen und löse die Aufgaben.

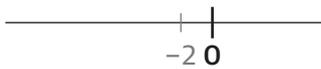
a) $-4 + 14 = \underline{\quad}$



c) $10 - 15 = \underline{\quad}$



b) $-2 - 5 = \underline{\quad}$



d) $-3 + 10 = \underline{\quad}$



89 Zeichne passende Skizzen zu den Aufgaben. Dann löse die Rechnungen.

a) $3 - 5$

b) $0 - 4$

c) $2 - 10$

d) $-4 + 7$

e) $-1 + 3$

f) $-2 - 4$

g) $4 - 8$

h) $-10 + 7$

i) $-5 + 5$

j) $0 - 4$

k) $-3 - 5$

l) -10

Die 1. Zahl sagt mir, wo die Rechnung beginnt.



90 Löse die Rechnungen im Kopf.

$2 + 3 = \underline{\quad}$

$1 - 4 = \underline{\quad}$

$-3 + 3 = \underline{\quad}$

$-8 - 1 = \underline{\quad}$

$-2 - 2 = \underline{\quad}$

$0 = \underline{\quad}$

$-5 + 10 = \underline{\quad}$

$-4 + 5 = \underline{\quad}$

$-9 - 5 = \underline{\quad}$

$0 - 6 = \underline{\quad}$

$5 - 12 = \underline{\quad}$

91 Finde passende Rechnungen zu den Aufgaben und löse sie.

a) Welche Zahl ist 5 kleiner als 3? $\underline{\quad}$

b) Welche Zahl ist um 4 kleiner als 1? $\underline{\quad}$

c) Welche Zahl ist um 7 kleiner als -2? $\underline{\quad}$

d) Welche Zahl ist um 2 größer als -4? $\underline{\quad}$

e) Welche Zahl ist um 10 größer als -3? $\underline{\quad}$

f) Welche Zahl ist um 1 kleiner als -100? $\underline{\quad}$

Ziele

einige Bedingungen für Subtraktionen mit negativen Ergebnissen oder negativen Ausgangszahlen verstehen können

⇒ Skizzen als Hilfsmittel für Rechnungen verwenden können

Wissen



Rechenstrich

Der Rechenstrich ist ein Hilfsmittel, damit du dir Rechnungen besser vorstellen kannst.

Du musst ihn nicht genau zeichnen, er dient nur als Skizze. Zeichne auch nur das ein, was du wirklich brauchst.

Zeichenreihenfolge:

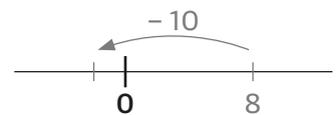
1. Rechenstrich zeichnen



2. Ausgangszahl einzeichnen



3. Operationspfeil einzeichnen



→ Übungsteil, S. 15

Addition und Subtraktion

92 Löse die angegebenen Rechnungen.

H2
H4
I1

Was hast du beim Lösen der Aufgaben beobachtet?
Besprich deine Überlegungen mit anderen.

- 5 + 2 = _____
- 5 + 1 = _____
- 5 + 0 = _____
- 5 + (-1) = _____
- 5 + (-2) = _____

Die Klammer hilft,
Vorzeichen und
Rechenzeichen zu
unterscheiden.



- 5 - 2 = _____
- 5 - 1 = _____
- 5 - 0 = _____
- 5 - (-1) = _____
- 5 - (-2) = _____

Ziel
Rechnungen mit
positiven und negativen
Zahlen vereinfacht
ansprechen und
ausrechnen können

93 Vereinfache die angegebenen Rechnungen und löse sie.

H2
I1

a) $5 - (-2)$

$$\begin{array}{r} 5 - (-2) = \\ 5 + 2 = \underline{\underline{7}} \end{array}$$



Es gilt:
Minus plus
gibt plus!
Aus Minus und
Minus wird Plus!

- b) $3 - (-1)$
- c) $-4 + (-4)$
- d) $6 - (+2)$
- e) $-7 + (-2)$
- f) $2 - (-6)$
- g) $1 - (+5)$
- h) $(+9) - (-5)$
- i) $3 - (+8) + (-5)$
- j) $-9 - (-2) - (+5)$

Wissen

Vorzeichen und Rechenzeichen

Um Vorzeichen und Rechenzeichen unterscheiden zu können, schreibt man um die Zahl mit Vorzeichen eine Klammer.

Beispiel:

$$4 + (-2)$$

Vorzeichen
Rechenzeichen

Vereinfachen

Wenn ein Vorzeichen und ein Rechenzeichen aufeinanderstoßen, gilt:

- $a + (+b) = a + b$
- $a + (-b) = a - b$
- $a - (+b) = a - b$
- $a - (-b) = a + b$

Beispiel:

$$-4 + (-2) = -4 - 2 = \underline{\underline{-6}}$$

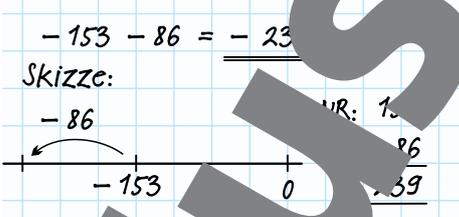
+ (-) → -

94 Löse die Aufgaben in deinem Heft.

H1
H2
I1

Tipp: Mach Skizzen und Nebenrechnungen, wenn es dir hilft!

a) $-153 - 86$



Achtung:
minus bedeutet
nicht immer
Minusrechnen!



- b) $162 - 50$
- c) $-58 + 11$
- d) $-135 - 68$
- e) $-12 - 15$
- f) $13 + 482$
- g) $682 - 915$
- h) $-412 - 2816$
- i) $-381 + 500$
- j) $3092 + (-1688)$
- k) $-52901 - (-94626)$
- l) $-17243 - (+6922)$
- m) $92914 - (-31683)$

95 Löse die Aufgaben in deinem Heft.

H1
H2
I1

Tipp: Mach Skizzen und Nebenrechnungen, wenn es dir hilft!

- a) $3215 - (-7058)$
- b) $-2933 + (-647)$
- c) $61472 - (+70000)$
- d) $-13699 + (-8425)$
- e) $|-316| + (-75)$
- f) $6099 - |+14310|$
- g) $|-916| - |-509| + (-728)$
- h) $-15402 - |-18265|$

Erweiterung des Koordinatensystems

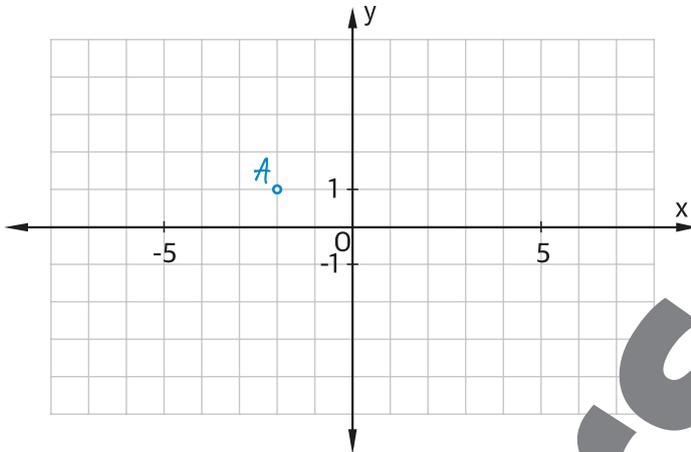
96 Gegeben sind die folgenden Punkte:

H2
H3
I3

A (-2|1), B (-5|1), C (-5|-3), D (3|-2), E (7|4),

F (1|-4), G (-2|-3), H (1|3), I (6|-1)

a) Zeichne die Punkte in das abgebildete Koordinatensystem ein.



b) Gib an, in welchem Quadranten die Punkte jeweils liegen.

	A	B	C	D	E	F	G
1. Quadrant	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
2. Quadrant	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>					
3. Quadrant	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
4. Quadrant	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

97 Gegeben sind fünf Punkte und die Gerade g:

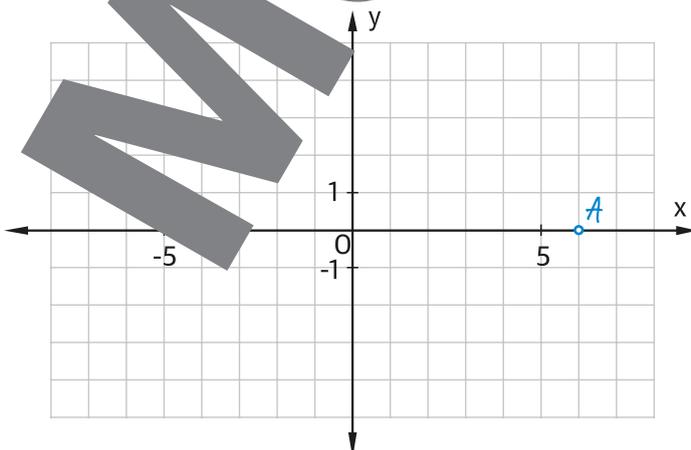
H2
I3

A (6|0), B (-1|4), C (2|3), D (-2|3), E (-7|3),

Gerade g [I (-5|-3), II (7|3)]

a) Zeichne die Punkte und die Gerade g in das unten abgebildete Koordinatensystem ein.

b) Spiegle die Punkte A, B, C an der Geraden g. Gib die Koordinaten der Spiegpunkte an.



Ziele

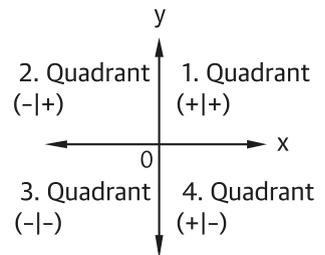
Ein Koordinatensystem mit negativen Zahlen erlernen und damit arbeiten können
Punkte konstruieren können

Wissen



Erweiterung des Koordinatensystems: Quadranten (= Viertel)

Um sich besser orientieren zu können, teilt man das erweiterte Koordinatensystem in 4 Quadranten ein, die sich durch ihr Vorzeichen bei den Koordinaten voneinander unterscheiden:



Geraden im Koordinatensystem

Um eine Gerade festzulegen, gibt man 2 Punkte (I und II) an, durch die die Gerade verläuft.

Beispiel:

Gerade g [I (0|0), II (3|3)]

Um die Gerade zu zeichnen, markiert man zuerst die beiden Punkte. Dann zeichnet man eine Gerade, die durch beide Punkte verläuft.

Dreiecke im Koordinatensystem

98 Zeichne das angegebene Dreieck ABC in ein passendes Koordinatensystem ein.

H1
H2
H4
I3

A (-8|-4), B (5|-5), C (10|7)

- Bestimme die Winkel α , β und γ durch Abmessen und berechne die Winkelsumme des Dreiecks. Gib Argumente für die Richtigkeit deines Ergebnisses an.
- Bestimme die Seitenlängen a, b und c durch Abmessen und berechne den Umfang des Dreiecks.

Zeichne für die Aufgaben auf dieser Seite alle Koordinatensysteme mit Einheitsstrecke = 5 mm (1 Kästchen)



Ziele

- ⇒ Wiederholung des Grundwissens zu Dreiecken
- ⇒ Dreiecks-Spiegelungen in erweiterten Koordinatensystem durchführen können

99 Zeichne das angegebene Dreieck ABC in ein passendes Koordinatensystem ein.

H1
H2
H4
I3

A (-2|-5), B (9|0), C (-6|7)

Führe dieselben Aufgaben wie im vorigen Beispiel an.

100 Gegeben ist das rechtwinklige Dreieck: A (-6|2), B (-1|7), C (-6|7).

H1
H2
H3
I3

- Zeichne das angegebene Dreieck ABC in ein passendes Koordinatensystem ein.
- In welchem Quadranten liegt das Dreieck ABC?
- Beantworte die Fragen, ohne zu zeichnen:
 - In welchem Quadranten liegt das gespiegelte Dreieck, wenn man es an der x-Achse spiegelt?
 - Ist das gespiegelte Dreieck ebenfalls rechtwinklig?
- Spiegle das angegebene Dreieck an der x-Achse und überprüfe deine Antworten aus c).

101 Julia behauptet:

H1
H2
H3
I3

„Ein gespiegeltes Dreieck ist immer deckungsgleich mit dem ursprünglichen Dreieck.“



- Stimmt Julias Aussage?
- Wie lautet das korrekte Wort für „deckungsgleich“?

102 KNOBELAUFGABE

H1
H3
H4
I3

Zeichne ein Dreieck ABC in ein Koordinatensystem ein, dessen Spiegelbild an der x-Achse ein Dreieck A'B'C' genau auf dem Dreieck ABC liegt. Man spiegle es an der x-Achse.

- Gib die Koordinaten der Punkte A, B und C an.
- Sind verschiedene Lösungen möglich? Begründe.
- Vergleiche deine Lösung(en) mit anderen. Haben eure Dreiecke Gemeinsamkeiten? Schreibt sie auf.

Wissen

Spiegelung an der x-Achse

Spiegelt man einen Punkt an der x-Achse, so bleibt seine x-Koordinate gleich. Die y-Koordinate wechselt das Vorzeichen.

Beispiel:

$$A(3|2) \rightarrow A'(3|-2)$$

Spiegelung an der y-Achse

Spiegelt man einen Punkt an der y-Achse, so bleibt seine y-Koordinate gleich. Die x-Koordinate wechselt das Vorzeichen.

Beispiel:

$$A(3|2) \rightarrow A'(-3|2)$$

Checkpoint

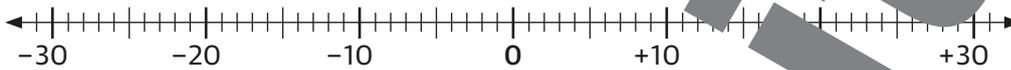
Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Negative Zahlen

103 Markiere die angegebenen Zahlen auf der Zahlengeraden.

H1
I1

$-2 / 14 / -23 / -19 / 5$



B2

104 Ordne die angegebenen Zahlen von der kleinsten bis zur größten.

H2
I1

$4 / 0 / -5 / -2 / 1$

B2

105 Setze $<$, $>$ oder $=$ ein.

H2
I1

a) -8 $+7$

c) $|-4|$ $+3$

e) $|15|$ $|-15|$

b) $+6$ -6

d) $|+10|$ $|-11|$

f) $|-9|$ -2

B3

106 Wie lautet die größte ganze Zahl, die auf ganze Hunderter gerundet die Zahl $-6\ 300$ ergibt?

H1
H4
I1

Begründe, warum deine Lösung richtig ist.

B3

Addition und Subtraktion von negativen Zahlen

107 Löse die Rechnungen.

H2
I1

$0 - 6 =$ _____

$-14 - 14 =$ _____

$-253 - 42 =$ _____

$2 - 3 =$ _____

$4 - 1 =$ _____

$-5 + 8 =$ _____

B4

108 Vereinfache die angegebenen Ausdrücke und löse sie.

H2
I1

a) $8 - (-5)$

c) $-10 + (+4) - (-7)$

e) $16 - (-12) + (-30)$

b) $-20 + (-15)$

d) $-750 - (-1\ 000)$

f) $-90 + (-270)$

B5

Erweiterung des Koordinatensystems

109 Erstelle ein Koordinatensystem in deinem Heft.

H1
H2
H3
I3

Die x-Achse und die y-Achse sollen von -10 bis $+10$ gezeichnet werden.

a) Zeichne das Dreieck ABC mit A $(-4|-8)$, B $(3|9)$ und C $(-9|4)$ in dein Koordinatensystem ein.

b) Frage dich: Um welches Dreieck handelt es sich in a)?

- allgemeines Dreieck
- gleichschenkeliges Dreieck
- gleichseitiges Dreieck

c) Spiegle das Dreieck aus a) an der Geraden g $[I(-2|-5), II(4|4)]$.

Gib die Koordinaten des gespiegelten Dreiecks A'B'C' an.

B6

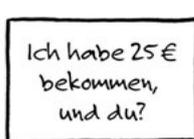
B7

C

Rationale Zahlen Zahlenmengen und Rechenoperationen



Eine Woche später ...



Inhalt

Warm-up	30
C1 Minus auf dem Konto	31
C2 Rationale Zahlen, Zahlenmengen	32
C3 Addition und Subtraktion	33
C4 Addition und Subtraktion (Brüche)	34
C5 Multiplikation	35
C6 Division	36
C7 Multiplikation und Division (Brüche)	37
C8 Verbindung der Grundrechenarten	38
English Corner	39
Technik-Labor	39
C9 Rechnen mit dem Taschenrechner	40
C10 Anwendung – Geld	41
Checkpoint	42

110 Schaut euch den Comic mit Mia und Tom an.

Löst dann die Aufgaben.

- Wie könnte das Zeugnis von Mia ausgesehen haben?
Wie könnte das Zeugnis von Tom ausgesehen haben?
Gibt jeweils ein Beispiel an.

Wähle aus diesen 15 Unterrichtsfächern aus: Religion, Deutsch, Englisch, Französisch, Geschichte, Geografie, Mathematik, Physik, Geometrisches Zeichnen, Biologie, Physik, Chemie, Technische Erziehung, Werkerziehung, Bewegung und Sport

- Gib an, wie viel man mit Mias Regel höchstens verdienen kann.
- Gib an, wie viele Schulden man mit Mias Regel höchstens anhäufen kann.
- Sieh dir dein Zeugnis vom letzten Sommer an.
Wie viel Geld hättest du bekommen,
wenn Mias Regeln bei deinen Noten gegolten hätten?

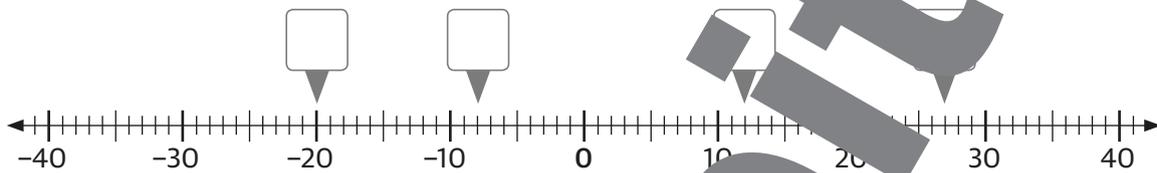
Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Negative Zahlen

111 Beschrifte die markierten Zahlen.

H1
I1



112 Finde die gesuchten Zahlen.

H1
H2
I1

- a) Welche Zahl ist um 1 kleiner als -20 ? _____
 b) Welche Zahl ist um 1 größer als -100 ? _____
 c) Welche Zahl ist um 2 größer als -1 ? _____
 d) Welche Zahl ist um 10 kleiner als $+4$? _____

113 Löse die Rechnungen.

H2
I1

$-2 - 5 =$ _____ $-25 + 5 =$ _____ $10 - (-2) =$ _____ $-14 + (-1) =$ _____
 $8 - 10 =$ _____ $-18 - 10 =$ _____ $36 - (+3) =$ _____ $-20 - (-80) =$ _____

Rechnen mit Dezimalzahlen, Vorrangregeln

114 Löse die angegebenen Rechnungen.

H2
I1

Beachte dabei die Vorrangregeln.

- a) $(6,5 - 0,8) \cdot 4$ c) $17,2 \cdot 3,5 + 19,6$ e) $(7,5 \cdot 0,9) : 2,5$
 b) $6,5 - 0,8 \cdot 4$ d) $4 + 59,2$ f) $45 : 2 - 7 \cdot (3 - 0,2)$

Rechnen mit Bruchzahlen

115 Löse die Rechnungen.

H2
I1

a) $\frac{2}{3} + 1\frac{1}{3}$ b) $2\frac{1}{2} - \frac{1}{2}$ c) $4\frac{1}{4} - \frac{3}{4}$ d) $\frac{5}{12} + \frac{11}{12}$

116 Löse die Rechnungen.

H2
I1

a) $1\frac{3}{4} - \frac{3}{4}$ b) $\frac{2}{6} - \frac{2}{3}$ c) $1\frac{1}{6} - \frac{3}{4}$ d) $\frac{3}{10} + 2\frac{5}{8}$

117 Berechne die Produkte.

H2
I1

a) $\frac{5}{7} \cdot 3$ b) $2 \cdot \frac{2}{9}$ c) $\frac{5}{7} \cdot \frac{2}{3}$ d) $\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{8}$

118 Berechne die Quotienten.

H2
I1

a) $\frac{4}{9} : 2$ b) $\frac{12}{15} : 3$ c) $\frac{2}{5} : \frac{3}{7}$ d) $\frac{1}{6} : \frac{2}{3}$

Bei der Addition und der Subtraktion musst du die Brüche zuerst auf den gleichen Nenner bringen!



Minus auf dem Konto

119 Guthaben oder Schulden?

Die Tabelle zeigt die Kontostände einiger Personen.

Name	Kontostand	Guthaben	Schulden
Hannes	2.355,30 €	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Beate	-596,50 €	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Sindji	46,95 €	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Theo	1.266,20 €	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Erik	-395,20 €	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Alice	-15,40 €	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- a) Kreuze jeweils an, ob es sich bei dem angegebenen Kontostand um ein Guthaben oder um Schulden handelt.
 b) Ordne die Kontostände vom höchsten bis zum niedrigsten.

120 Die angegebenen Personen haben eingekauft und dabei mit ihrer Bankomatkarte bezahlt. Um wie viel Euro haben sie dabei ihre Konten überzogen?

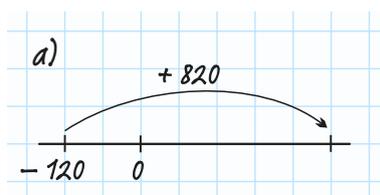
Vergleiche deine Ergebnisse mit anderen.

- a) Tom hat 25 € auf seinem Konto. Er kauft um 30 € ein.
 b) Rahel hat 100 € auf ihrem Konto. Sie bezahlt 119,90 €.
 c) Igor hat 30,20 € auf seinem Konto. Er gibt 31 € aus.
 d) Aylas Kontostand beträgt 50 €. Sie gibt weitere 16,50 € aus.



121 Die Angestellten haben ihr Gehalt bekommen. Berechne die neuen Kontostände mit Hilfe von Skizzen.

- a) Laras Kontostand ist um 120 € gesunken. Ihre Firma überweist ihr 820 € Gehalt.
 b) Pia hat 16,50 € Minus auf dem Konto. Ihr Arbeitgeber überweist ihr 920 €.
 c) Pia hat 16,50 € Minus auf dem Konto. Ihr Arbeitgeber überweist ihr 920 €.



122 FORSCHE WEITER

Konto, Kontostand, Bankomatkarte, Gehalt

Finde Erklärungen für die oben angegebenen Begriffe.

Ziele

- ⇒ Vorstellungen zu negativen Zahlen gewinnen und festigen
- ⇒ Grundbegriffe zu Geld, Banken und Kontoführung kennen

Wissen

Schulden

Wenn man mehr Geld ausgibt als man hat, macht man Schulden.

Dabei leiht einem die Bank Geld, das man ihr später wieder zurückzahlen muss.

Zur Unterscheidung von Guthaben und Schulden verwendet man Vorzeichen:

Kontostand 500 €:
 „Ich habe 500 € auf meinem Konto, die mir gehören.“

Kontostand -500 €:
 „Ich schulde der Bank 500 €.“

Interessant

Andere Ausdrücke für „Schulden“

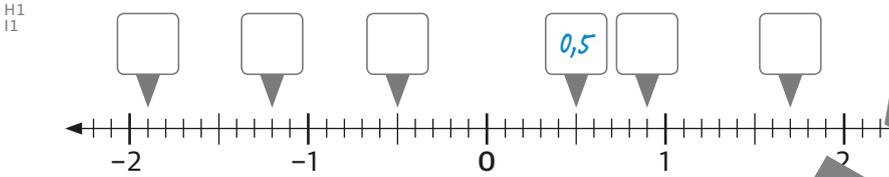


- „im Minus sein“
- „in der Kreide stehen“
- „im Rückstand sein“
- „in den roten Zahlen sein“

→ Übungsteil, S. 20

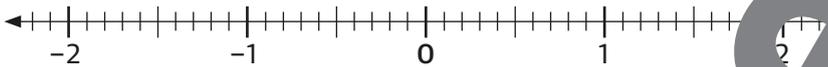
Rationale Zahlen, Zahlenmengen

123 Beschrifte die markierten Dezimalzahlen auf der Zahlengeraden.



124 Markiere die angegebenen Dezimalzahlen auf der Zahlengeraden.

0,3 / -0,9 / 2,1 / -1,5 / -0,6 / 0,8

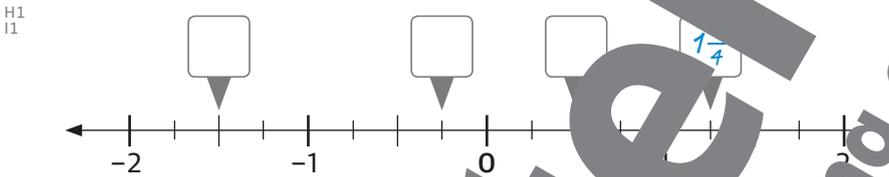


125 Zeichne eine Zahlengerade von -5 bis +5.

Markiere die angegebenen Zahlen auf der Zahlengerade

-3,5 / 2,2 / -4,1 / 3,9 / -1,7 / 0,5

126 Beschrifte die markierten Bruchzahlen.



127 Markiere die angegebenen Bruchzahlen auf der Zahlengeraden

$\frac{3}{4}$ / $-\frac{1}{2}$ / $1\frac{1}{2}$ / $-\frac{1}{4}$



128 Setze \in oder \notin ein.

- | | | |
|---|--|--|
| -35 <input checked="" type="checkbox"/> \notin \mathbb{N} | 16,2 <input type="checkbox"/> \mathbb{Z} | $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> \mathbb{Z} |
| 118 <input type="checkbox"/> \mathbb{Z} | 0,5 <input type="checkbox"/> \mathbb{Z} | $-\frac{3}{4}$ <input type="checkbox"/> \mathbb{Q} |
| -8 <input type="checkbox"/> \mathbb{Z} | -1 <input type="checkbox"/> \mathbb{Z} | $2\frac{1}{4}$ <input type="checkbox"/> \mathbb{Q} |
| -2 <input type="checkbox"/> \mathbb{N} | 2,2 <input type="checkbox"/> \mathbb{Q} | $\frac{1}{8}$ <input type="checkbox"/> \mathbb{N} |
| 627 <input type="checkbox"/> \mathbb{N} | 1,1 <input type="checkbox"/> \mathbb{N} | $-\frac{5}{8}$ <input type="checkbox"/> \mathbb{Z} |

129 Kreuze richtig oder falsch?

	richtig	falsch
Jede Zahl aus \mathbb{N} gehört auch zur Menge \mathbb{Z} .	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
\mathbb{Q} ist die Menge aller negativen Zahlen.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
In \mathbb{Z} gibt es gerade und ungerade Zahlen.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Eine Zahl kann nur zu einer Menge gehören.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Jede Zahl aus \mathbb{Q} gehört auch zur Menge \mathbb{Z} .	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Beispiele

Bruch- und Dezimalzahlen auf der Zahlengeraden eintragen und ordnen können
 Zahlenmengen \mathbb{N} , \mathbb{Z} und \mathbb{Q} kennen und Aussagen dazu treffen können

Wissen

\mathbb{N} – Natürliche Zahlen

Menge der positiven ganzen Zahlen, die man auch zum Zählen verwendet:

$$\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$$

\mathbb{Z} – Ganze Zahlen

Die Menge der ganzen Zahlen umfasst alle Zahlen aus \mathbb{N} sowie zusätzlich die negativen ganzen Zahlen:

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$$

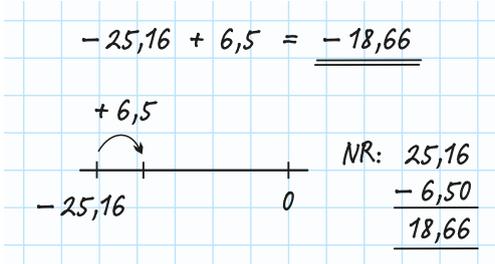
\mathbb{Q} – Rationale Zahlen

Diese Menge umfasst alle positiven und negativen Zahlen, die sich durch eine Bruchzahl darstellen lassen, also auch Dezimalbrüche wie -0,75 oder 16,9.

Addition und Subtraktion

130 Erkläre, wie Emil die Aufgabe $-25,16 + 6,5$ gelöst hat.

Verwende die Begriffe „Betrag“, „Nebenrechnung“, „Vorzeichen“, „Skizze“ und „Endergebnis“.



Ziele

- Erweiterung der Rechenkompetenz
- Umgang mit negativen Dezimalzahlen
- Sicherheit bei Vor- und Rechenzeichen, Klammernotationen und deren Vereinfachung gewinnen

131 Löse die Aufgaben.

- a) $-53,92 + 12,05$ d) $7,2 - 16,52$
 b) $-1,04 + 2,6$ e) $69,7 - 203,74$
 c) $-12,83 + 93,11$ f) $-16,5 - 18,22$

132 Vereinfache die Rechnungen und löse sie.

- a) $(-8,5) + (-6,2)$ f) $(-2,05) - (-7,31)$
 b) $(-1,2) + (-0,5)$ g) $(-13,52) - (-9,2)$
 c) $(+4,16) - (+9,04)$ h) $(+0,58) + (-1,2)$
 d) $(-8,22) + (+3,95)$ i) $(-1,5) - (-4,75)$
 e) $(+6,96) - (-4,81)$ j) $(-8,1) - (-9)$

133 KNOBELAUFGABE

Mario behauptet:

„Bei manchen Subtraktionen ist die Differenz größer als der Minuend.“

- a) Stimmt Marios Behauptung? Wenn ja, gib ein Beispiel an. Wenn nein, widerlege Marios Behauptung an. *Hinweis: Subtrahend = Differenz*
- b) Wovon handelt es sich bei Marios Behauptung? Stimmt? Schreib eure Überlegungen dazu auf. Besprecht eure Überlegungen mit denen anderer Gruppen.
- c) Ergänze den Satz. Setze die Begriffe Minuend, Subtrahend und Differenz richtig ein.
 Der _____ ist die Summe aus _____ und _____.

Gibt es verschiedene Möglichkeiten, diese Aufgabe zu lösen? Besprecht eure Überlegungen mit anderen Gruppen.

Wissen



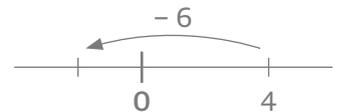
Vorgehensweise

1. Klammern auflösen
 Vereinfache zuerst die Rechnung.

Beispiel:
 $(+4) + (-6) = 4 - 6$

2. Skizze
 Eine einfache Skizze hilft, den Rechenweg und das Vorzeichen des Ergebnisses zu erkennen.

Im Beispiel:



3. Betrag berechnen
 Der Betrag des Ergebnisses ist sein Abstand zum Nullpunkt.

Im Beispiel:
 $6 - 4 = 2$

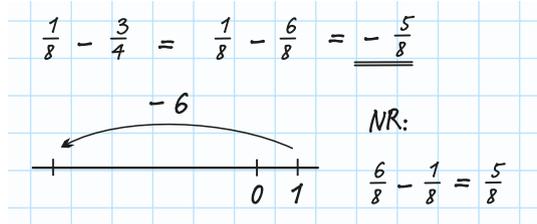
4. Ergebnis
 Setze nun das richtige Vorzeichen und du erhältst das Ergebnis.

Im Beispiel:
 $4 - 6 = -2$

Addition und Subtraktion (Brüche)

134 Erkläre, wie Emil die Aufgabe $\frac{1}{8} - \frac{3}{4}$ gelöst hat.

Verwende die Begriffe „Zähler“, „Nenner“, „Nebenrechnung“ und „Skizze“.



135 Löse die Aufgaben.

- | | |
|-----------------------------------|---------------------------------|
| a) $\frac{2}{5} - \frac{7}{10}$ | f) $-\frac{3}{8} + \frac{3}{4}$ |
| b) $-\frac{1}{6} + \frac{2}{3}$ | g) $-\frac{2}{5} - \frac{1}{3}$ |
| c) $-\frac{4}{15} - \frac{3}{5}$ | h) $\frac{1}{6} - \frac{1}{4}$ |
| d) $-\frac{6}{20} + \frac{7}{60}$ | i) $-\frac{5}{8} + \frac{3}{4}$ |
| e) $\frac{11}{32} - \frac{5}{8}$ | j) $-\frac{4}{5} + \frac{3}{4}$ |

136 Vereinfache die Aufgaben und löse sie.

- | | |
|---------------------------------------|--|
| a) $(+\frac{5}{3}) + (-\frac{3}{4})$ | h) $(-1\frac{1}{6}) + (+2\frac{2}{3})$ |
| b) $(-\frac{2}{9}) + (-\frac{5}{6})$ | i) $(+2\frac{3}{5}) + (-1)$ |
| c) $(-\frac{3}{4}) - (-\frac{7}{20})$ | j) $(+4\frac{3}{8}) - (-\frac{7}{10})$ |
| d) $(+\frac{6}{14}) + (+\frac{3}{4})$ | k) $(-1) + (-\frac{3}{8})$ |
| e) $(-\frac{3}{10}) - (+\frac{5}{3})$ | l) $(-1\frac{1}{10}) - (-1)$ |
| f) $(+\frac{7}{12}) + (-\frac{3}{4})$ | m) $(-\frac{2}{3}) - (-2\frac{1}{6})$ |
| g) $(+\frac{3}{10}) - (+\frac{3}{5})$ | n) $(+5\frac{1}{4}) - (-1\frac{5}{8})$ |

Ich wandel die gemischten Zahlen zuerst in unechte Brüche um, bevor ich rechne.



137 KNOBELAUFGABE

Findet passende Werte für a und b. a und b dürfen das Nennernull sein. Vergleiche eure Ergebnisse mit anderen Gruppen.

- $a = \frac{1}{2}$
- $a - b = -\frac{2}{3}$
- $a + b = 0$
- $a + b = -\frac{3}{5}$... und a muss größer als b sein.
- $a + b = -\frac{3}{5}$... und a muss kleiner als b sein.
- $a + b = \frac{4}{7}$... und a muss größer als $\frac{4}{7}$ sein.

Beispiel

Erweiterung der Rechenkompetenz auf negative Bruchzahlen

Wissen

Addition/Subtraktion von Brüchen

Grundsätzlich können nur Brüche mit gleichem Nenner addiert bzw. subtrahiert werden.

Sind die Brüche ungleichnamig,

z. B. $-\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$, $-\frac{2}{5} - \frac{3}{10}$, ...

so muss man sie zuerst durch Erweitern gleichnamig machen.

Üblicherweise verwendet man dafür das **kleinste gemeinsame Vielfache (kgV)** der Nenner.

Du kannst aber auch jedes andere gemeinsame Vielfache verwenden.

Beispiel:

$$-\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = -\frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \underline{\underline{-\frac{1}{6}}}$$

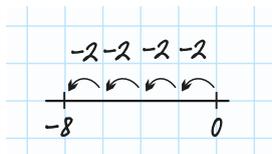
Multiplikation

138 Lisa und Osman haben die Rechnung $4 \cdot (-2)$ unterschiedlich gelöst.

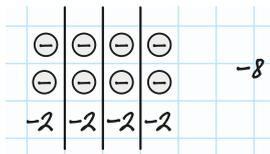


H1
H2
I1

Lisa



Osman



- a) Beschreibt und vergleicht die beiden Lösungswege.
b) Stellt die Rechnung $2 \cdot (-3)$ selbst einmal auf Lisas und einmal auf Osmans Art dar und löst sie.

139 Rechne im Kopf.

H2
I1

- a) $(+5) \cdot (-4) = \underline{\quad}$ g) $(-3) \cdot (-11) = \underline{\quad}$
b) $(+7) \cdot (-3) = \underline{\quad}$ h) $(+2) \cdot (+25) = \underline{\quad}$
c) $(-2) \cdot (+8) = \underline{\quad}$ i) $(-7) \cdot (-6) = \underline{\quad}$
d) $(-5) \cdot (-3) = \underline{\quad}$ j) $(-9) \cdot (+5) = \underline{\quad}$
e) $0 \cdot (-7) = \underline{\quad}$ k) $(+3) \cdot (-20) = \underline{\quad}$
f) $(-4) \cdot (+12) = \underline{\quad}$ l) $(-1) \cdot (-19) = \underline{\quad}$

140 Rechne schriftlich.

H2
I1

- a) $(-254,3) \cdot (+4)$ d) $(+5,16) \cdot (-12)$ e) $(-4,02) \cdot (+1,2)$
b) $(+15,9) \cdot (-3)$ f) $(-1,2) \cdot 36$ h) $(+6,8) \cdot (-0,54)$
c) $(-4,2) \cdot (-7)$ g) $(-1,8) \cdot (-1)$ i) $(-5,6) \cdot (-4,7)$

141 Lest euch die unten stehenden Aussagen durch.

H3
H4
I1

Kreuzt alle zutreffenden Aussagen an.
Ändert die falschen Aussagen so, dass sie richtig werden.
Vergleicht eure Ergebnisse mit anderen Gruppen.

- Das Produkt zweier negativer Zahlen kann negativ sein.
 Die Differenz zweier positiver Zahlen kann negativ sein.
 Multipliziert man eine negative Zahl mit 0, ist das Ergebnis die gleiche Zahl, aber positiv.
 Produkt zweier positiver Zahlen ist negativ.
 Multipliziert man eine positive Zahl mit einer negativen Zahl, ist das Ergebnis negativ.

142 Löse die Aufgaben.

H1
H2
I1

- a) Berechne das Produkt aus $(+9,6)$, $(-2,12)$ und (-4) .
b) Welche Zahl erhält man, wenn man (-7) , $(+6)$, $(-1,3)$ und $(+0,65)$ miteinander multipliziert?
c) Multipliziere die Zahl $(-17,85)$ dreimal mit sich selbst.

Ziel

⇒ Rechenregeln für die Multiplikation von positiven und negativen Zahlen anwenden können

Wissen

Multiplikation von negativen Zahlen

Rechne zuerst, als gäbe es keine Vorzeichen. Danach setze das Vorzeichen nach den angegebenen Vorzeichenregeln.

Vorzeichenregeln

- $(+) \cdot (+) = (+)$
 $(-) \cdot (-) = (+)$
 $(+) \cdot (-) = (-)$
 $(-) \cdot (+) = (-)$

Beispiele:

- $(-3) \cdot (-6) = \underline{+18}$
 $(+5) \cdot (-9) = \underline{-45}$

Tipps

Multiplikation von drei oder mehr Zahlen

Es gelten im Grunde dieselben Regeln wie bei der Multiplikation von zwei Zahlen.

Rechne Schritt für Schritt:

- $(+7) \cdot (-5) \cdot (-2) =$
 $(-35) \cdot (-2) = \underline{+70}$
 $(-3) \cdot (-4) \cdot (+5) \cdot (-2) =$
 $(+12) \cdot (-10) = \underline{-120}$

→ Übungsteil, S. 24

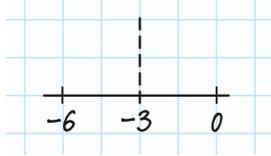
Division

143 Lisa und Osman haben die Rechnung $(-6) : 2$ unterschiedlich gelöst.

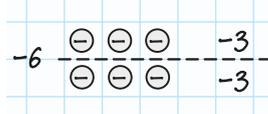


H1
H2
I1

Lisa



Osman



- Beschreibt und vergleicht die beiden Lösungswege.
- Stellt die Rechnung $(-10) : 2$ selbst einmal auf Lisas und einmal auf Osmans Art dar und löst sie.

144 Rechne im Kopf.

H2
I1

- | | |
|---------------------------------------|---------------------------------------|
| a) $(-12) : (+3) = \underline{\quad}$ | g) $(+17) : (-1) = \underline{\quad}$ |
| b) $(+40) : (-2) = \underline{\quad}$ | h) $(-36) : (+6) = \underline{\quad}$ |
| c) $(-15) : (-5) = \underline{\quad}$ | i) $(+28) : (+7) = \underline{\quad}$ |
| d) $(-36) : (+4) = \underline{\quad}$ | j) $(+54) : (-9) = \underline{\quad}$ |
| e) $(-6) : (-6) = \underline{\quad}$ | k) $(-18) : (-2) = \underline{\quad}$ |
| f) $(+35) : (-7) = \underline{\quad}$ | l) $0 : (-5) = \underline{\quad}$ |

Es gelten die Vorzeichenregeln. Wie rechnest du?



145 Rechne schriftlich.

H2
I1

- | | | |
|---------------------|-----------------------|------------------------|
| a) $(-48,2) : (+5)$ | d) $(+20,6) : (-24)$ | e) $(26,25) : (+0,6)$ |
| b) $(+215) : (-2)$ | e) $(-49,5) : (-7)$ | h) $(+53,2) : (-8,3)$ |
| c) $(-7,2) : (-3)$ | f) $(+8,36) : (-1,2)$ | i) $(-1,15) : (-0,15)$ |

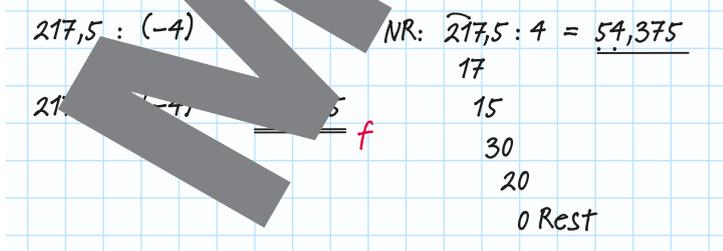
146 Löse die Aufgaben.

H1
H2
I1

- Berechne den Quotienten aus (-10) und (-4) .
- Dividiere $(-96,4)$ durch (-2) schriftl.
- Der Dividend lautet $(-5,8)$, der Divisor $(-2,5)$. Berechne den Quotienten.

147 Was wurde bei der Rechnung falsch gemacht?

H2
I1



- Kreuze an, welcher Fehler gemacht wurde.
 Vorzeichenfehler Kommafehler Rechenfehler
- Löse die Aufgabe selbst richtig.

Ziel

Rechenregeln für Division von positiven und negativen Zahlen anwenden können

Wissen

Division von negativen Zahlen

Rechne zuerst ohne Vorzeichen. Setze danach das Vorzeichen nach den angegebenen Vorzeichenregeln.

Vorzeichenregeln

- $(+) : (+) = (+)$
- $(-) : (-) = (+)$
- $(+) : (-) = (-)$
- $(-) : (+) = (-)$

Beispiele:

- $(-14) : (-7) = \underline{+2}$
- $(+24) : (-6) = \underline{-4}$

Tipp

Division erweitern

Auch bei der Division durch negative Dezimalzahlen musst du den Divisor zunächst auf eine ganze Zahl erweitern, bevor du rechnen kannst:

$$\begin{array}{l}
 \text{Dezimalzahl} \\
 (+12,52) : (-2,9) = \\
 \downarrow \quad \quad \downarrow \\
 \text{• 10} \\
 \downarrow \quad \quad \downarrow \\
 \text{ganze Zahl} \\
 (+125,2) : (-29) =
 \end{array}$$

→ Übungsteil, S. 25

Multiplikation und Division (Brüche)

148 Multipliziere schriftlich.

Gib die Ergebnisse in der einfachsten Form an.

- a) $4 \cdot \left(-\frac{3}{10}\right)$ c) $(-3) \cdot \left(-\frac{1}{4}\right)$ e) $\left(-\frac{4}{11}\right) \cdot 5$
 b) $\frac{5}{9} \cdot (-2)$ d) $5 \cdot \left(-\frac{7}{8}\right)$ f) $\left(-\frac{5}{12}\right) \cdot (-3)$

149 Multipliziere schriftlich.

Gib die Ergebnisse in der einfachsten Form an.

- a) $\left(+\frac{5}{7}\right) \cdot \left(-\frac{3}{10}\right)$ $\frac{5}{7} \cdot \left(-\frac{3}{10}\right) = -\frac{15}{70} = -\frac{3}{14}$
 b) $\left(-\frac{4}{5}\right) \cdot \left(+\frac{3}{4}\right)$
 c) $\left(+\frac{1}{3}\right) \cdot \left(-\frac{2}{15}\right)$ d) $\left(-\frac{6}{5}\right) \cdot \left(-\frac{15}{8}\right)$ e) $\left(-\frac{4}{9}\right)$

150 Dividiere schriftlich.

Gib die Ergebnisse in der einfachsten Form an.

- a) $\left(-\frac{3}{10}\right) : 2$ $-\frac{3}{10} : 2 = -\frac{3}{10} \cdot \frac{1}{2} = -\frac{3}{20}$
 b) $\frac{3}{4} : (-5)$
 c) $\left(-\frac{4}{5}\right) : (-2)$ d) $\left(+\frac{8}{17}\right) : (-4)$ e) $9 : (-6)$

151 Dividiere schriftlich.

Gib die Ergebnisse in der einfachsten Form an.

- a) $\left(-\frac{2}{3}\right) : \left(+\frac{3}{5}\right)$ d) $\left(+\frac{1}{3}\right) : \left(-\frac{2}{9}\right)$ g) $\left(-\frac{7}{12}\right) : \left(-\frac{1}{4}\right)$
 b) $\left(-\frac{1}{4}\right) : \left(-\frac{3}{8}\right)$ e) $\left(-\frac{8}{9}\right) : \left(-\frac{1}{3}\right)$ h) $\left(-\frac{1}{11}\right) : \left(-\frac{4}{7}\right)$
 c) $\left(+\frac{9}{11}\right) : \left(-\frac{6}{7}\right)$ f) $\left(-\frac{10}{11}\right) : \left(-\frac{16}{35}\right)$ i) $1 : \left(+\frac{6}{11}\right)$

152 Rechne schriftlich.

Gib die Ergebnisse in der einfachsten Form an.

- a) $\left(-1\frac{1}{3}\right) \cdot \left(+2\frac{3}{5}\right)$ e) $5 : \left(-\frac{7}{9}\right)$ i) $\left(-\frac{7}{12}\right) : \left(-\frac{5}{4}\right)$
 b) $\left(-\frac{1}{4}\right) : \left(-\frac{3}{8}\right)$ f) $\left(-\frac{1}{2}\right) : \left(+\frac{2}{5}\right)$ j) $\left(-\frac{1}{2}\right) : \left(-\frac{4}{7}\right)$
 c) $\left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \left(-\frac{3}{8}\right) : \left(+\frac{0}{25}\right)$ k) $\left(-\frac{3}{5}\right) \cdot (+11)$
 d) $\left(-\frac{2}{5}\right) : \left(+\frac{1}{3}\right)$ l) $\left(-7\frac{1}{3}\right) : \left(+7\frac{1}{4}\right)$ l) $\left(-16\frac{1}{2}\right) : \left(-8\frac{3}{5}\right)$

153 KNOX

Findet die passenden Zahlen in den Aufgaben.

Besprecht eure Ergebnisse mit anderen Gruppen.
 Schreibt entsprechende Rechengesetze dazu auf
 und belegt sie mit selbst aufgestellten Beispielen.

- a) $\left(-\frac{3}{4}\right) \cdot \text{---} = 1$ c) $\left(-\frac{2}{3}\right) \cdot \text{---} = \frac{2}{3}$
 b) $\left(-\frac{3}{4}\right) : \text{---} = 1$ d) $\left(-\frac{2}{3}\right) : \text{---} = \frac{2}{3}$

Ziel

⇒ Vorzeichenregeln
 auch bei Bruchzahlen
 anwenden können

Wissen

Multiplikation und Division von negativen Bruchzahlen

Rechne zuerst ohne Vorzeichen.
 Setze danach das Vorzeichen nach den üblichen Vorzeichenregeln für die Multiplikation und Division.

Wiederholung: Multiplikation von Bruchzahlen

Du rechnest:

$$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$$

Wiederholung: Division von Bruchzahlen

Du multiplizierst die 1. Zahl mit dem Kehrwert der 2. Zahl:

$$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c} = \frac{a \cdot d}{b \cdot c}$$

Verbindung der Grundrechnungsarten

154 Löse die Aufgaben.

- ^{H2}₁₁
- $(-9,15 + 4,8) \cdot 2,2$
 - $0,8 \cdot 5,16 - 2,16$
 - $(-16,9) \cdot (5,2 - 12,4)$
 - $9,5 - 10,8 : 4$
 - $152,4 : 6 - 96,8$
 - $33 \cdot (64,5 - 78,6)$

Rechne Schritt für Schritt!
Mach Nebenrechnungen,
wenn es dir hilft!

**155** Löse die Aufgaben zuerst in deinem Heft.

^{H2}₁₁ Dann kontrolliere deine Lösungen, indem du sie mit den Zahlen im Kasten vergleichst.

Hinweis: Zwei Lösungen aus dem Kasten werden nicht gebraucht.

- $[(-9,15) + (+4,8)] \cdot (+2,2) + (-0,19)$
- $(+32,4) - (-69,5) \cdot (-1,3) : (+2) + [(+1,9) + (-6,15)]$
- $(-2,5) : [(+6,6) - (-3,2) : (-2)] - (-4,17)$
- $(+7,3) \cdot (-0,2) + (-15,6) : [(-2,4) - (-7,4)]$
- $(+8,13) : [(+5,9) - (+6,2)] + (-8,3) \cdot (-1,5)$
- $[(-46,2) : (+5) + (+18,9)] - (-3,16) \cdot (+20)$

Lösungen:	-17,025	-9,76	-4	-0,2
	+9,502	+72,86	0,67	+4,65

156 KNOBELAUFGABE

^{H1}_{H2}₁₁ Klammern setzen!

Setze die Klammern in den Rechenausdrücken so, dass die Ergebnisse ...

- ... möglichst klein werden.
- ... möglichst groß werden.

Vergleiche deine Ergebnisse miteinander.

- $2 + 3 : 5 - 2 : 7$
- $6,5 + 3,7 - 2 - 1$
- $5 : 2 - 3$
- $4 - 1,8 + 3,9 \cdot 0,5$
- $5,3 - 2,8 : 4 + 3,1$
- $1 - 9,5 \cdot 2 - 6$

157 Löse die Aufgaben.

^{H2}₁₁ Gib die Ergebnisse in ihrer einfachsten Form an.

- $\frac{5}{12} - \frac{1}{4} + \frac{5}{6}$
- $-\frac{3}{8} + \frac{1}{4} : \frac{2}{5}$
- $(\frac{7}{15} - \frac{1}{3}) \cdot (\frac{1}{6} - \frac{1}{2})$
- $\frac{2}{9} : \frac{3}{6} - (\frac{4}{3} + \frac{1}{3})$
- $-\frac{1}{8} + \frac{1}{8} : \frac{3}{5} - \frac{1}{2}$
- $[(-\frac{3}{8}) + (-\frac{1}{2})] : (+\frac{3}{5})$
- $(+\frac{4}{7}) \cdot (+\frac{1}{9}) + (-\frac{2}{3})$
- $[(+\frac{5}{16}) - (+\frac{3}{20})] : (-\frac{2}{7})$
- $(-\frac{6}{10}) - [(+\frac{1}{2}) - (+\frac{3}{5})] \cdot (+3)$
- $[(+\frac{2}{3}) + (-\frac{1}{9})] : (-\frac{3}{8})$

Beispiel

Rechnungen mit
rationalen Zahlen
über vier
Grundrechnungsarten
lösen können

Wissen

**Wiederholung:
Vorrangregeln**

Rechne zuerst die Ausdrücke in den Klammern, dann die Punktrechnungen und am Ende die Strichrechnungen! (Merkwort: „Klampustri“)

Beispiel:

$$\begin{aligned} (-6,2) - [(+2) + (-5)] : (+2) &= \\ (-6,2) - (-3) : (+2) &= \\ (-6,2) - (-1,5) &= \underline{\underline{-4,7}} \end{aligned}$$

Tipp

**Rechnen in
der Klammer**

Auch beim Rechnen in der Klammer gelten die Vorrangregeln:

Punktrechnungen werden vor Strichrechnungen ausgeführt!

Beispiel:

$$\begin{aligned} [(+3) + (-4) : (-0,25)] \cdot (+1,2) &= \\ (+19) \cdot (+1,2) &= \underline{\underline{+22,8}} \end{aligned}$$

→ Übungsteil, S. 27

English Corner

- 158** Find the values of the following.
In which number set do you find the result?

H2
H3
I1

	$-5+8$	$(-3):(+2)$	$(-4)-(+8)$	$(+2)$
Result	3			
Natural Numbers		<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Integers		<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Rational Numbers		<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- 159** True or false?
Give an example for each statement.

H4
I1

Statement	true	false
a) The sum of two natural numbers is always a natural number. <i>Example:</i> _____	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b) The difference of two natural numbers is always a natural number. <i>Example:</i> _____	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c) The product of two integers is always an integer. <i>Example:</i> _____	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d) The result of the division of two integers is always a rational number. <i>Example:</i> _____	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Wörterbuch

the following ...

folgende

number set ...

Zahlenmenge

natural numbers ...

Natürliche Zahlen \mathbb{N}

integers ...

Ganze Zahlen \mathbb{Z}

rational numbers ...

Rationale Zahlen \mathbb{Q}

statement ...

Aussage

sum ...

Summe

difference ...

Differenz

product ...

Produkt

Technik-Labor

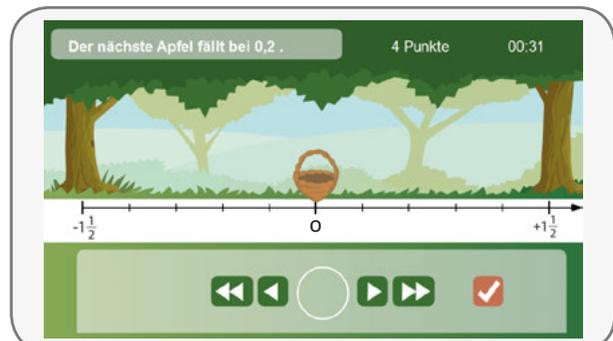
- 160** Zahlengeraden-Spiel 

H1
I1

Wie weit kommt der Apfel an, an welcher Stelle
wird er in den Korb gefangen? Zeichne den nächsten Apfel
ein.

- a) Wie lautet die Zahl? _____
b) Wird der Apfel in den Korb fallen?
 ja nein

Falls nein, zeichnet den Korb so ein,
dass er den Apfel auffangen wird.



⇒ Dieses Spiel findest du in der e-zone, Klasse 3 - C.

Rechnen mit dem Taschenrechner

161 Löse die Additionen mit dem Taschenrechner.H2
I1

- a) $4 + (-1) =$ _____ e) $7 - (-1) =$ _____
 b) $5 + (-8) =$ _____ f) $2 - (-5) =$ _____
 c) $(-3) + (+1) =$ _____ g) $(+1) - (+2) =$ _____
 d) $(-2) + (-8) =$ _____ h) $(-9) - (+9) =$ _____



Ziel
 Rechnungen mit
 rationalen Zahlen
 mit dem Taschenrechner
 lösen können

162 Löse die Subtraktionen mit dem Taschenrechner.H2
I1

Kontrolliere deine Ergebnisse mit Hilfe eines Überschlags.

- a) $538,1 + (-59,5)$
 b) $(-3,5) + (-9,1)$
 c) $(-5,9) + (+4,6)$
 d) $(-8,4) - (-3,5)$
 e) $92,6 - (-104,1)$
 f) $(-72,3) + (-18,9)$
 g) $(-39,4) - (-48,3)$
 h) $(-4,5) - (+3,6)$
 i) $514,6 - (+879,3)$
 j) $(-87,3) - (-15,35)$
 k) $(-22,5) + (-63,9)$

$$538,1 + (-59,5) \stackrel{(TR)}{=} \underline{\underline{478,6}}$$

$$\ddot{U}: 540 - 60 = \underline{\underline{480}} \checkmark$$

Wissen**Eingabe
negativer Zahlen**

Um eine negative Zahl in den Taschenrechner (TR) eingeben zu können, gibt es eine eigene Taste (nicht die Minus-Taste der Rechenoperation).



Sie wird meist mit (-) oder (+/-) gekennzeichnet und steht bei vielen Taschenrechnern im Ziffernblock unter der „3“.

163 Löse die Aufgaben mit dem Taschenrechner.H2
I1

- a) $5 \cdot (-1) =$ _____ e) _____
 b) $10 \cdot (-2) =$ _____ f) $20 : (-4) =$ _____
 c) $(-4) \cdot (+2) =$ _____ g) $(-10) : 5 =$ _____
 d) $(+7) \cdot (-8) =$ _____ h) $(-20) : 10 =$ _____

164 Löse die Aufgaben mit dem Taschenrechner.H2
I1

Kontrolliere deine Ergebnisse mit Hilfe eines Überschlags.

- a) $2,8 \cdot (-3,6) =$ _____ e) $(-18,5) : (-5) =$ _____
 b) $(-19,4) \cdot (-0,5) =$ _____ f) $19,9 : (-0,5) =$ _____
 c) $(-4,5) \cdot (-3,6) =$ _____ g) $(-5,7) : (-3) =$ _____
 d) $(-27) : (-5,4) =$ _____ h) $(-8,16) : 0,6 =$ _____

165 Löse die Aufgaben mit dem Taschenrechner.H2
I1

- a) $5,22 - (3,14 - (-4,1)) =$ _____
 b) $(-0,5) + 9,3 \cdot (-7,5) - (-22,4) =$ _____
 c) $[(+92,6) - (+718,3)] : (-5) - (-36,2) \cdot (-0,5) =$ _____
 d) $(+6,05) : (-0,2) - (-4) \cdot (+36,9) - (-45,1) =$ _____
 e) $(+17,63) - [(+4,1) : (-0,5) + (-29,2)] \cdot (-1,5) =$ _____

Tipp**Vereinfachen hilft!**

Oft ist es besser, eine Rechnung zuerst zu vereinfachen, bevor man sie in den Taschenrechner eingibt.

Beispiele:

$$(-87,3) - (-15,35) = -87,3 + 15,35$$

$$(-4,5) \cdot (-3,6) = 4,5 \cdot 3,6$$

→ Übungsteil, S. 28

Anwendung – Geld

166 In den Aufgaben haben die Kunden mit ihrer Bankomatkarte bezahlt. Berechne ihren Kontostand nach dem Einkauf.

H1
H2
I1

- a) Katherina hat 25,90 € am Konto. Sie kauft einen Kopfhörer um 59,90 €.
- b) Martins Kontostand beträgt 142,20 €. Er kauft ein Handy um 259,50 €.
- c) Lisa ist bereits mit 315,15 € im Minus. Jetzt kauft sie noch ein Handycover um 9,90 €.
- d) Erfinde selbst eine ähnliche Aufgabe und löse sie.

167 In den Aufgaben haben die Kunden mit ihrer Bankomatkarte bezahlt. Berechne ihren Kontostand vor dem Einkauf.

H1
H2
I1

- a) Enzo hat einen neuen Fernseher um 579,90 € gekauft. Jetzt hat er sein Konto um 65,20 € überzogen.
- b) Ritas neue Waschmaschine hat 798,90 € gekostet. Ihr Konto ist nun mit 1.215,52 € im Minus.
- c) Nurhan kauft eine Stereoanlage um 1.699,00 €. Danach beträgt ihr Kontostand -204,12 €.
- d) Erfinde selbst eine ähnliche Aufgabe und löse sie.

168 Abverkauf bei Tonis Computerladen!

H1
H2
H3
I1

TOTALABSAATZ (keine Barzahlung, Kartenzahlung)		
Laptops 469,90 €/Stück	Drucker 599,00 €/Stück	Bildschirme 199,90 €/Stück

Berechne die Kontostände nach dem Einkauf.

- a) Herr Brunner kauft einen Laptop und einen neuen Drucker. Sein alter Kontostand betrug 2.182,20 €.
- b) Frau Meyer hat ein Konto mit 2.317,12 € im Minus. Sie kauft einen Drucker und einen Bildschirm.
- c) Firma Nöcker kauft für ihre Angestellten fünf Laptops, drei Drucker und acht Bildschirme. Das Firmenkonto waren vor dem Einkauf noch 1.610 €.
- d) Erfinde selbst eine ähnliche Aufgabe und löse sie.

169 **KNOBELAUFGABE** 

H1
H2
H3
I1

Einkauf bei Tonis Computerladen (siehe Aufgabe 168)

Familie Huber kauft fünf Produkte um insgesamt 1.939,50 €.

Was könnte die Familie gekauft haben?

Beschreibt, wie ihr auf die Lösung gekommen seid.

Ziel

⇒ Wissen zum Rechnen mit rationalen Zahlen in verschiedenen Lebenssituationen anwenden können

Wissen

Textaufgaben erfinden

- 1) Die Aufgabe soll zum Rechenmodell passen.
- 2) Die Aufgabe soll zum Inhalt passen.
- 3) Die Aufgabe soll lösbar sein.
- 4) Schreibe die Angabe in ganzen Sätzen auf.

Interessant

Konto überziehen



Manche Bankkonten kann man überziehen. Das heißt, die Bank leiht dir Geld.

Sei aber vorsichtig: Du musst jeden Euro, den dir die Bank leiht, später wieder zurückzahlen!

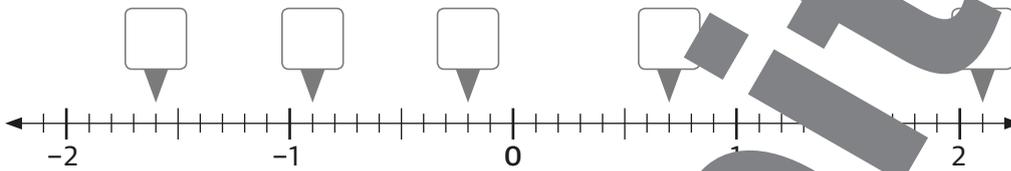
Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Rationale Zahlen

170 Beschrifte die markierten Dezimalzahlen.

H1
I1

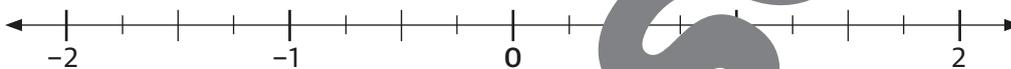


5 C2

171 Markiere die angegebenen Bruchzahlen auf der Zahlengeraden.

H1
I1

$-\frac{3}{4} / \frac{1}{4} / 1\frac{1}{2} / -1\frac{3}{4}$



5 C2

172 Setze \in oder \notin ein.

H3
I1

$-2,8 \in \mathbb{Z}$ $6,5 \in \mathbb{Q}$ $-\frac{5}{6} \in \mathbb{Z}$ $-22 \in \mathbb{Z}$ $0 \in \mathbb{Q}$
 $-5 \in \mathbb{N}$ $7 \in \mathbb{Z}$ $12 \in \mathbb{N}$ $\in \mathbb{Q}$ $-\frac{3}{10} \in \mathbb{Q}$

5 C2

Rechnen mit negativen Dezimalzahlen

173 Rechne schriftlich.

H2
I1

a) $159,2 - (-254,3)$ b) $(-6) - (-12)$ c) $(-623,5) : 4$
d) $(-6\ 514,71) + (-3\ 058,4)$ e) $(-15,2) - (-1,84)$ f) $(-9,68) : (-0,5)$
g) $-2\ 143,8 - (-3\ 244,9)$ h) $(-8,4) \cdot (+2,3)$ i) $(+18,33) : (-6,11)$

5 C3
5 C5
5 C6

174 Der Kontostand von Herrn Huber beträgt $-527,20$ €. Er kauft ein Sofa um 899 € und zwei Sessel um je $219,90$ € und bezahlt den Gesamtbetrag mit seiner Bankomatkarte.

H1
H2
I1

- a) Berechne den neuen Kontostand von Herrn Huber.
b) Ändere die Angabe von Herrn Huber nach dem Einkauf eine, sodass er $-1.437,50$ € auf seinem Konto hat.

5 C1
5 C8
5 C10

Rechnen mit negativen Bruchzahlen

175 Gib die Ergebnisse in der einfachsten Form an.

H2
I1

a) $(-\frac{3}{10}) + (-\frac{1}{5})$ d) $(-4) \cdot (-\frac{5}{6})$ g) $\frac{4}{11} : (-\frac{2}{3})$
b) $(+\frac{5}{8}) - (-\frac{1}{12})$ e) $(-\frac{2}{9}) \cdot (+\frac{3}{10})$ h) $(-\frac{8}{15}) : (-\frac{4}{5})$
c) $(-2\frac{2}{3}) - (-3\frac{1}{6})$ f) $(+2\frac{3}{4}) \cdot (-1\frac{1}{12})$ i) $(-3\frac{1}{8}) : (+4\frac{3}{4})$

5 C4
5 C7

D

Gleichungen lösen Äquivalenzumformungen, Balkenmodelle, Textgleichungen



Inhalt

Warm-up	44
D1 Äquivalenzumformungen	45
D2 Gleichungen lösen	46
D3 Besonderheiten beim Lösen	47
D4 Balkenmodelle beim Lösen nutzen	48
English Corner	49
Technik-Labor	49
D5 Textgleichungen aufstellen und lösen	50
D6 Anwendung	51
Checkpoint	52

176 Schaut euch den Comic mit Julia und ihrem Vater an. 

Löst dann die Aufgaben.

H1
H3
I2

- Wie können die Gleichungen aussehen, die Julia hat? Schreibt die Gleichungen auf und vergleicht eure Ergebnisse mit anderen.
- Was bedeutet der Begriff „Umformen“ bei einer Gleichung? Nennt einige Beispiele für Äquivalenzumformungen, die ihr bereits kennengelernt habt.
- Welche „Umformung“ hat Julia bei ihrer Schultasche vorgenommen?
- Was könnt ihr tun, damit eure Schultasche leichter wird?

Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Negative Zahlen, Bruchzahlen

177 Löse die Rechnungen.

^{H2}_{I1} $4 - 7 = \underline{\hspace{2cm}}$ $-5 + 9 = \underline{\hspace{2cm}}$ $25 - (-8) = \underline{\hspace{2cm}}$ $7 + (-10) = \underline{\hspace{2cm}}$
 $-2 - 6 = \underline{\hspace{2cm}}$ $-10 + 3 = \underline{\hspace{2cm}}$ $13 + (-9) = \underline{\hspace{2cm}}$ $-2 - (-20) = \underline{\hspace{2cm}}$

178 Löse die Rechnungen.

^{H2}_{I1} $(-2) \cdot 13 = \underline{\hspace{2cm}}$ $(-10) \cdot (-35) = \underline{\hspace{2cm}}$ $-6 \cdot (-0,1) = \underline{\hspace{2cm}}$
 $42 : (-6) = \underline{\hspace{2cm}}$ $(-2) : 10 = \underline{\hspace{2cm}}$ $(-1) : (-7) = \underline{\hspace{2cm}}$

179 Löse die Rechnungen.

^{H2}_{I1} $\frac{1}{3} - \frac{2}{3} = \underline{\hspace{2cm}}$ $\frac{1}{10} - \frac{8}{10} = \underline{\hspace{2cm}}$ $-\frac{3}{15} + \frac{1}{15} = \underline{\hspace{2cm}}$
 $\frac{3}{11} \cdot (-2) = \underline{\hspace{2cm}}$ $(-\frac{12}{25}) : 6 = \underline{\hspace{2cm}}$ $(-\frac{4}{10}) : (-2) = \underline{\hspace{2cm}}$

Rechnen mit Variablen

180 Setze die fehlenden Zahlen ein.

^{H2}_{I2} a) $25 + \underline{\hspace{1cm}} = 37$ c) $2 \cdot \underline{\hspace{1cm}} = 4$ e) $3 \cdot \underline{\hspace{1cm}} = 36$
 b) $\underline{\hspace{1cm}} + 50 = 170$ d) $\underline{\hspace{1cm}} : 13 = 1$ f) $\underline{\hspace{1cm}} : 4 = 15$

181 Berechne jeweils den Wert des Ausdrucks für die Variable x , die angegebenen unterschiedlichen Zahlen einsetzen.

^{H2}_{I2}

	$2x + 3$	$x - 10$	$2x + 4$	$3x - 1$
$x = 1$	5	-9	6	2
$x = 2$	7	-8	8	5
$x = 5$	13	-5	14	14

Einschrittige Gleichungsumformungen

182 Berechne jeweils den Wert der Variablen x mit Hilfe einer Äquivalenzumformung.

^{H2}_{I2}

a) $x + 12 = 25$ b) $x + 8 = 63$ c) $x - 14 = 10$ h) $x \cdot 5 = 20$
 d) $x - 10 = 125$ e) $x + 3 = 92$ i) $x \cdot 3 = 180$
 f) $x - 5 = 21$ g) $x + 9 = 15$ j) $x : 8 = 6$
 k) $x : 2 = 75$
 l) $x : 4 = 600$

Handwritten solution for problem a):

$$x + 12 = 25$$

$$x = 25 - 12$$

$$\underline{\underline{x = 13}}$$

Äquivalenzumformungen

183 Berechne zuerst jeweils den Wert von x. Dann führe die Probe durch Einsetzen des berechneten Wertes aus.

H2
I2

- a) $x + 15 = 32$
- b) $x - 9 = 15$
- c) $3 + x = 21$
- d) $6 - x = 1$
- e) $x + 2 = -8$
- f) $7 = 15 - x$
- g) $25 = x - 6$

a) $x + 15 = 32 \quad | -15$

$$\underline{x = 17}$$

Probe: $17 + 15 = 32$
 $32 = 32 \quad \checkmark$

184 Berechne zuerst jeweils den Wert von x. Dann führe die Probe durch Einsetzen des berechneten Wertes aus.

H2
I2

- a) $5x = 25$
- b) $\frac{x}{4} = 8$
- c) $-2x = 18$
- d) $\frac{x}{3} = 5$
- e) $10x = 3$
- f) $-\frac{x}{2} = 4$
- g) $11 = \frac{x}{5}$
- h) $-24 = 3x$
- i) $5 = -\frac{x}{2}$
- j) $0 = 2x$
- k) $-9 = \frac{x}{7}$
- l) $-15 = 5x$

185 Berechne jeweils den Wert der Variablen.

H2
I2

- a) $18 + a = 70$
- b) $23 = b - 63$
- c) $\frac{c}{5} = 14$
- d) $-22 = a + 5$
- e) $4e = 80$
- f) $36 = 3f$
- g) $22 = \dots$
- h) $3h = -9$
- i) $\dots = 10$
- j) \dots
- k) $k - 100 = \dots$
- l) \dots
- m) $\frac{m}{10} = \dots$
- n) $-5 = n + 22$
- o) $4 - o = 14$
- p) $-18 = \frac{p}{2}$
- q) $q + 9 = 35$
- r) $5 - r = -41$

186 Berechne jeweils den Wert der Variablen.

H2
I2

- a) $162 + \dots$
- b) $748 = t : \dots$
- c) $\frac{y}{5} = 691$
- d) $15912 = \frac{z}{4}$
- e) $816 - k = -204$
- f) $u + 804399,5 = 6721332,01$
- g) $62425 - x = -145904$
- h) $93a = 483693$

187 Finde die Fehler!

H2
H4
I2

Löse die Aufgaben richtig und erkläre Natascha in einer Kurznachricht, worauf sie in Zukunft achten sollte.

a) $\frac{x}{3} = -15 \quad | :3$
 $\underline{x = -5} \quad f$

b) $8 + a = 3 \quad | +8$
 $\underline{a = 11} \quad f$



Ziele

- ⇒ Äquivalenzumformungen
- ⇒ Lösen einfacher Gleichungen
- ⇒ Anwenden können
- ⇒ Lösungen mit Hilfe einer Probe überprüfen

Wissen



Äquivalenzumformung

Du darfst auf beiden Seiten der Gleichung die gleiche Rechenoperation anwenden. Der Wert der Gleichung ändert sich dadurch nicht!

Beispiel:

$$x + 4 = 10 \quad | -4$$

$$x + 4 - 4 = 10 - 4$$

$$\underline{x = 6}$$

Verwende die Umkehroperationen, um Gleichungen zu lösen:

(+) ↔ (-)

(·) ↔ (:)

Tipp

Übung macht den Meister!

$$6(x-2) < 5(x+1)$$

$$(2x+1) - (3x-8) > x-1$$

$$\frac{2x-1}{4} = \frac{x+3}{6}$$

Du wirst in den nächsten Schuljahren immer öfter mit Variablen rechnen. Je sicherer du damit umgehen kannst, desto leichter wird dir Mathematik fallen!

→ Übungsteil, S. 31

Gleichungen lösen

188 Berechne zuerst jeweils den Wert von x .
Dann führe die Probe durch Einsetzen des berechneten Wertes aus.

- a) $\frac{12}{x} = 4$ ($x \neq 0$)
- b) $\frac{42}{x} = 6$ ($x \neq 0$)
- c) $\frac{20}{x} = 10$ ($x \neq 0$)
- d) $6 = \frac{72}{x}$ ($x \neq 0$)
- e) $-8 = \frac{88}{x}$ ($x \neq 0$)
- f) $\frac{121}{x} = -11$ ($x \neq 0$)

a) $\frac{12}{x} = 4 \quad | \cdot x$ Probe:

$$12 = 4x \quad | \leftrightarrow \quad \frac{12}{3} = 4$$

$$4x = 12 \quad | : 4 \quad \underline{4 = 4}$$

$$\underline{x = 3}$$

189 Warum darf man nicht durch 0 dividieren? 

Überlegt anhand eines selbst gewählten Beispiels.
Vergleicht eure Argumentation mit anderen.

190 Berechne zuerst jeweils den Wert der Unbekannten.
Dann führe die Probe durch Einsetzen des berechneten Wertes aus.

- a) $2z + 3 = 19$
- b) $4s - 5 = 27$
- c) $\frac{x}{3} + 10 = 14$
- d) $10 - 4a = 10$
- e) $14 = 6 + \frac{b}{3}$
- f) $5 + \frac{30}{x} = 15$
- g) $\frac{f}{5} - 0 = 10$
- h) $-4 = \frac{20}{n}$
- i) $20 = 3x - 16$
- j) $10 = \frac{10}{w}$

191 Vergleiche die Lösungswege von Luzi und Bernhard.

Welcher Lösungsweg gefällt euch besser?
Begründet eure Entscheidung und vergleicht mit anderen.

Luzi: $(3x - 12) \cdot 5 = 30$

$$15x - 60 = 30 \quad | + 60$$

$$15x = 90 \quad | : 15$$

$$\underline{x = 6}$$

Bernhard: $(3x - 12) \cdot 5 = 30 \quad | : 5$

$$3x - 12 = 6 \quad | + 12$$

$$3x = 18 \quad | : 3$$

$$\underline{x = 6}$$

192 Berechne jeweils den Wert der Unbekannten.

- a) $4 \cdot (x + 3) = 40$
- b) $(x - 5) \cdot 2 = 16$
- c) $(6 + x) \cdot 8 = 72$
- d) $3 \cdot (7 - x) = 12$
- e) $2 \cdot (6 + 5x) = 62$
- f) $4 \cdot (2x - 8) = 24$
- g) $60 = (9 + 3x) \cdot 4$
- h) $(5x - 2) \cdot 2 = 86$

Beispiel

Gleichungen lösen
mehrfache
Umformungsschritten
lösen können

Wissen

Gleichungen lösen – Schritt für Schritt

1. Alle Unbekannten auf die eine Seite, alle Zahlen auf die andere Seite:

Beispiel:

$$3x - 15 = 12 \quad | + 15$$

$$3x = 27$$

2. Berechne die Unbekannte:

Beispiel:

$$3x = 27 \quad | : 3$$

$$\underline{x = 9}$$

3. Probe durch Einsetzen des berechneten Wertes:

Beispiel:

$$3 \cdot 9 - 15 = 12$$

$$12 = 12 \quad \checkmark$$

Distributivgesetz

Du darfst die Division und die Multiplikation bei Klammern verteilen.

Beispiele:

$$3 \cdot (4 + 8) = 3 \cdot 4 + 3 \cdot 8$$

$$(9 - 6) : 2 = 9 : 2 - 6 : 2$$

Besonderheiten beim Lösen

193 Gib an, welche Werte die Variablen in den angegebenen Gleichungen nicht annehmen dürfen.

H3
I2

a) $15 + \frac{3}{a} = \frac{1}{b-1}$

b) $\frac{x-1}{5} + \frac{3}{y} = 2 \cdot \frac{6}{10}$

c) $512 + 4a = \frac{b+3}{5c}$

d) $\frac{5}{3b} - \frac{2+18}{6-a} = 3c$

a) $a \neq 0; b \neq 1$

e) $16x - \frac{3}{y+4} = \frac{2}{1-z}$

f) $\frac{a+b}{c} + 4d - \frac{6}{2e-10}$

Löse die Aufgaben durch Probieren!

Ziele

- ⇒ Werte für mögliche Lösungen ausschließen
- ⇒ Wissen, dass Gleichungen nicht immer (nur) eine Lösung haben können

194 Beschreibe die Gleichungen hinsichtlich der Anzahl ihrer möglichen Lösungen.

H3
I2

Kreuze jeweils richtig an.

Gleichung	Anzahl an möglichen Lösungen		
a) $2x = 2x$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
b) $x + 4 = 15$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
c) $6x = 6x$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
d) $x = x + 3$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
e) $4x - 2 = 14$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
f) $3 - x = 3$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
g) $3 - x = x$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
h) $15 - 2 = x + 5$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele
i) $4 + x = x + 4$	<input type="checkbox"/> keine	<input type="checkbox"/> eine	<input type="checkbox"/> unendlich viele

195 Finde selbst jeweils drei Gleichungen, für die es ...

H1
I2

- a) ... unendlich viele Lösungen gibt.
- b) ... keine Lösung gibt.
- c) ... genau eine Lösung gibt.

196 KNOBELAUFGABE

H2
H4
I2

Was ist an der Lösung falsch?

Erkläre, was passiert ist. Löse dann die Aufgabe selbst richtig.

$$\frac{x}{x} + \frac{1}{x} = \frac{1}{x} + \frac{1}{x}$$

$$1 + \frac{1}{x} = \frac{1}{x} + \frac{1}{x}$$

$$1 = 0$$
 ... falsche Aussage!

Wissen

Werte ausschließen

Weil man durch 0 nicht dividieren darf, musst du bei manchen Gleichungen einige Werte von vornherein ausschließen.

Beispiel:

$$\frac{1}{b-1} = 5$$

→ $b \neq 1$

Unendlich viele Lösungen

Gleichungen, bei denen immer eine „wahre Aussage“ entsteht, egal welchen Wert man für die Variable einsetzt, besitzen unendlich viele Lösungen.

Beispiel:

$$2x + 3 = 2x + 3$$

→ unendlich viele Lösungen

Keine Lösung

Gleichungen, bei denen immer eine „falsche Aussage“ entsteht, egal welchen Wert man für die Variable einsetzt, besitzen keine Lösung.

Beispiel:

$$x = x + 1$$

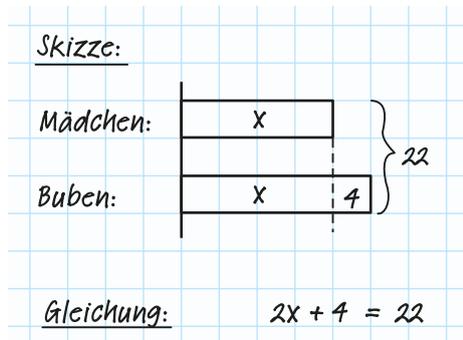
→ keine Lösung

Balkenmodelle beim Lösen nutzen

197 Zeichne zuerst zu jeder der Textaufgaben ein Balkenmodell. Dann stelle eine dazu passende Gleichung auf und löse sie.

H1
H2
I2

- a) In einer Klasse mit 22 Kindern ist die Anzahl der Buben um 4 größer als die Anzahl der Mädchen. Wie viele Buben gehen in diese Klasse?



x sind bei mir die Mädchen. Für die Anzahl der Buben muss ich noch 4 dazuzählen.

- b) In einem Bus sitzen 50 Personen. Darunter befinden sich 12 Erwachsene mehr als Kinder. Wie viele Kinder sitzen im Bus?
- c) In einem Flugzeug sind 3-mal so viele Erwachsene wie Kinder. Wie viele Erwachsene sind an Bord, wenn insgesamt 252 Personen im Flugzeug sind?
- d) Am Wochenende waren 6 815 Personen in ein Museum. Wie viele Personen besuchten das Museum am Samstag, wenn am Sonntag 439 Menschen weniger dort waren?
- e) Bei einer Verkehrszählung wurde am Tag 2 714 Autos gezählt. Am Vormittag waren es 180 Autos mehr als am Nachmittag. Wie viele Autos wurden am Vormittag gezählt?

198 Zeichne zuerst zu jeder der Textaufgaben ein Balkenmodell. Dann stelle eine dazu passende Gleichung auf und löse sie.

H1
H2
I2

- a) Hanna, Bernd und Lisa haben gemeinsam 65 Kastanien gesammelt. Dabei hat Lisa doppelt so viele Kastanien wie Bernd gesammelt. Bernd hat wiederum 5 Kastanien mehr gesammelt als Hanna. Wie viele Kastanien hat jedes der Kinder gesammelt?



- b) Auf einer Weide mit 48 Tieren befinden sich einige Esel, ebenso viele Ziegen und 15 Kühe. Wie viele Esel sind auf der Weide?
- c) Ein Hotel hat insgesamt 71 Zimmer. Es gibt dreimal so viele Doppelzimmer wie Einzelzimmer. Außerdem gibt es auch einige Vierbettzimmer, und zwar sechs mehr als Einzelzimmer. Wie viele Betten hat das gesamte Hotel?

Ziel

Balkenmodelle zum Lösen von Gleichungen nutzen können

Wissen



Balkenmodelle zeichnen

Beachte beim Erstellen von Balkenmodellen die folgenden Regeln:

1. Alle Balken beginnen links untereinander.
2. Gleich große Zahlen bekommen gleich lange Balken.
3. Lege erst am Ende fest, welcher der Balken die Unbekannte darstellen soll.

Interessant

Balkenmodelle



Die systematische Verwendung von Skizzen mit Balken wurde in Singapur erfunden. Unter der Leitung von Dr. Kho Tek Hong bekam sie den Namen „Model Method for Learning Mathematics“.

→ Übungsteil, S. 34

English Corner

199 Solve the equations and check your solutions.

H2
I2

- a) $5x = 125$ b) $3x - 10 = -1$

200 Solve the calculations below and check your answers.

H2
I2

- a) $10 + x = 32$ b) $-5x + 8 = 38$

201 Given the equation $a + 6b = c + 5$,

H2
I2

find the value of c , if $a = 10$ and $b = 3$.

202 Given the equation $2x - y + 4 = 6z$,

H2
I2

find the value of x , if $y = -2$ and $z = 10$.

203 Write and solve an equation for the variable us

H1
I2

- a) A number x added to 5 is equal to 20.
b) A number y decreased by 15 is equal to



Wörterbuch

equation ...
Gleichung

check ...
überprüfe (Probe)

given ...
gegeben

value ...
Wert

variable ...
Variable, Unbekannte

decrease ...
abziehen, subtrahieren

Technik-Labor

204 Die Excel-Tabelle zeigt die Passagierzahlen einer Zugverbindung.

H1
H3
I2

- a) Welches Wort steht in Feld A9?
b) In welchem Feld steht die Zahl 22?
c) Wie muss man die Formel in Feld D4 ergänzen?
d) Wie viele Passagiere sind am Mittwoch in der 1. Klasse gefahren? als Formel an.
e) Wie viele Passagiere sind am Samstag in der 2. Klasse gefahren? Gib eine Formel an.

	A	B	C	D
	Passagiere			
		1. Klasse	2. Klasse	gesamt
4	Montag	35	482	=B4+
5	Dienstag	28	355	
6	Mittwoch	22	402	
7	Donnerstag	26	381	
8	Freitag	41	506	
9	Samstag	16	145	
10	Sonntag	12	217	
11	WOCHE:			

- f) Ein Fahrschein in der 2. Klasse kostet 6,90 €.
Wie viel Geld haben die 2.-Klasse-Fahrscheine am Donnerstag gekostet?
Gib eine Formel an.
g) Am Dienstag waren in der 1. Klasse gleich viele Frauen wie Männer.
Wie viele Frauen waren das?
Gib eine Formel an.

⇒ Diese Datei und weitere Aufgaben dazu findest du in der e-zone, Klasse 3 – D.

Textgleichungen aufstellen und lösen

205 Stelle zuerst jeweils eine Gleichung auf.
Berechne dann den Wert der unbekanntes Zahl.

H1
H2
I2

- a) Zählt man zu einer Zahl 5 dazu, so erhält man 32.
- b) Addiert man zu einer Zahl 26, so erhält man 100.
- c) Wenn man von 83 eine Zahl abzieht, so ergibt sich 18.
- d) Zieht man 10 von einer Zahl ab, so erhält man -3 .
- e) Das Doppelte einer Zahl beträgt 64.
- f) Ein Achtel einer Zahl entspricht 25.
- g) Der dritte Teil einer Zahl ist gleich -15 .

$$\begin{array}{l} a) \quad x + 5 = 32 \quad | -5 \\ \hline x = 27 \end{array}$$

206 Stelle zuerst jeweils eine Gleichung auf.
Berechne dann den Wert der unbekanntes Zahl.

H1
H2
I2

- a) Addiert man zum Viertel einer Zahl 28, so erhält man 104.
- b) Vermindert man das Dreifache einer Zahl um 4, so erhält man die Zahl 125.
- c) Teilt man 240 durch eine Zahl und gibt dann 20 dazu, so erhält man die Zahl 52.

207 Spiel: Errate meine Zahl ... 

H1
H2
I2

„Addiert man zu meiner Zahl 35 und dividiert man dann das Ergebnis durch 3, so erhält man die Zahl 14. Wie lautet meine Zahl?“

Denkt euch selbst weitere Rätsel auf und stellt sie euch gegenseitig.



208 Stelle zuerst jeweils eine Gleichung auf.
Berechne dann den Wert der unbekanntes Zahl.

H1
H4
I2

- a) Addiert man 28 zum Fünftel einer Zahl, so erhält man die fünffache dieser Zahl.
- b) Addiert man die Zahl einer um 4 kleineren Zahl, so ergibt sich 20.
- c) Multipliziert man eine Zahl mit 5, so erhält man das Gleiche, wie wenn man diese Zahl 28 hinzuzählen würde.
- d) Die Summe zweier aufeinanderfolgender Zahlen beträgt 45. Wie lautet die größere der beiden Zahlen?

$$a) \quad 3x + 38 = 5x$$

209 KNOBELAUFGABE

H1
H4
I2

Multipliziert man eine Zahl mit 5, so erhält man das Gleiche, wie wenn man diese Zahl durch 5 dividiert. Wie lautet diese Zahl?

Beispiele

Gleichungen zu Textaufgaben aufstellen und lösen können
→ Textgleichungen selbst aufstellen, aufstellen und lösen können

Wissen

Gleichungen zu Textaufgaben finden

1. Verwende x oder eine andere Variable (y, z, a, \dots) für die Zahl im Text, die du noch nicht kennst.

Beispiel 1:

Das Dreifache einer Zahl $\rightarrow 3x$
ergibt 204. $\rightarrow 3x = 204$

2. Wenn weitere unbekanntes Zahlen vorkommen, drücke sie durch die in 1. gewählte Variable aus.

Beispiel 2:

Addiert man zu einer Zahl $\rightarrow x$
eine um 10 größere Zahl, $\rightarrow x + 10$
so ergibt sich 40.
 $\rightarrow x + (x + 10) = 40$

→ Übungsteil, S. 35

Anwendung

210 Berechne jeweils die Anzahl der Fahrgäste.
Stelle dazu zuerst eine Gleichung auf.

H1
H2
I2

- a) Ein Bus hat Platz für 56 Fahrgäste.
Viele Plätze sind besetzt, aber 15 Plätze sind noch frei.



Ich habe
 $56 - 15 = x$

Meine Gleichung
lautet
 $x + 15 = 56$



- b) Ein Doppeldeckerbus hat 94 Sitzplätze.
Es sind gleich viele Plätze belegt wie frei.
- c) Ein Fahrschein kostet 17,50 €.
Die Busfahrerin verkauft viele Fahrscheine
und nimmt damit insgesamt 735 € ein.
- d) Ein Fahrschein kostet 4,90 €.
Der Busfahrer verkauft Fahrscheine um insgesamt 735 €.
- e) Jeder Fahrgast gibt dem Busfahrer 2 Koffer zu verstauen.
Der Busfahrer nimmt noch 14 Koffer von einer anderen
Reisegruppe mit. Jetzt liegen 88 Koffer im Kompartiment.

211 Vervollständige durch Ankreuzen.

H3
I2

Ein Bus hat x Sitzreihen. In jeder Sitzreihe befinden sich
vier Sitzplätze, vier Leselampen und zwei Lautsprecher.
Drei der 24 Lautsprecher müssen ausgetauscht werden.

- a) Die Anzahl der Sitze ist gleich ...
 $2x$ $4x$ $24x$ $x + 4$
- b) Die Anzahl der Leselampen ist ...
 $2x$ $4x$ $24x$ $x + 4$
- c) Die Anzahl der funktionierenden Lautsprecher ist gleich ...
 $2x$ $2x - 3$ $24x$ $24x - 3$

212 Stelle zuerst jeweils eine Gleichung auf.

H1
H2
I2

- Löse dann die Gleichungen.
- a) In einem Bus mit 20 Sitzplätzen zu Beginn einige Fahrgäste.
An einer Haltestelle steigen 12 Personen zu und 7 Personen aus.
Wie viele Personen sitzen nun im Bus, wenn es am Ende
der Fahrt wieder 20 Personen sind wie zu Beginn?
- b) In einem Bus mit 20 Sitzplätzen zu Beginn einige Fahrgäste.
An einer Haltestelle steigen 2 Personen zu und 6 Personen aus.
Jetzt sitzen halb so viele Personen im Bus wie zu Beginn.
Wie viele sind das?
- c) Ein Bus fährt mit insgesamt 28 Gästen von Linz nach Berlin.
Bei einem Zwischenstopp in Prag steigen ein paar Personen aus
und weitere 12 ein. In Berlin kommen 37 Personen an.
Wie viele Menschen sind in Prag ausgestiegen?

Ziel

⇒ Gleichungen zu
Textaufgaben aufstellen
und lösen können

Wissen

Gleichungen zu
Textaufgaben finden

Verwende eine Variable
für die Zahl, die du
berechnen möchtest.

Beispiel:

Ein paar Mädchen $\rightarrow x$
gehen in eine Klasse.
Die Buben sind drei
mehr als die Mädchen.
 $\rightarrow x + 3$

In der Klasse sind 23
Kinder. $\rightarrow x + (x + 3) = 23$

Interessant

Beruf: Busfahrer/in



Als Busfahrer/in muss
man nicht nur sicher
fahren können, man muss
auch gerne mit Leuten
zu tun haben und kleine
Reparaturen am Fahrzeug
übernehmen können.

Mathematik braucht
man in diesem Beruf bei
Uhrzeiten, Fahrpreisen,
Streckenlängen und beim
Führen des Fahrtenbuches.

\rightarrow Übungsteil, S. 36

\rightarrow Cyber Homework 8

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Gleichungen lösen

213 Berechne zuerst jeweils den Wert von x .

H2
I2 Dann führe die Probe durch Einsetzen des berechneten Wertes aus

a) $2x - 15 = 0$

b) $\frac{y}{4} - 3 = 10$

c) $14 = 3z - 4$



214 Berechne jeweils den Wert der Unbekannten.

H2
I2

a) $15 - 2x = 3$

c) $\frac{4}{a} - 1 = 1 \quad (a \neq 0)$

d) $5 = 13$

b) $7p + 25 = 24$

d) $3 + \frac{12}{t} = 6 \quad (t \neq 0)$

e) $\frac{y}{4} =$



Besonderheiten beim Lösen von Gleichungen

215 Gib an, welche Werte die Variablen in den angegebenen Gleichungen nicht annehmen dürfen.

H2
I2

a) $\frac{2}{x} = 4$

c) $\frac{x+1}{x-1} = -2$

e) $\frac{5}{2+x} =$

b) $\frac{9}{x} = 0,5$

d) $\frac{5x}{x+4} = 16$

f) $\frac{3x}{1-x} = 1$



216 Wie viele Lösungen gibt es jeweils?

H3
I2 Kreuze an.

a) $15 + x = 10$ keine eine unendlich viele

b) $x + 6 = x - 6$ keine unendlich viele

c) $2x = 5x - 3x$ keine eine unendlich viele



Textgleichungen lösen, Anwendung

217 Stelle zuerst eine Gleichung auf.

H1
I2 Dann berechne den Wert der Unbekannten Zahl.

a) Addiert man zu einem Drittel einer Zahl noch 12, so erhält man 37.

b) Multipliziert man eine Zahl mit 4, erhält man das Gleiche, wie wenn man zu dieser Zahl 18 hinzuzählen würde.



218 Stelle zuerst eine Gleichung auf.

H1
I2 Dann löse die Aufgaben.

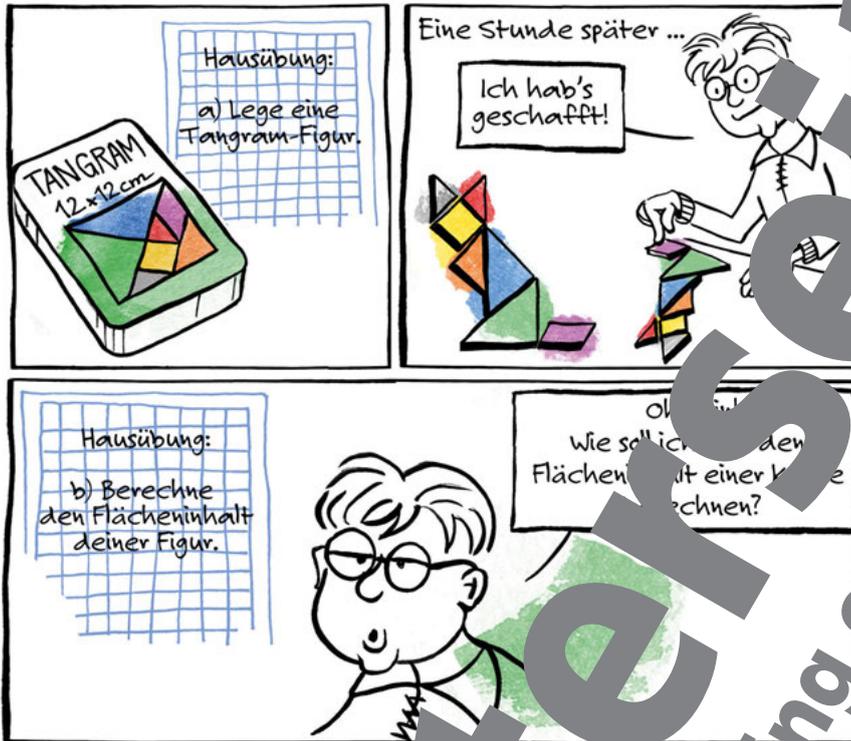
a) Eine Fahrkarte kostet p €.
Und man zahlt für acht Fahrkarten 39,20 €.
Wie viel kostet eine Fahrkarte?

b) Der Bus für einen Schulausflug kostet insgesamt b €.
Die Kosten werden auf 25 Kinder aufgeteilt.
Der Preis beträgt pro Kind 8,30 €.
Wie viel Euro kostet die Busfahrt insgesamt?



E

Dreiecke und Vierecke Flächeninhalt, Umkehraufgaben, Konstruktion



- 219** Schaut euch den Comic über Leons Hausaufgaben an und beantwortet die Fragen.
- H1
H3
I3
- Wie heißt das Legespiel, mit dem die Aufgaben lösen soll?
 - Berechnet den Flächeninhalt der Kugel. Vergleicht eure Überlegungen und eure Lösung mit anderen Gruppen.
 - FORSCHT WEITER!** Sucht nach einer Anleitung für ein Tangram. Bastelt ein Tangram aus Papier oder Holz und sucht weitere Vorlagen für Tangram-Figuren.



Inhalt

Warm-up	54
E1 Flächeninhalt des Dreiecks (1)	55
E2 Flächeninhalt des Dreiecks (2)	56
E3 Flächeninhalt des Parallelogramms (1)	57
E4 Flächeninhalt des Parallelogramms (2)	58
English Corner	59
Technik-Labor	59
E5 Flächeninhalt des Deltoids (1)	60
E6 Flächeninhalt des Deltoids (2)	61
E7 Flächeninhalt der Raute	62
E8 Flächeninhalt des Trapezes (1)	63
E9 Flächeninhalt des Trapezes (2)	64
E10 Zusammengesetzte Flächen	65
Checkpoint	66

Warm-up

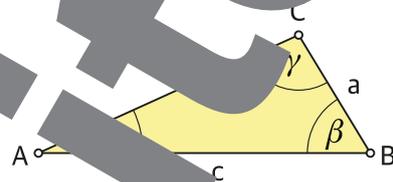
Zeig, was du bereits kannst.

Dreiecke konstruieren

220 Konstruiere die angegebenen Dreiecke.

H1
H2
I3

- | | | |
|---|--|--|
| a) $a = 6 \text{ cm}$
$b = 5 \text{ cm}$
$c = 7,5 \text{ cm}$ | b) $b = 4,5 \text{ cm}$
$c = 6 \text{ cm}$
$\alpha = 50^\circ$ | c) $c = 8 \text{ cm}$
$\alpha = 30^\circ$
$\beta = 65^\circ$ |
|---|--|--|



Rechteck und Quadrat, rechtwinkliges Dreieck

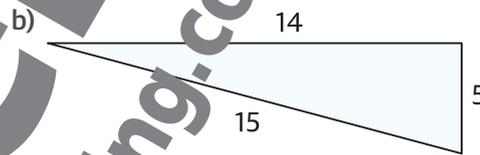
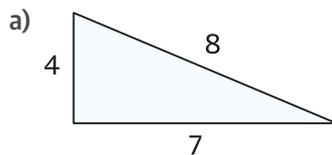
221 Berechne jeweils Umfang und Flächeninhalt der angegebenen

H2
I3

- | | | |
|---|------------------------------------|---|
| a) Rechteck:
$a = 7 \text{ dm}$
$b = 12 \text{ dm}$ | b) Quadrat:
$a = 25 \text{ mm}$ | c) Rechteck:
$a = 12,5 \text{ cm}$
$b = 9,3 \text{ cm}$ |
|---|------------------------------------|---|

222 Berechne den Flächeninhalt der angegebenen rechtwinkligen Dreiecke.
(alle Maßangaben in m, gerundet).

H2
H3
I3

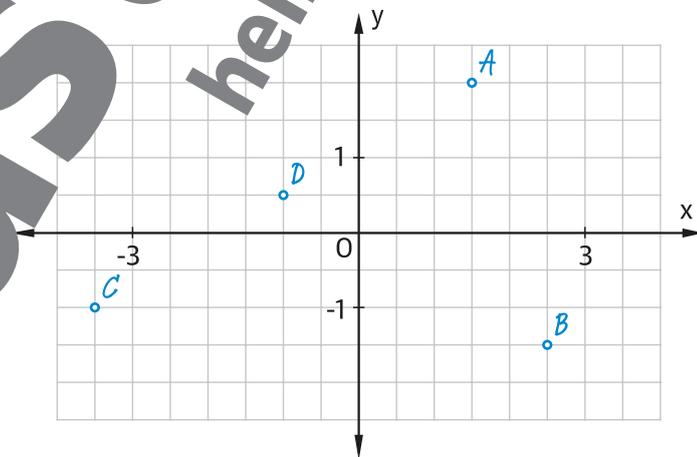


Koordinatensystem

223 Verwende das Koordinatensystem rechtwinklig

H1
H3
I3

- a) Gib die Koordinaten der Punkte A bis D an.
 $A(1,5|2)$
- b) Zeichne die folgenden Punkte ein:
E $(-2,5|0)$, F $(3, -1)$, G $(-1|-2)$



Äquivalenzumformung

224 Berechne jeweils den Wert der Unbekannten.

H2
I2

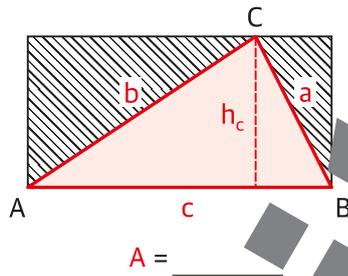
- | | | |
|------------------|----------------------|---------------------------------------|
| a) $7x = 112$ | c) $5x - 10 = 30$ | e) $\frac{x}{2} - 4 = 26$ |
| b) $2x + 5 = 23$ | d) $\frac{x}{3} = 9$ | f) $\frac{8}{x} = 2 \quad (x \neq 0)$ |

Flächeninhalt des Dreiecks (1)

225 Findet eine Formel für die Berechnung des Flächeninhalts eines allgemeinen Dreiecks mit Hilfe der Skizze.

H1
H4
I3

Vergleiche eure Überlegungen mit denen anderer Gruppen.

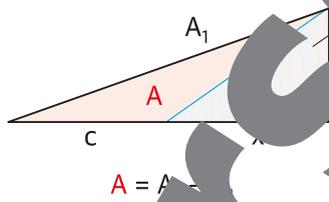
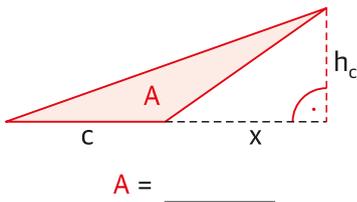


Ziel
 ⇒ Formel für den Flächeninhalt des allgemeinen Dreiecks herleiten und anwenden können

226 Finde eine Formel für die Berechnung des Flächeninhalts des stumpfwinkligen Dreiecks mit Hilfe der Skizzen unten

H1
H4
I3

Vergleiche deine Überlegungen mit anderen.



Wissen

Flächeninhalt eines Dreiecks

Der Weg zur Lösung führt über ein Rechteck.

Beschriftung von Dreiecken

Eckpunkte: beschriftet mit A, B, C entgegen dem Uhrzeigersinn

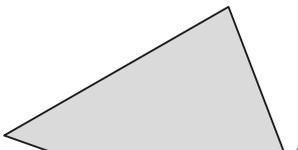
Seiten: beschriftet mit a, b, c jeweils dem gleichnamigen Eckpunkt gegenüberliegend

227 Beschrifte die abgebildeten Dreiecke und berechne jeweils ihren Flächeninhalt

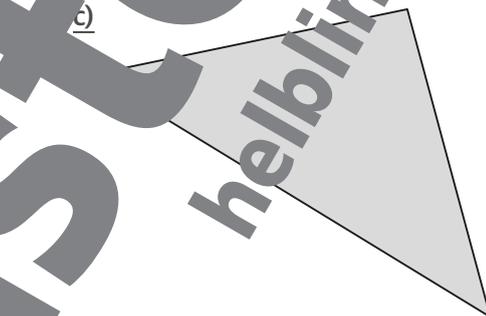
H2
I3

Tipps: Zeichne jeweils eine Höhe ein! Bestimme benötigte Größen durch Messen!

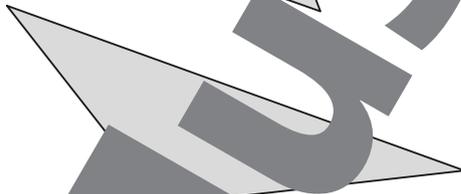
a)



b)



b)

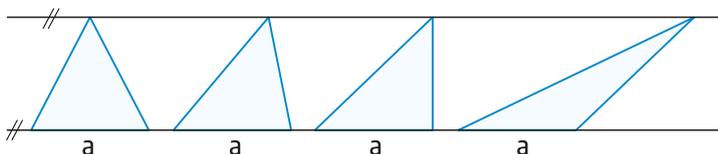


d) Zeichne selbst ein beliebiges Dreieck in dein Heft und bestimme seinen Flächeninhalt.

228 **KNIPP-ÜBUNG**
 Welches Dreieck hat den größten Flächeninhalt?

H3
H4
I3

Begründe deine Antwort.
Hinweis: Die Seite a ist bei allen Figuren gleich lang!



Tipps

Rundungsfehler

Beim Messen von Seitenlängen kommt es zu Rundungsfehlern. Arbeite so genau wie möglich, aber sei nicht überrascht, wenn das Ergebnis einer Mitschülerin oder eines Mitschülers leicht von deinem Ergebnis abweicht.

Flächeninhalt des Dreiecks (2)

229 Berechne jeweils den Umfang und den Flächeninhalt der Dreiecke.

H2
I3

	a	b	c	Höhe
a)	6 cm	5 cm	4 cm	$h_a = 3,3$ cm
b)	4,2 cm	2,9 cm	5,8 cm	$h_b = 4$ cm
c)	4,5 cm	4,5 cm	3,2 cm	$h_c = 2,4$ cm
d)	6,1 cm	3,9 cm	3,2 cm	$h_a = 1,8$ cm

230 Konstruiere die Dreiecke aus Aufgabe 229 und bestimme jeweils die Größe ihrer Winkel.

H2
I3

231 Konstruiere die angegebenen Dreiecke und berechne jeweils Umfang und Flächeninhalt.

H1
H2
I3

Hinweis: Bestimme benötigte Größen durch Abmessen!

- a) $a = 5,3$ cm
 $b = 4,5$ cm
 $c = 4,2$ cm
- b) $a = 3,5$ cm
 $b = 6,1$ cm
 $c = 5$ cm
- c) $\alpha = 110^\circ$
 $b = 6$ cm
 $c = 4,5$ cm
- d) $\beta = 55^\circ$
 $a = 6,3$ cm
 $c = 4,4$ cm

232 Berechne jeweils die gesuchte Länge in den Dreiecken.

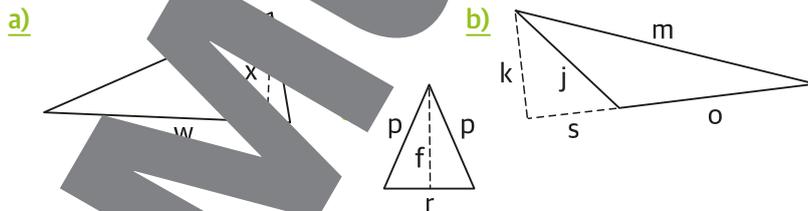
H1
H2
I3

- a) $A = 14$ cm²
 $b = 7$ cm
 $h_b = ?$
- b) $A = 176$ mm²
 $c = 16$ mm
 $h_c = ?$
- c) $A = 6,4$ cm²
 $h_c = 3,2$ cm
 $c = ?$
- d) $A = 5,7$ cm²
 $a = 5$ cm
 $h_a = ?$

Formel für den Flächeninhalt

233 Finde für jedes Dreieck eine Formel für den Umfang und eine Formel für den Flächeninhalt.

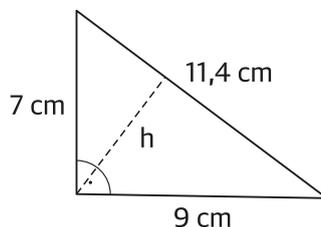
H1
H3
I2
I3



234 KNOBELAUFGABE
Höhe berechnen

H1
H2
I3

Berechne die eingezeichnete Höhe des rechts abgebildeten Dreiecks. Runde auf ganze Millimeter. Beschreibe deinen Lösungsweg.



Ziele

Umfang und Flächeninhalt von allgemeinen Dreiecken berechnen können
Umkehraufgaben lösen können
⇒ Dreiecke sicher konstruieren können

Wissen



Flächeninhalt allgemeines Dreieck
Den Flächeninhalt eines allgemeinen Dreiecks kannst du mit einer dieser drei Formeln berechnen:

$$A = \frac{a \cdot h_a}{2} \quad \text{oder}$$

$$A = \frac{b \cdot h_b}{2} \quad \text{oder}$$

$$A = \frac{c \cdot h_c}{2}$$

allgemein:
 $A = \frac{\text{Seite} \cdot \text{zugehörige Höhe}}{2}$

Flächeninhalt rechtwinkeliges Dreieck

Die obigen Formeln gelten auch für das rechtwinkelige Dreieck. Weiters gilt beim rechtwinkelligen Dreieck (weil a und b aufeinander normal stehen):
 $a = h_b$ und $b = h_a$
und somit als vereinfachte Formel:

$$A = \frac{a \cdot b}{2}$$

→ Übungsteil, S. 39

Flächeninhalt des Parallelogramms (1)

235 Findet eine Formel für die Berechnung des Flächeninhalts eines Parallelogramms mit Hilfe der Skizze.

H1
H4
I3

Vergleicht eure Überlegungen mit denen anderer Gruppen.

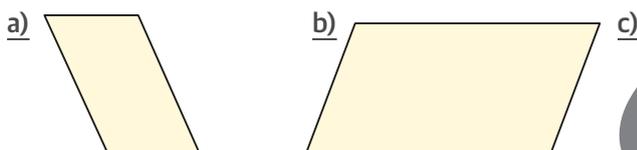


Ziel
⇒ Formel für den Flächeninhalt des Parallelogramms herleiten und anwenden können

236 Beschrifte die abgebildeten Parallelogramme und berechne jeweils ihren Flächeninhalt.

H2
I3

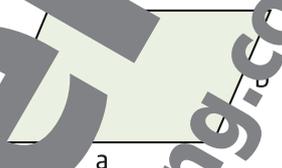
*Tipp: Zeichne jeweils eine Höhe ein!
Bestimme benötigte Größen durch Abmessen!*



d) Zeichne selbst ein beliebiges Parallelogramm in dein Heft und bestimme seinen Flächeninhalt.

237 Bestimme den Flächeninhalt des rechts abgebildeten Parallelogramms auf zwei verschiedene Arten.

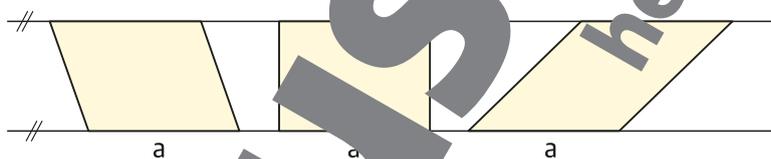
H1
H2
I3



238 Welches der Parallelogramme hat den größten Flächeninhalt? Begründe deine Antwort.

H3
H4
I3

Hinweis: Die Seite a ist bei allen Figuren gleich lang!



239 Kreuze an, wahr oder falsch.

H3
H4
I3

	wahr	falsch
a) Bei einem Parallelogramm sind gegenüberliegende Seiten immer parallel zueinander.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b) Wenn die Seitenlängen a und b von zwei Parallelogrammen gleich lang sind, so sind auch ihre Flächeninhalte gleich groß.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c) Wenn die Seitenlängen a und b von zwei Parallelogrammen gleich lang sind, so sind auch ihre Umfänge gleich groß.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d) Den Flächeninhalt eines Parallelogramms berechnet man aus der Länge einer Seite mal der Höhe auf diese Seite.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Wissen

Beschriftung von Parallelogrammen

Parallelogramme beschriftet man üblicherweise wie folgt:

Eckpunkte:
beschriftet mit A, B, C, D entgegen dem Uhrzeigersinn

Seiten:
beschriftet mit a und b
Gegenüberliegende Seiten werden mit dem gleichen Buchstaben beschriftet, um zu zeigen, dass sie gleich lang sind.

Interessant



Bürogebäude „Dockland“, Hamburg

→ Übungsteil, S. 40

Flächeninhalt des Parallelogramms (2)

240 Berechne jeweils den Umfang und den Flächeninhalt der angegebenen Parallelogramme.

H2
I3

	a	b	Höhe
a)	5 cm	4 cm	$h_a = 3$ cm
b)	3,6 cm	4,5 cm	$h_b = 3$ cm
c)	6,8 cm	6,4 cm	$h_a = 6,2$ cm

241 Konstruiere die Parallelogramme aus Aufgabe 240 und bestimme jeweils die Größe ihrer Winkel.

H2
I3

242 Konstruiere die angegebenen Parallelogramme und berechne jeweils Umfang und Flächeninhalt.

H1
H2
I3

Hinweis: Bestimme benötigte Größen durch Abmessen!

- a) $a = 6$ cm
 $b = 4$ cm
 $\alpha = 60^\circ$
- b) $a = 3,5$ cm
 $b = 4,5$ cm
 $\beta = 75^\circ$
- c) $a = 9$ cm
 $b = 3$ cm
 $\beta = 120^\circ$
- d) $a = 4,8$ cm
 $b = 5,3$ cm
 $\alpha = 132^\circ$

Die Summe aller Winkel beträgt 360° .
Wenn α und β bekannt sind, kann γ und δ ausgerechnet werden!

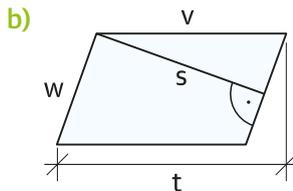
243 Berechne jeweils die gesuchte Länge in den angegebenen Parallelogrammen.

H1
H2
I3

- a) $A = 18$ cm²
 $b = 6$ cm
 $h_b = ?$
- b) $A = 54$ cm²
 $a = 9$ cm
 $h_a = ?$
- c) $A = 3$ cm²
 $h_a = 7$ mm
 $a = ?$
- d) $A = 1$ cm²
 $h = 65$ mm
 $b = ?$
- e) $A = 9,175$ m²
 $a = 14,5$ m
 $h_a = ?$
- f) $A = 53,41$ m²
 $h_b = 4,9$ m
 $b = ?$

244 Finde für jedes Parallelogramm eine Formel für den Umfang und eine Formel für den Flächeninhalt.

H1
H3
I2
I3



245 KNOBELAUFGABE
Höhe berechnen

H1
H2
I3

Von einem Parallelogramm kennt man folgende Abmessungen:
 $a = 5,2$ cm, $b = 3,8$ cm, $h_a = 2,7$ cm
Berechne die Höhe h_b und runde das Ergebnis auf ganze Millimeter.

Ziele

Umfang und Flächeninhalt von Parallelogrammen berechnen können
Umkehraufgaben lösen können

⇒ Parallelogramme sicher konstruieren können

Wissen



Flächeninhalt Parallelogramm

Den Flächeninhalt eines Parallelogramms kann man auf zwei Arten berechnen:

$$A = a \cdot h_a \text{ oder}$$

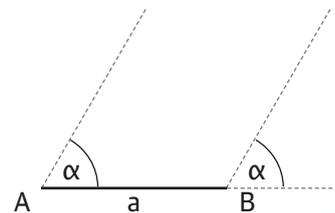
$$A = b \cdot h_b$$

allgemein:

$$A = \text{Seite} \cdot \text{Höhe auf die Seite}$$

Konstruktion Parallelogramm

Beginne mit der Seite a und dem Winkel α :



English Corner

246 MATH CHALLENGE

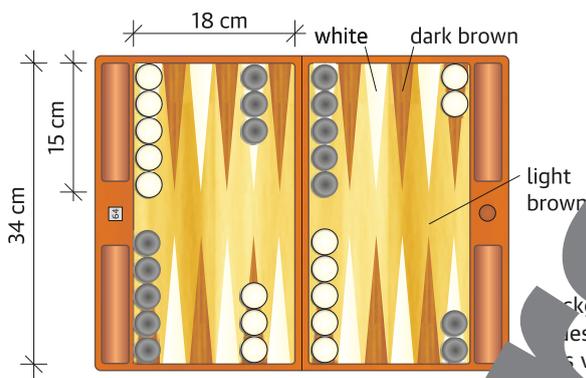


H1
H2
H3
I3

Backgammon

A backgammon board, as shown below, uses different colours

- What is the area of one white triangle?
- What is the area of all the dark brown triangles added together?
- Find the area of the light brown part.



Wörterbuch

Backgammon ...
(Brettspiel)

...
Brett

area ...
Fläche,
Flächeninhalt

triangle ...
Dreieck

size ...
Größe

MATH CHALLENGE ...
KNOBELAUFGABE

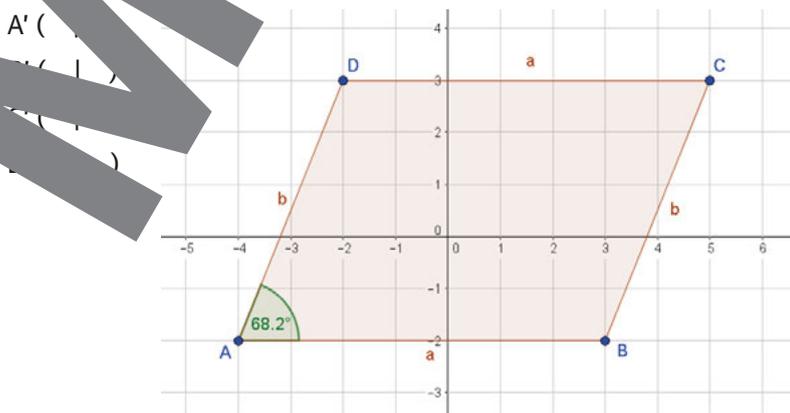
Technik Labor

247 GeoGebra: Vierecke selbst

H1
H3
I3

Seht euch das abgebildete Viereck ABCD an und löst die Aufgaben.

- Gebt die Koordinaten der Punkte A, B, C und D an.
A (|) B (|) C (|) D (|)
- Kreuzt an: Um welches besondere Viereck handelt es sich?
 Raute Quadrat Deltoid Parallelogramm
- Berechnet den Flächeninhalt des Vierecks (Maßangaben in cm).
- Verändert die Koordinaten der Punkte A, B, C und D so, dass ein Viereck mit gleichem Flächeninhalt erhalten.



⇒ Ein GeoGebra-Arbeitsblatt mit weiteren Aufgaben und einer Anleitung, wie ihr selbst Vierecke in GeoGebra erstellen könnt, findet ihr in der e-zone, Klasse 3 - E.

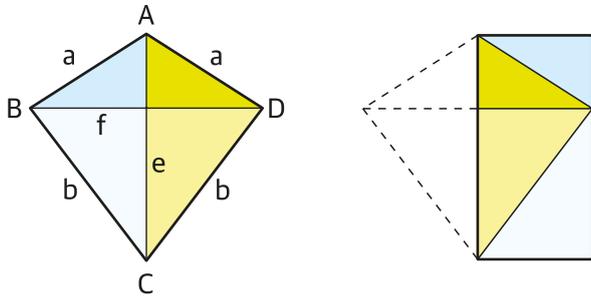
Flächeninhalt des Deltoids (1)

248 Findet eine Formel für die Berechnung des Flächeninhalts eines Deltoids mit Hilfe der Skizzen unten.

H1
H4
I3



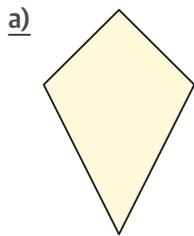
Vergleiche eure Überlegungen mit denen anderer Gruppen.



249 Beschrifte die abgebildeten Deltoide und berechne jeweils ihren Flächeninhalt.

H2
I3

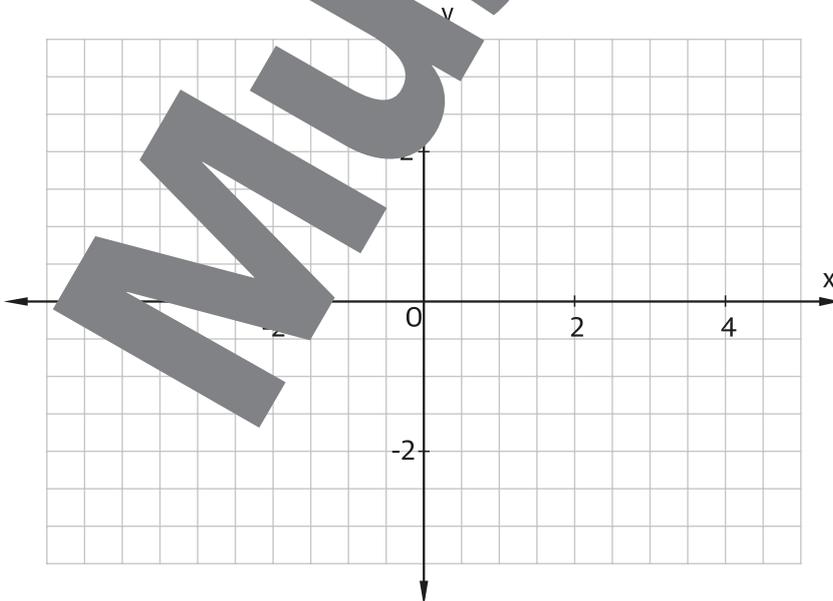
*Tipp: Zeichne jeweils die Diagonalen ein!
 Bestimme benötigte Größen durch Abmessen!*



250 Zeichne die angegebenen Deltoide in ein Koordinatensystem ein und berechne jeweils ihren Flächeninhalt.

H1
H2
I3

- a) A (2|-2,5), B (4,5|-1), C (2|2), D (-0,5|-1)
- b) A (-4,5|1,5), B (-2,5|0), C (0,5|3), D (0,5|0)
- c) A (-2|-1), B (-4|-2), C (0|-3,5), D (0|-2)



Ziel

Formeln für den Flächeninhalt des Deltoids herleiten und anwenden können

Wissen

Flächeninhalt

Man kann ein Deltoid durch Zerschneiden und Verschieben in ein Rechteck verwandeln.

Beschriftung von Deltoiden

Deltoiden beschriftet man üblicherweise wie folgt:

Eckpunkte:

beschriftet mit A, B, C, D entgegen dem Uhrzeigersinn. Die „Spitze“ des Deltoids wird dabei mit A beschriftet.

Seiten:

beschriftet mit a und b. Seiten, die am Eckpunkt A anliegen, werden mit a beschriftet, die anderen mit b.

Interessant

Drachenviereck



Das Deltoid wird auch Drachenviereck genannt.

→ Übungsteil, S. 42

E6

Flächeninhalt des Deltoids (2)

251 Berechne Umfang und Flächeninhalt der angegebenen Deltoide.

H2
I3

	Seiten		Diagonalen	
	a	b	e	f
a)	2 cm	4,5 cm	5,2 cm	3,4 cm
b)	4 cm	4,6 cm	6,8 cm	7,2 cm
c)	2,5 cm	3 cm	4,9 cm	2,5 cm

Ziele

- ⇒ Umfang und Flächeninhalt von Deltoiden berechnen können
- ⇒ Umkehraufgaben lösen können
- ⇒ Deltoide sicher konstruieren können

252 Konstruiere die Deltoide aus Aufgabe 251 und bestimme jeweils die Größe ihrer Winkel.

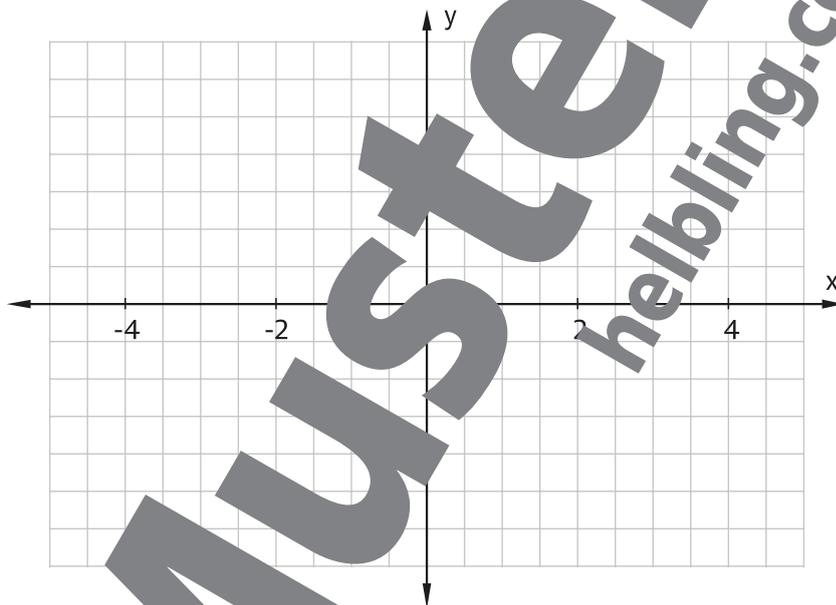
H2
I3

253 Zeichne die angegebenen Deltoide in das abgebildete Koordinatensystem ein und berechne jeweils Umfang und Flächeninhalt.

H1
H2
I3

Hinweis: Bestimme benötigte Größen durch Abmessen.

- a) A (4,5|2), B (3,5|3,5), C (-4,5|2), D (3,5|0,5)
- b) A (-2,5|1), B (-4,5|-0,5), C (-2,5|-3), D (-1|-0,5)
- c) A (2|-3), B (5|-2,5), C (2|0), D (-1|-2,5)



Wissen



Flächeninhalt Deltoid

Den Flächeninhalt eines Deltoids kann man wie folgt berechnen:

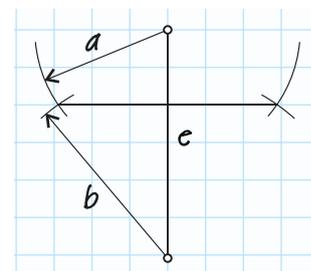
$$A = \frac{e \cdot f}{2}$$

allgemein:

$$A = \frac{\text{Diagonale 1} \cdot \text{Diagonale 2}}{2}$$

Konstruktion Deltoid

Beginne mit der Diagonale e. Schlage dann a und b mit dem Zirkel ab.



254 Berechne jeweils die gesuchte Diagonale des Deltoids.

H1
H2
I3

- a) $A = 129,2 \text{ m}^2$
 $e = 7,6 \text{ m}$
 $f = ?$
- b) $A = 129,2 \text{ m}^2$
 $f = 9,5 \text{ m}$
 $e = ?$
- c) $A = 6\,768 \text{ mm}^2$
 $e = 94 \text{ mm}$
 $f = ?$

255 **KNOBELAUFGABE**

Gilt die Formel für den Flächeninhalt des Deltoids auch für

H1
H4
I3

- a) das Quadrat?
- b) das Rechteck?

Begründet eure Entscheidung.

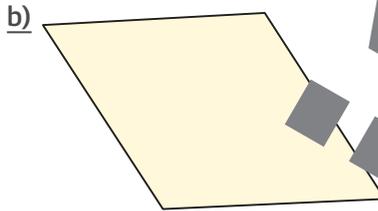
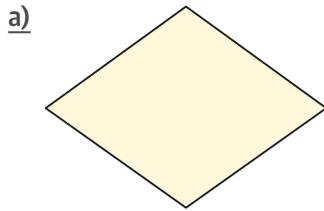
- Übungsteil, S. 43
- Cyber Homework 9

Flächeninhalt der Raute

256 Beschrifte die abgebildeten Rauten und berechne jeweils ihren Flächeninhalt.

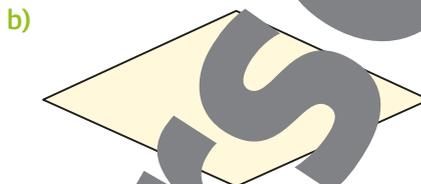
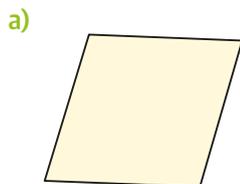
H2
I3

Hinweis: Bestimme benötigte Größen durch Abmessen!



257 Beschrifte die abgebildeten Rauten und berechne jeweils ihren Flächeninhalt auf zwei verschiedene Arten.

H1
H2
I3



258 Konstruiere die angegebenen Rauten und berechne jeweils Umfang und Flächeninhalt.

H1
H2
I3

a) $a = 5 \text{ cm}$
 $\alpha = 70^\circ$

b) $a = 6,3 \text{ cm}$
 $\beta = 45^\circ$

c) $a = 4,5 \text{ cm}$
 $\gamma = 7 \text{ cm}$

259 Berechne die fehlenden Angaben bei den angegebenen Rauten.

H2
H3
I3

Hinweis: Runde deine Ergebnisse auf eine Dezimalstelle!

	a [cm]	h_a [cm]	e [cm]	f [cm]	u [cm]	A [cm ²]
a)	3,5					9,4
b)		3,9	1,1			15,6
c)			6,7		34	49
d)		2,8		3,3	12	
e)	8,2			10		65
f)		4,2	7,4			19

260 Kreuzen Sie an, was wahr ist?

H3
H4
I3

		wahr	falsch
a)	Die Diagonalen einer Raute sind stets gleich lang.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	Die Seiten einer Raute sind stets gleich lang.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	Die Diagonalen einer Raute stehen immer in einem 90°-Winkel aufeinander.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	Die Diagonalen schneiden einander genau in der Mitte.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Ziel

Flächeninhalt von Parallelogramm und Trapez. Zwei Arten berechnen können

Wissen

Flächeninhalt Raute (Rhombus)

1. Raute als Parallelogramm:

$$A = a \cdot h_a$$

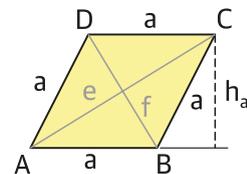
2. Raute als Deltoid:

$$A = \frac{e \cdot f}{2}$$

Beschriftung Raute (Rhombus)

Eckpunkte: beschriftet mit A, B, C, D entgegen dem Uhrzeigersinn.

Seiten: beschriftet mit a, da alle Seiten gleich lang sind.



Interessant

hashtag



Mit der Raute-Taste kennzeichnet man Schlagwörter in sozialen Netzwerken.

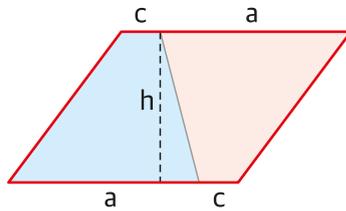
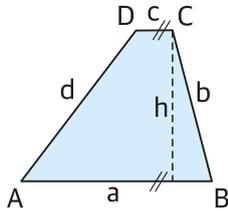
→ Übungsteil, S. 44

Flächeninhalt des Trapezes (1)

261 Findet eine Formel für die Berechnung des Flächeninhalts eines Trapezes mit Hilfe der Skizzen unten.

H1
H4
I3

Vergleiche eure Überlegungen mit denen anderer Gruppen.



Wenn ich ein Trapez zeichne, nehme ich ein Parallelogramm daraus heraus.

Ziel

⇒ Formel für den Flächeninhalt des Trapezes herleiten und anwenden können

Wissen

Beschriftung des Trapezes

Trapeze beschriftet man üblicherweise wie folgt:

Eckpunkte:

beschriftet mit A, B, C, D entgegen dem Uhrzeigersinn. Die parallelen Seiten wählt man als AB und als CD.

Seiten:

beschriftet mit a, b, c, d ausgehend vom Eckpunkt A entgegen dem Uhrzeigersinn.

Höhe:

h wird zwischen den parallelen Seiten a und c eingezeichnet.

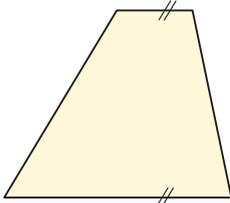
262 Beschrifte die abgebildeten Trapeze und berechne jeweils ihren Flächeninhalt.

H2
I3

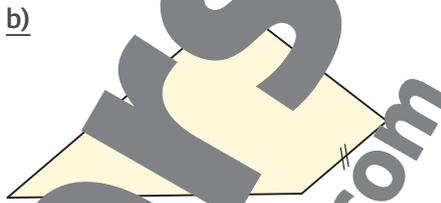
Tipps: Zeichne jeweils eine Höhe ein!

Bestimme benötigte Größen durch Abmessen!

a)



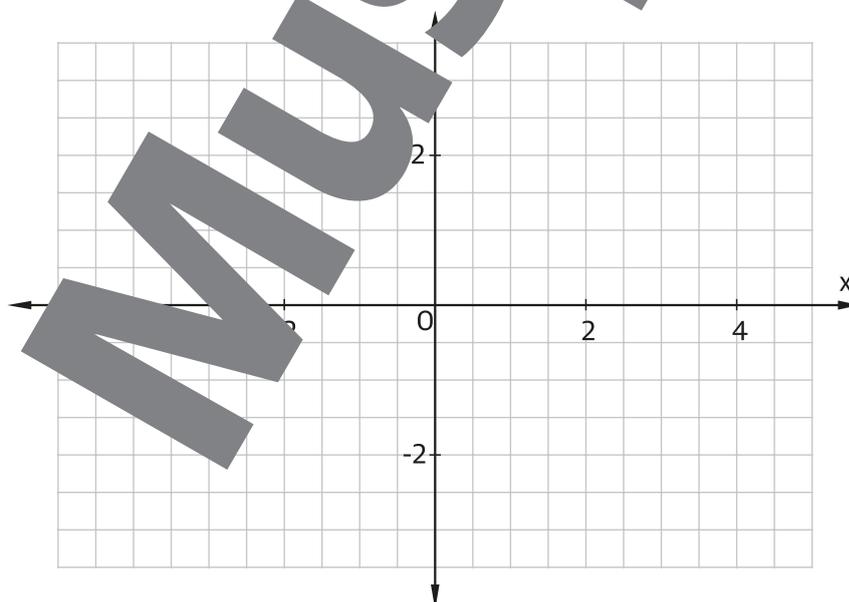
b)



263 Zeichne die angegebenen Trapeze in das abgebildete Koordinatensystem ein und berechne jeweils den Flächeninhalt.

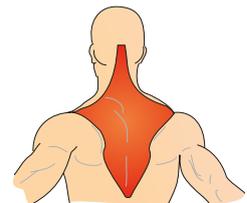
H1
H2
I3

- a) A (2,5|1), B (5|1), C (4|3), D (3|3)
- b) A (-3,5|-1), B (-2|-1), C (-1,5|2), D (-1,5|2)
- c) A (-2,5|-2), B (-2,5|-3), C (-1|-2), D (1|0,5)
- d) A (3|0), B (3|-1,5), C (4,5|-1,5), D (4,5|0,5)



Interessant

Trapezmuskeln



... sind die Muskeln im oberen Rückenbereich.

E9

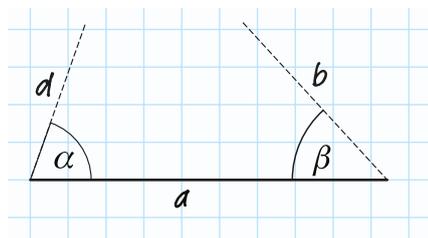
Flächeninhalt des Trapezes (2)

264 Berechne jeweils den Umfang und den Flächeninhalt der angegebenen Trapeze (alle Maßangaben in cm, gerundet).

Hinweis: Die Seiten a und c sind parallel zueinander!

	a	b	c	d	h	α	β
a)	4	3,5	1	2,5	2,5	78°	45°
b)	5,5	2,7	3,6	3	2,7	62°	80°
c)	7,2	6	2,5	6,6	5,8	61°	75°
d)	6	4,8	3,2	4,5	4,4	78°	
e)	8,5	6,9	4,1	5,7	5,7	86°	50°

265 Konstruiere die Trapeze aus Aufgabe 264 und bestimme jeweils die Längen ihrer Diagonalen e und f.



Konstruiere Schritt für Schritt!

266 Berechne jeweils die gesuchte Länge in den angegebenen Trapezen.

a) $A = 25 \text{ cm}^2$
 $a = 7 \text{ cm}$
 $c = 3 \text{ cm}$
 $h = ?$

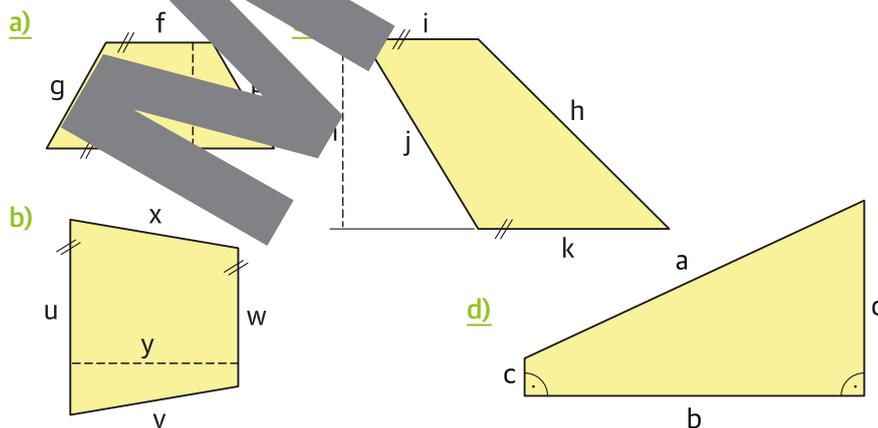
c) $A = 140$
 $a = 8 \text{ cm}$
 $c = 7$
 $h = ?$

b) $A = 3 \text{ mm}^2$
 $a = ?$
 $c = 2 \text{ mm}$
 $h = 1 \text{ mm}$

d) $A = 4$
 $a = 4 \text{ m}$
 $h = ?$

Forme die Flächeninhaltsformel des Trapezes richtig um!

267 Finde für jedes Trapez eine Formel für den Umfang und eine Formel für den Flächeninhalt.



Ziele

Umfang und Flächeninhalt von Trapezen berechnen können
 Umkehraufgaben lösen können
 Trapeze sicher konstruieren können

Wissen

Flächeninhalt Trapez

Die Fläche eines Trapezes kann man wie folgt berechnen:

$$A = \frac{(a + c) \cdot h}{2}$$

a, c ... parallele Seiten
 h ... Höhe des Trapezes

Umfang Trapez

Der Umfang ist die Summe der Seitenlängen:

$$u = a + b + c + d$$

Tipp

Zeichne mit gespitztem Bleistift!



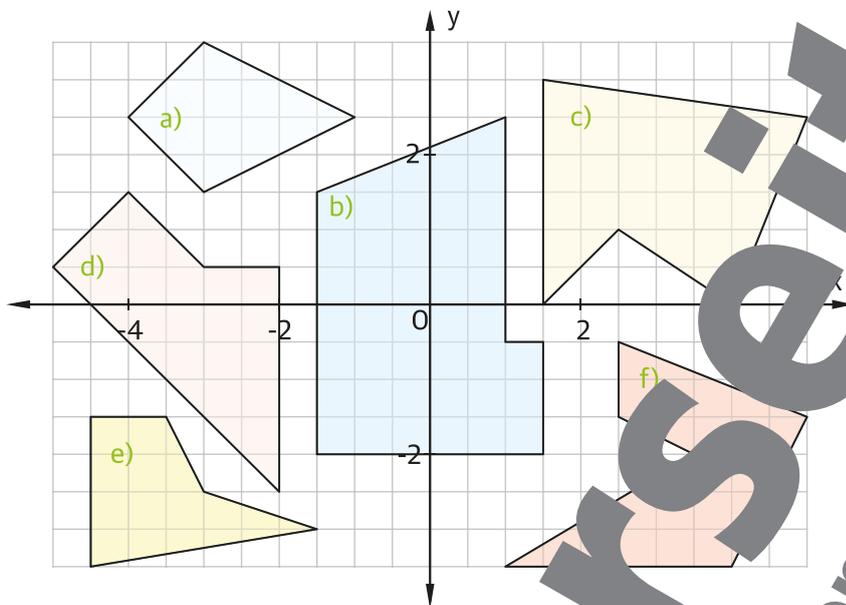
→ Übungsteil, S. 46

Zusammengesetzte Flächen

268 Bestimme jeweils den Flächeninhalt der abgebildeten Figuren.

H1
H2
H3
I3

Vergleiche deine Lösungswege mit anderen.



Ziel
 ⇒ Flächeninhalte
 von einer
 und Vielecke
 durch Zerlegen
 bestimmen können

Wissen

Figuren zerlegen

Jede Aufgabe auf dieser Seite kann auf verschiedene Weisen gelöst werden. Durch geschicktes Zerlegen kann man die Rechnungen oft einfach halten.

Teilflächen beschriften

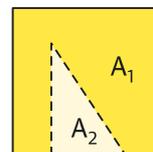
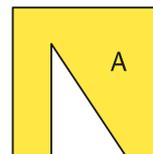
Behalte die Übersicht, indem du die Teilflächen der Figur mit A_1, A_2, A_3, \dots beschriftest.

Tipp

Ergänzen

Manchmal ist es einfacher, eine Figur auf eine größere Figur zu ergänzen anstatt sie in kleinere Teilflächen zu zerlegen.

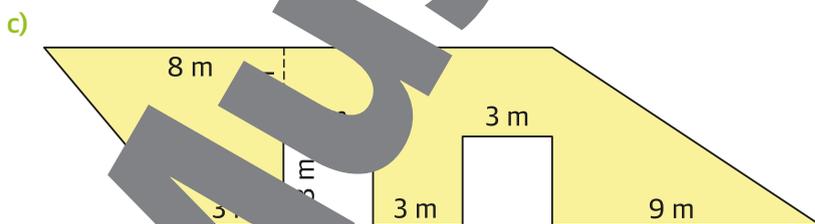
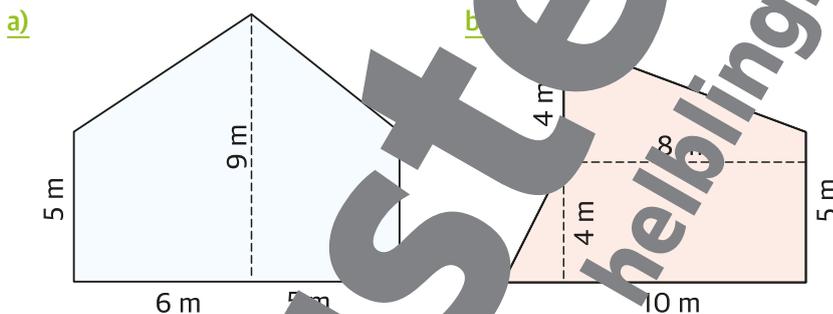
Beispiel:



$$A = A_1 - A_2$$

269 Bestimme jeweils den Flächeninhalt der abgebildeten Figuren.

H1
H2
H3
I3

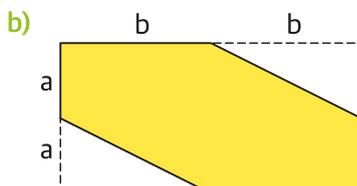
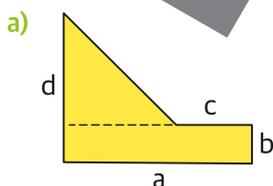


270 Finde eine Formel für den Flächeninhalt

H1
H3
I3

der abgebildeten Figuren.

Vergleiche deine Lösungswege mit anderen.



Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Dreiecke

271 Löse die Aufgaben zu Dreiecken.

H2
H3
I3

- a) Gegeben ist ein Dreieck mit $a = 6$ cm, $b = 5$ cm und $c = 6$ cm.
Die Höhe h_b beträgt 5,5 cm.
Berechne Umfang und Flächeninhalt des Dreiecks.
Konstruiere das Dreieck.
- b) Von einem Dreieck kennt man den Flächeninhalt ($A = 161$ cm²)
und eine Höhe ($h_c = 4,6$ cm).
Berechne die Länge der Seite c .

☞ E1
☞ E2

Vierecke

272 Berechne jeweils Umfang und Flächeninhalt
der angegebenen Figuren. (Angaben gerundet)

H2
I3

- a) Parallelogramm
Seitenlängen: $a = 6$ cm, $b = 4$ cm
Höhen: $h_a = 3,5$ cm, $h_b = 5,25$ cm
- b) Deltoid
Seitenlängen: $a = 2,6$ cm, $b = 5,7$ cm
Diagonalen: $e = 6,8$ cm, $f = 4,2$ cm
- c) Trapez ($a \parallel c$)
Seitenlängen: $a = 3$ cm, $b = 2,8$ cm,
 $c = 10$ cm, $d = 1$ cm
Höhe: $h_a = 2,7$ cm

☞ E3
☞ E4
☞ E5
☞ E6
☞ E7
☞ E8
☞ E9

273 Von einem Trapez mit Flächeninhalt $A = 12$ cm² kennt man
die Längen der parallelen Seiten: $a = 9$ cm und $c = 4,5$ cm.

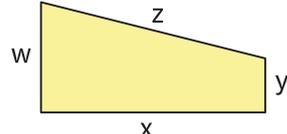
H1
H2
I3

Berechne die Länge der Höhe h_a .

☞ E9

274 Finde zu jeder Figur eine Formel für den Flächeninhalt
und eine Formel für den Umfang.

H1
H3
I3

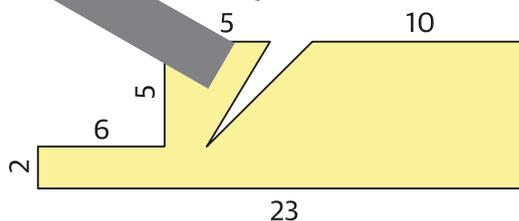
- a) 
- b) 

☞ E4
☞ E6
☞ E9

Zusammengesetzte Flächen

275 Berechne den Flächeninhalt der abgebildeten Figur. (Angaben in m)

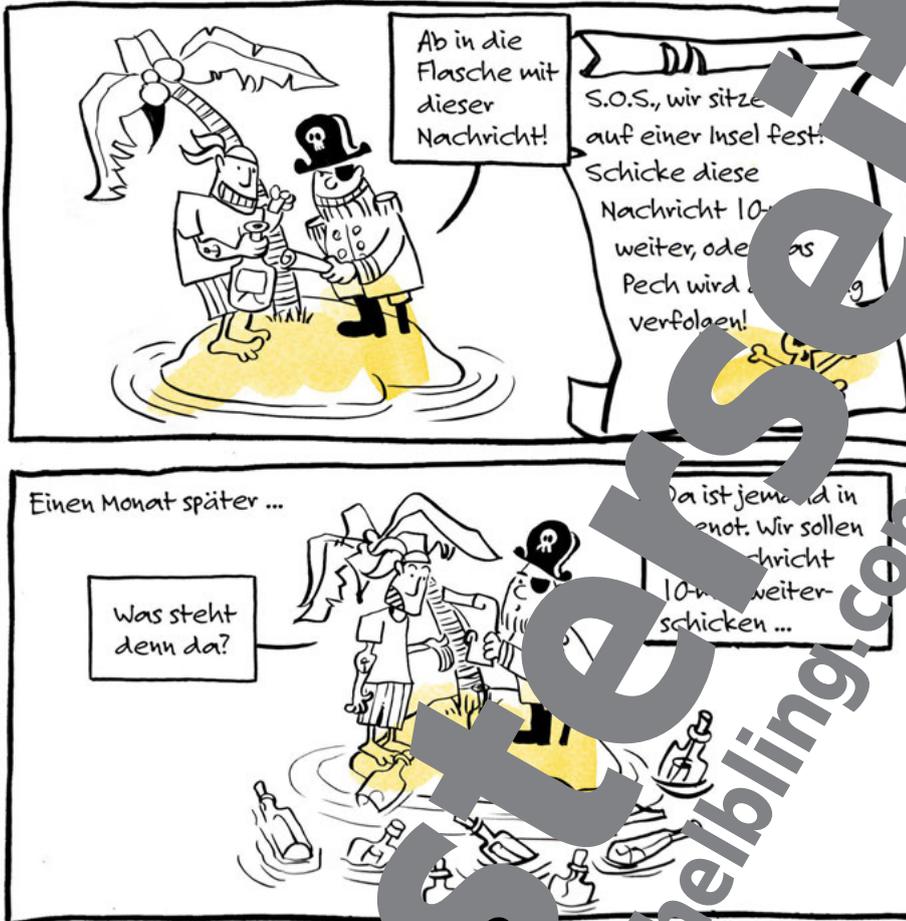
H1
H2
H3
I3



☞ E10

F

Potenzen Einführung, Rechenregeln, Anwendung



Inhalt

Warm-up	68
F1 Einführung Potenzen	69
English Corner	70
Technik-Labor	70
F2 Potenzen von positiven Zahlen	71
F3 Potenzen von negativen Zahlen	72
F4 Rechenregeln bei gleicher Basis	73
F5 Rechenregeln bei gleichem Exponenten	74
F6 Potenzen potenzieren	75
F7 Verbindung mit Grundrechenarten	76
F8 Zehnerpotenzen	77
F9 Gleitkomma-darstellung	78
F10 Anwendung	79
Checkpoint	80

276 Schaut euch den Comic mit den Piraten an.  Löst dann die Aufgaben.

H2
H3
H4
I1

- Warum sind die Piraten von hunderten Flaschen umgeben? Warum hat die Nachricht niemand weitergegeben? Vergleiche eure Antworten.
- Nehmt an, dass alle Piratenfänger die Nachricht an genau 10 weitere Personen weiterleiten und diese wiederum jeweils wieder 10 Flaschen losschicken. Wie viele Nachrichten sind das ...
(1) in der 1. Runde? (2) in der 2. Runde? (3) in der 3. Runde?
- Habt ihr schon einmal eine Nachricht erhalten, die ihr an viele Personen weitergeben solltet? Was habt ihr damit gemacht? Sprecht darüber in der Klasse.
- Was würdet ihr als Pirat in die Flaschenpost schreiben? Vergleicht euren Vorschlag mit anderen.



Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Multiplizieren und Dividieren

277 Rechne im Kopf.

H2
I1

$18 \cdot 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

$75 \cdot 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

$91 \cdot 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

$23 \cdot 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

$384 \cdot 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

$40 \cdot 1\,000 = \underline{\hspace{2cm}}$

$6,31 \cdot 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

$17,2 \cdot 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

$482,16 \cdot 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

$37,2 \cdot 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0,78 \cdot 1\,000 = \underline{\hspace{2cm}}$

$57,108 \cdot 1\,000 = \underline{\hspace{2cm}}$

$2\,853 : 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

$100 = \underline{\hspace{2cm}}$

$47,5 : \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

$2234 : 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

$9 \cdot 1,3 : 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

Rechenregeln

278 Rechne ohne Taschenrechner.

H2
I1

a) $20 - (5 + 3) \cdot 2 =$
 $\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

b) $8 : 2 + 5 \cdot (7 - 1) =$
 $\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

c) $9 \cdot 3 - (4 - 2) : 7 =$
 $\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

d) $(16 : 2) - (18) \cdot 0 =$
 $\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

Bruchzahlen multiplizieren

279 Rechne im Kopf.

H2
I1

a) $\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{4} = \underline{\hspace{2cm}}$

b) $\frac{4}{7} \cdot \frac{3}{5} = \underline{\hspace{2cm}}$

c) $\frac{2}{9} \cdot \frac{3}{5} = \underline{\hspace{2cm}}$

d) $\frac{5}{8} \cdot \frac{1}{3} = \underline{\hspace{2cm}}$

e) $\frac{1}{7} \cdot \frac{6}{11} = \underline{\hspace{2cm}}$

f) $\frac{1}{10} \cdot \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

g) $\frac{8}{9} \cdot \frac{2}{9} = \underline{\hspace{2cm}}$

h) $\frac{3}{8} = \underline{\hspace{2cm}}$

i) $\frac{2}{9} \cdot \frac{2}{7} = \underline{\hspace{2cm}}$

j) $\frac{3}{4} \cdot \frac{6}{7} = \underline{\hspace{2cm}}$

So multiplizierst
du richtig:
Zähler mal Zähler,
Nenner mal Nenner!



Negative Zahlen multiplizieren

280 Rechne im Kopf.

H2
I1

a) $(-3) \cdot 4 = \underline{\hspace{2cm}}$

b) $(-5) \cdot 6 = \underline{\hspace{2cm}}$

c) $0 \cdot (-6) = \underline{\hspace{2cm}}$

d) $(-2) \cdot (-7) = \underline{\hspace{2cm}}$

e) $(-2) \cdot 4 = \underline{\hspace{2cm}}$

f) $2 \cdot (-6) = \underline{\hspace{2cm}}$

g) $6 \cdot (-3) = \underline{\hspace{2cm}}$

h) $(-4) \cdot (-5) = \underline{\hspace{2cm}}$

i) $(-1) \cdot 8 = \underline{\hspace{2cm}}$

j) $(-5) \cdot (-5) = \underline{\hspace{2cm}}$

k) $(-7) \cdot 3 = \underline{\hspace{2cm}}$

l) $(-4) \cdot (-6) = \underline{\hspace{2cm}}$

m) $5 \cdot (-1) = \underline{\hspace{2cm}}$

n) $(-9) \cdot (-2) = \underline{\hspace{2cm}}$

o) $8 \cdot (-7) = \underline{\hspace{2cm}}$

Einführung Potenzen

281 Schreibe die Serienmultiplikationen mit Hilfe der Potenzschreibweise verkürzt an.

H1
I1

- a) $6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 6 = \underline{6^5}$
- b) $2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = \underline{\quad}$
- c) $9 \cdot 9 = \underline{\quad}$
- d) $8 \cdot 8 \cdot 8 \cdot 8 \cdot 8 \cdot 8 = \underline{\quad}$
- e) $4 \cdot 4 \cdot 4 = \underline{\quad}$
- f) $5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 = \underline{\quad}$
- g) $7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 = \underline{\quad}$
- h) $10 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{\quad}$

282 Schreibe die angegebenen Potenzen als Serienmultiplikationen an und berechne ihren Wert.

H1
H2
I1

- a) 8^3
- b) 5^4
- c) 9^2
- d) 7^3
- e) 10^5
- f) 6^3
- g) 8^5
- h) 2^6
- i) 4^3

a) $8^3 = \underline{8 \cdot 8 \cdot 8} = \underline{512}$

NR: $\underline{64 \cdot 8}$
 $\underline{512}$

Mach die Rechen-
rechnung
wenn es dir
hilft!



283 Gegeben ist die Potenz 3^2 . Beantworte die Fragen dazu.

H1
H3
I1

- a) Wie lautet der Exponent der Potenz? $\underline{\quad}$
- b) Wie lautet die Basis der Potenz? $\underline{\quad}$
- c) Wie lautet der Wert der Potenz? $\underline{\quad}$
- d) Haben 3^2 und 2^3 den gleichen Wert? $\underline{\quad}$



284 Berechne den Wert der angegebenen Potenzen.

H2
H4
I1

Was fällt dir auf? Besprich deine Beobachtungen mit anderen.

- a) 1^2
- b) 1^5
- c) 1^3
- d) 0^2
- e) 0^4

285 Berechne den Wert der angegebenen Potenzen.

H2
H4
I1

Was fällt dir auf? Besprich deine Beobachtungen mit anderen.

- a) 4^1
- b) 2^1
- c) 9^1
- d) 15^1
- e) 258^1

286 Berechne die angegebenen Potenzen mit dem Taschenrechner.

H2
I1

- a) 4^3
- b) 2^4
- c) 9^5
- d) 5^7
- e) 3^6
- f) 10^6
- g) 8^4
- h) 25^2
- i) 13^3
- j) 28^4
- k) 19^7



Ziele

- ⇒ Potenzen als Serienmultiplikation verstehen
- ⇒ Begriffe, Sprech- und Schreibweise bei Potenzen kennen

Wissen

Potenzen – Schreibweise

Multipliziert man die gleiche Zahl mehrmals mit sich selbst, kann man diese (oft lange) Rechnung auch verkürzt als Potenz anschreiben:

Beispiel:

$$3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 3^4$$

Du sprichst: „3 hoch 4“

Potenzen – Begriffe

Eine Potenz besteht aus Basis (Grundzahl) und Exponent (Hochzahl).



Interessant

Wortherkunft und Bedeutung

Das lateinische Wort „*potentia*“ bedeutet „Vermögen, Macht“.

Als „*potenten*“ Gegner bezeichnet man zum Beispiel einen „leistungsfähigen“ Gegner.

„*Omnipotent*“ wiederum bedeutet „allmächtig“.

English Corner

287 Express each of the following terms in exponential notation.

H1
I1

- a) $4 \times 4 \times 4 =$ _____ c) $9 \times 9 \times 9 \times 9 \times 9 =$ _____
 b) $2 \times 2 \times 2 \times 2 =$ _____ d) $15 \times 15 =$ _____

288 Find the correct exponential notations.

H1
I1

- a) The base is 6, the exponent is 2. _____
 b) The exponent is 3, the base is 8. _____
 c) Exponent and base are both 5. _____

289 Find the correct exponential notations.

H1
I1

- a) three raised to the second power
 b) five raised to the third power
 c) ten raised to the sixth power
 d) two raised to the eighth power



290 We call 36 the *standard form* of 6^2 .

H1
I1

Mark up: What is the standard form of 7^2 ?

- 37 7×7 49 14 7^2

Wörterbuch

Multiplikationszeichen
(4×4 entspricht $4 \cdot 4$)

ausdrücken

exponential notation ...

Potenzschreibweise

base ...

Basis

exponent ...

Exponent

power ...

Kraft, Potenz

Textechnik-Labor

291 Die Excel-Tabelle rechnet die Binärzahl 101_2 in eine Dezimalzahl um.

H1
H2
I1

	B	C	D	E	F	G	H	I
1								
2		2^3	2^2	2^1	2^0			
3		0	0	1				
4								

Dezimalzahl

⇒ Ein Excel-Arbeitsblatt mit weiteren Aufgaben findet ihr in der e-zone, Klasse 3 - F.

a) Jede Stelle einer Binärzahl wird mit ihrem Wert multipliziert.
 Start die Rechnung für das Beispiel von oben fort:

$$\begin{aligned} & \dots + \dots = 5 \\ & 1 \cdot 4 + \dots + \dots = 5 \\ & 0 \dots + \dots + \dots = 5 \end{aligned}$$

b) Wie schreibt man *Zehn* als Binärzahl?

Vergleiche eure Ergebnisse mit andere Gruppen. _____

c) Jede Stelle einer Binärzahl nennt man ein *Bit*.

Die Binärzahl in der Excel-Tabelle hat also 4 Bit.

Wie lautet die größte Zahl, die man mit 4 Bit darstellen kann? _____

Potenzen von positiven Zahlen

292 Berechne den Wert der Potenzen.

- H2 I1 a) $6,4^2$ b) $0,9^3$ c) $1,92^2$ d) $0,04^4$

293 Gib zuerst Schranken für das Ergebnis an. Dann erst berechne den exakten Wert.

- H2 I1 a) $3,8^2$ b) $6,2^2$ c) $1,5^2$ d) $0,7^2$ e) $8,5^2$ f) $4,3^2$ g) $7,9^2$ h) $2,4^2$

3,8: Schranken	$3^2 = 9$
	$4^2 = 16$
$3,8^2 \stackrel{(TR)}{=} 14,44$	

(TR) schreibe ich, wenn ich etwas mit dem Taschenrechner löse!

- Ziele**
- ⇒ Potenzen von Bruchzahlen berechnen können
 - ⇒ Einfache Schranken von Potenzen angeben können
 - ⇒ Potenzen von Bruchzahlen berechnen können

294 Kai macht immer den gleichen Fehler.

H2 H4 I1 $2,4^2 = \underline{4,8}$ f $5,1^2 = \underline{10,2}$ f

- a) Löse die Aufgaben selbst richtig.
 b) Beschreibe, was Kai falsch macht.
 c) Erkläre Kai in einer Kurznachricht, wie er die Aufgaben richtig lösen kann.

295 KNOBELAUFGABE

Basis finden

Die Basis der abgebildeten Potenz unten ist ... Wie hat sie gelaundet? Probiere mit dem Taschenrechner ... Beschreibe deine Strategie bei der Lösung.

$\dots^4 = \underline{9\,223,681\,6}$

296 Schreibe die Potenzen als Serienmultiplikation an und verkürzt an.

- H1 I1 a) $\frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} = \dots$ d) $\frac{3}{7} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{3}{7} = \dots$
 b) $\frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} = \dots$ e) $\frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} \cdot \frac{1}{15} = \dots$
 c) $\frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8} = \dots$ f) $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \dots$

297 Schreibe die angegebenen Potenzen als Serienmultiplikationen an und berechne ihren Wert.

- H1 H2 I1 a) $(\frac{2}{3})^3$ c) $(\frac{1}{6})^4$ e) $(\frac{3}{8})^3$ g) $(\frac{2}{3})^2$
 b) $(\frac{5}{7})^2$ d) $(\frac{2}{9})^2$ f) $(\frac{1}{2})^4$ h) $(\frac{7}{10})^3$

Wissen

Schranken berechnen
 Rechne für die untere Schranke mit abgerundeten Zahlen, für die obere Schranke mit aufgerundeten Zahlen.

Bruchzahlen potenzieren
 Man potenziert eine Bruchzahl, indem man jeweils den Zähler und den Nenner potenziert.
 Beispiel:
 $(\frac{3}{4})^2 = \frac{3^2}{4^2} = \frac{3 \cdot 3}{4 \cdot 4} = \frac{9}{16}$

Interessant

Quadrieren
 Anstatt „hoch 2“ sagt man auch „zum Quadrat“.
 Beispiele:
 5^2 ... „5 zum Quadrat“
 9^2 ... „9 zum Quadrat“
 auf Englisch:
 (square ... Quadrat)
 5^2 ... „5 squared“
 9^2 ... „9 squared“

→ Übungsteil, S. 50

Potenzen von negativen Zahlen

298 Schreibe die angegebenen Potenzen als Serienmultiplikationen an und berechne ihren Wert.

H2
H4
I1

Was fällt dir bezüglich der Vorzeichen in den Ergebnissen auf?

- a) $(-3)^2$ b) $(-5)^2$ c) $(-7)^2$ d) $(-6)^1$
 $(-3)^3$ $(-5)^3$ $(-7)^3$ $(-6)^2$
 $(-3)^4$ $(-5)^4$ $(-7)^4$ $(-6)^3$

299 Erkläre die Vorzeichenregel von Potenzen mit negativer Basis anhand der abgebildeten Rechnungen.

H3
H4
I1

$$(-1)^4 = \underbrace{(-1) \cdot (-1)}_{+} \cdot \underbrace{(-1) \cdot (-1)}_{+} = 1$$

$$(-1)^5 = \underbrace{(-1) \cdot (-1)}_{+} \cdot \underbrace{(-1) \cdot (-1)}_{+} \cdot \underbrace{(-1)}_{-} = -1$$

300 Berechne den Wert der Potenzen im Kopf.

H2
I1

$(-1)^4 = \underline{\quad}$ $(-1)^7 = \underline{\quad}$ $(-1)^{20} = \underline{\quad}$
 $(-1)^8 = \underline{\quad}$ $(-1)^3 = \underline{\quad}$ $(-1)^{-1} = \underline{\quad}$

301 Setze < oder > ein.

H3
I1

$(-5)^3$ 0 $(-8)^{10}$ 0 3^6 0 $(-2)^{15}$ 0
 -2^4 0 $(-0,5)^{12}$ 0 $-0,6$ 0 $(-9 \cdot 8)^{12}$ 0

302 Welches Ergebnis passt zu welcher Potenz? Verbinde die richtigen Ausdrücke miteinander.

H2
H3
I1

$(-8) \cdot (-8)$ $(-2)^3$ $(3 \cdot 3)$ -8^2 $(-3) \cdot (-3)$
 -8 64 9 -64 -9

303 Gestalte selbst Rätsel für Aufgabe 302.

H1
H3
I1

Gib das Rätsel jemand anderem zum Lösen. Vergleiche die Lösungen miteinander.

304 Setze = oder ≠ ein.

H2
H3
I2

$(-a)^3$ $-a^3$ x^{10} $(-x)^{10}$
 $(-b)^4$ b^4 $(-p)^3$ $p - 3$
 c^2 $(-c)^2$ $5 \cdot x$ x^5
 $(-x)^5$ $-x^5$ y^8 $(-y)^8$

Variablen potenzieren ist genau wie Zahlen potenzieren:
 $(-x)^3 = (-x) \cdot (-x) \cdot (-x)$
 $\rightarrow (-x)^3 = -x^3$



Ziele

Vorzeichenregeln von Potenzen von negativen Zahlen begründen und anwenden können
 ⇒ mit einfachen Potenzen von Variablen arbeiten können

Wissen

Vorzeichenregel für Potenzen von negativen Zahlen

Potenziert man eine negative Zahl, so kann das Ergebnis positiv oder negativ sein. Welches Vorzeichen gesetzt werden muss, hängt dabei vom Exponenten ab:
 Exponent *gerade*: Ergebnis ist positiv (+).
 Exponent *ungerade*: Ergebnis ist negativ (-).
 Beispiele:

$(-5)^2 = +25$
 $(-5)^3 = -125$

Tipp

-4^2 und $(-4)^2$
 Diese beiden Ausdrücke ergeben nicht das Gleiche!
 Es gilt:
 $-4^2 = -(4 \cdot 4) = -16$ aber
 $(-4)^2 = (-4) \cdot (-4) = +16$

→ Übungsteil, S. 51

F4

Potenzen – Einführung, Rechenregeln, Anwendung

Rechenregeln bei gleicher Basis

305 Anja hat die Aufgabe $2^2 \cdot 2^3 = 2^5$ mit Hilfe der Regel $x^a \cdot x^b = x^{a+b}$ gelöst. 

H2
H3
I1
I2

$$2^2 \cdot 2^3 =$$

$$\underbrace{2 \cdot 2}_{2^2} \cdot \underbrace{2 \cdot 2 \cdot 2}_{2^3} = 2^{2+3} = \underline{2^5}$$

- Beschreibt Anjas Rechenweg.
- Löst die Aufgabe $5^4 \cdot 5^2$ mit Hilfe der angegebenen Regel.
- Löst die Aufgabe $a^2 \cdot a^2$ mit Hilfe der angegebenen Regel.

306 Vereinfache die Rechnungen.

H2
I1

$4^2 \cdot 4^4 = 4^6$	$(-2)^2 \cdot (-2) = \underline{\quad}$
$7^6 \cdot 7^5 = \underline{\quad}$	$(-8)^4 \cdot (-8)^2 = \underline{\quad}$
$2^3 \cdot 2^3 = \underline{\quad}$	$(-1)^5 \cdot (-1)^9 = \underline{\quad}$
$1,6^4 \cdot 1,6^3 = \underline{\quad}$	$x^4 \cdot x^2 = \underline{\quad}$
$5,4^7 \cdot 5,4^4 = \underline{\quad}$	$x \cdot x^8 = \underline{\quad}$

307 Yoko hat die folgende Aufgabe falsch gelöst. 

H2
H4
I1

$$7^4 \cdot 7 = 7^4 = \underline{2401} \quad f$$

Löse die Aufgabe selbst richtig und zeichne Yoko ihren Fehler in Form einer Kurznachrichte.

308 Pedro hat die Aufgabe $5^6 : 5^2 = 5^4$ mit Hilfe der Regel $x^a : x^b = x^{a-b}$ gelöst. 

H2
H3
I1
I2

$$5^6 : 5^2 = \frac{5^6}{5^2} =$$

$$\frac{\cancel{5} \cdot \cancel{5} \cdot \cancel{5} \cdot \cancel{5} \cdot \cancel{5} \cdot \cancel{5}}{\cancel{5} \cdot \cancel{5}} = \underline{5^4}$$

- Beschreibt Pedros Rechenweg.
- Löst die Aufgabe $4^3 : 4$ mit Hilfe der angegebenen Regel.
- Löst die Aufgabe a^5 mit Hilfe der angegebenen Regel.

309 Vereinfache die Rechnungen.

H2
I1

$6^3 : 6^2 = 6^1$	$(-5)^6 : (-5)^3 = \underline{\quad}$
$8^{10} : 8^7 = \underline{\quad}$	$(-7)^2 : (-7)^2 = \underline{\quad}$
$5^2 : 5^2 = \underline{\quad}$	$(-6)^8 : (-6)^7 = \underline{\quad}$
$0,4^5 : 0,4^2 = \underline{\quad}$	$x^9 : x^4 = \underline{\quad}$
$9,8^3 : 9,8 = \underline{\quad}$	$x^3 : x^2 = \underline{\quad}$

Ziele

- Rechenregeln für Multiplizieren und Dividieren von Potenzen mit gleicher Basis begründen und anwenden können
- Rechnungen mit den Exponenten 1 oder 0 lösen können

Wissen



Multiplikation von Potenzen mit gleicher Basis

Es gilt:

$$x^a \cdot x^b = x^{a+b}$$

Beispiel:

$$8^7 \cdot 8^3 = \underline{8^{10}}$$

Division von Potenzen mit gleicher Basis

Es gilt:

$$x^a : x^b = x^{a-b}$$

Beispiel:

$$8^7 : 8^3 = \underline{8^4}$$

hoch 1

1 als Exponent ändert den Wert einer Zahl nicht.

Es gilt: $a^1 = a$

Beispiel: $14^1 = \underline{14}$

hoch 0

Eine Potenz mit Exponent 0 hat immer den Wert 1.

Es gilt: $a^0 = 1$

Beispiel: $27^0 = \underline{1}$

Rechenregeln bei gleichem Exponenten

310 Julia hat die Aufgabe $5^2 \cdot 3^2 = (5 \cdot 3)^2$ mit Hilfe der Regel $a^x \cdot b^x = (a \cdot b)^x$ gelöst.

H2
H3
I1
I2

$$5^2 \cdot 3^2 = 5 \cdot 5 \cdot 3 \cdot 3 =$$

$$5 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 3 =$$

$$(5 \cdot 3)^2 = 15^2$$

Faktoren darf man vertauschen!



- a) Beschreibt Julias Rechenweg.
- b) Löst die Aufgabe $6^2 \cdot 4^2$ mit Hilfe der angegebenen Regel.
- c) Löst die Aufgabe $a^3 \cdot b^3$ mit Hilfe der angegebenen Regel.

311 Vereinfache die Rechnungen.

H2
I1

$5^4 \cdot 2^4 =$	$2^3 \cdot 5^3 \cdot 4^3 =$
$3^2 \cdot 6^2 =$	$7^2 \cdot 0^2 \cdot 3^2 =$
$(-4)^3 \cdot 2^3 =$	$(-1)^5 \cdot 3^5 =$
$0,6^5 \cdot 2^5 =$	$a^4 \cdot b^4 =$
$10^3 \cdot 2,51^3 =$	$c^3 \cdot x^3 =$

312 Vereinfache die Rechnungen so weit wie möglich.

H2
I1

- a) $6^3 \cdot 5^2 \cdot 5^4 \cdot 2^3$
- b) $8^2 \cdot 3^2 \cdot 6^4 \cdot 6^3$
- c) $2^7 \cdot 9^3 \cdot 4^7 \cdot 9^5$
- d) $15^6 \cdot 4^6 \cdot 23^4 \cdot 2^3$
- e) $(-5)^2 \cdot (-8)^2 \cdot 6^3 \cdot 9^2 \cdot 6^5 \cdot 1$
- f) $0,5^2 \cdot 0,8^3 \cdot (-2)^3 \cdot 0,9^4 \cdot 5^3$

a) $6^3 \cdot 2^3 \cdot 5^6 = 6^3 \cdot 2^3 \cdot 5^6 = 12^3 \cdot 5^6$

313 Wurde richtig vereinfacht?

H2
I1

Führe eine Probe durch, indem du den Wert der linken Seite mit dem Wert der rechten Seite vergleichst.

- a) $10^2 : 5^2 = (10 : 5)^2$
- b) $9^2 : 3^2 = (9 : 3)^2$
- c) $24^2 : 6^2 = (24 : 6)^2$
- d) $4^2 : 2^2 = (4 : 2)^2$
- e) $12^3 : 6^3 = (12 : 6)^3$
- f) $4^3 : 4^3 = (4 : 4)^3$

Probe für d):
 linke Seite: $4^2 : 2^2 = 16 : 4 = 4$
 rechte Seite: $(4 : 2)^2 = 2^2 = 4$
 $4 = 4$ ✓

314 Finde den Fehler!

H2
H4
I1

Löse die Aufgabe richtig und schreibe Patrick, worauf er beim nächsten Mal achten soll.

$$x^3 \cdot y^3 = (x \cdot y)^6 \quad f$$



Beispiel

Rechenregeln
Multiplizieren
und dividieren
von Potenzen
mit gleichem
Exponenten
begründen und
anwenden können

Wissen



Multiplikation von Potenzen mit gleichem Exponenten

Es gilt:
 $a^x \cdot b^x = (a \cdot b)^x$

Beispiel:
 $4^2 \cdot 5^2 = 20^2 = 400$

Division von Potenzen mit gleichem Exponenten

Es gilt:
 $a^x : b^x = (a : b)^x$

Beispiel:
 $20^2 : 5^2 = 4^2 = 16$

1 hoch

Eine Potenz mit Basis 1 hat immer den Wert 1.

Es gilt: $1^x = 1$

Beispiel: $1^8 = 1$

0 hoch

Eine Potenz mit Basis 0 hat immer den Wert 0.

Es gilt: $0^x = 0$ ($x \neq 0$)

Beispiel: $0^{15} = 0$

F6

Potenzen – Einführung, Rechenregeln, Anwendung

Potenzen potenzieren

315 Anna hat die Aufgabe $(7^3)^2$ mit Hilfe der Regel $(x^a)^b = x^{a \cdot b}$ gelöst. 

H2
H3
I1
I2

$$\begin{aligned} (7^3)^2 &= (7 \cdot 7 \cdot 7)^2 = (7 \cdot 7 \cdot 7) \cdot (7 \cdot 7 \cdot 7) \\ &= 7^{3 \cdot 2} = 7^6 \end{aligned}$$



- Beschreibt Annas Rechenweg.
- Löst die Aufgabe $(6^2)^5$ mit Hilfe der angegebenen Regel.
- Löst die Aufgabe $(a^4)^3$ mit Hilfe der angegebenen Regel.

316 Luca behauptet: 

H4
I1

„ $(3^2)^4$ und $(3^4)^2$ sind das Gleiche.
Die Hochzahlen kann man einfach vertauschen.“

Stimmt Lucas Aussage?
Begründet eure Entscheidung mit drei weiteren Beispielen.



317 Vereinfache die Rechnungen.

H2
I1

- | | |
|---|---|
| a) $(6^4)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ | d) $(\frac{1}{2})^0 = \underline{\hspace{2cm}}$ |
| b) $(8^2)^5 = \underline{\hspace{2cm}}$ | e) $(0,76^5)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ |
| c) $(2^3)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ | f) $(10^0)^5 = \underline{\hspace{2cm}}$ |

318 Vereinfache die Rechnungen.

H2
I1

- | | |
|---|--|
| a) $(-3^5)^3 = \underline{-3^{15}}$ | e) $(-2^3)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ |
| b) $(-2^4)^5 = \underline{\hspace{2cm}}$ | f) $(-0,14)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ |
| c) $(-8^1)^7 = \underline{\hspace{2cm}}$ | g) $(-1^3)^4 = \underline{\hspace{2cm}}$ |
| d) $(-12^3)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ | h) $(-0,5^4)^5 = \underline{\hspace{2cm}}$ |

319 Vereinfache die Rechnungen. Dann berechne ihr Ergebnis mit dem Taschenrechner.

H2
I1

- | | | |
|---|--|--|
| a) $(4^2)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ | d) $(0,9^2)^4 = \underline{\hspace{2cm}}$ | e) $(-0,7^3)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ |
| b) $(7^3)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ | f) $(-2,1^5)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ | |

320 Vereinfache die Rechnungen.

H2
I2

- | | | |
|---|---|--|
| a) $(x^2)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ | c) $(a^8)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ | e) $(-a^2)^4 = \underline{\hspace{2cm}}$ |
| b) $(y^2)^4 = \underline{\hspace{2cm}}$ | d) $(b^5)^4 = \underline{\hspace{2cm}}$ | f) $(-b^5)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ |

321 Bestimme jeweils den Wert von x.

H2
I2

- | | | |
|--|---|--|
| a) $(6^2)^x = 6^{10}$
x = <u> </u> | c) $(4^x)^3 = 4^9$
x = <u> </u> | e) $(a^4)^x = a^{32}$
x = <u> </u> |
| b) $(5^x)^3 = 5^{12}$
x = <u> </u> | d) $(9^7)^x = 1$
x = <u> </u> | f) $(y^x)^4 = y^8$
x = <u> </u> |

Ziel

⇒ Rechenregeln
anwenden und potenzieren
von Potenzen
begründen und
anwenden können

Wissen



Potenzen potenzieren

Potenziert man eine Potenz mit einem weiteren Exponenten, werden die beiden Exponenten multipliziert.

Es gilt:

$$(x^a)^b = x^{a \cdot b}$$

Beispiel:

$$(10^3)^4 = 10^{3 \cdot 4} = \underline{10^{12}}$$

Interessant

Term

Ein „Term“ bezeichnet einen sinnvollen, mathematischen Ausdruck. Ein Term kann zum Beispiel eine Zahl oder Variable sein, aber auch eine ganze Rechnung.

Beispiele:

- 5 ist ein Term
- x ist ein Term
- $5 + x^2$ ist ein Term
- $(3x)^5$ ist ein Term

→ Übungsteil, S. 54

Verbindung mit Grundrechnungsarten

322 Löse die Aufgaben ohne Taschenrechner.

- a) $26 - 3^2 \cdot 2$
- b) $2 \cdot 5^2 + 50$
- c) $(23 - 19)^3 : 2$
- d) $2^3 : 4 + 9 \cdot 5$
- e) $15 + 9^2 - 75 : 5$
- f) $(34 - 2^4) : 3^3$
- g) $4 \cdot (8^2 - 59)^2 - 10^2$
- h) $(11 - 2^2)^2 + (58 - 14) : 11$
- i) $70 - (100 - 9^2) \cdot 2$
- j) $3^2 \cdot (6^2 - 4 \cdot 8) - 56 : (4^2 - 9)$

$$26 - 3^2 \cdot 2 =$$

$$26 - 9 \cdot 2 =$$

$$26 - 18 = \underline{8}$$

Ich schreibe die Rechenschritte untereinander. So behalte ich den Überblick!

323 Löse die Aufgaben ohne Taschenrechner.

- a) $(-4)^2 - 20$
- b) $-18 + 6^2 : 3$
- c) $-5^2 \cdot (6 - 10) - 15$
- d) $(2 - 8)^2 : (-2)^2$
- e) $2^3 - (-2)^3 : (-5)$
- f) $(-3 - 4) : 10 : 2$
- g) $-3^3 + 5 \cdot (-5)$
- h) $12 \cdot (-1) - (-7)$

324 Vereinfache die Ausdrücke zuerst. Dann löse die Rechnungen mit dem Taschenrechner.

- a) $\frac{5^3 \cdot 5^6}{5^2}$
- b) $\frac{4^2 \cdot 4^3}{4^4}$
- c) $\frac{8^3 \cdot 8^5}{8^2 \cdot 8^6}$
- d) $\frac{3^2}{3^4}$
- e) $\frac{2^2 \cdot 2^7}{2^6} - (2^3)^2$

$$\frac{5^3 \cdot 5^6}{5^2} = \frac{5^9}{5^2} = 5^7 \quad (TR) = 78125$$

325 Löse die Aufgaben ohne Taschenrechner.

- a) $\frac{3^2 \cdot 2^2 + 4^2}{60 - 56}$
- b) $\frac{6^2 \cdot 2 - 7^2}{14 + 3^2}$
- c) $\frac{2^3 \cdot 4^2 - 3^2}{5^2 - 6 \cdot 3}$
- d) $\frac{(16 - 3^2) \cdot 1}{(6 - 3)^2}$

$$\frac{3^2 \cdot 2^2 + 4^2}{60 - 56} = \frac{3^2 \cdot 2^2 + 4^2}{4} = \frac{36 + 16}{4} = \frac{52}{4} = \underline{13}$$

Rechne Schritt für Schritt!

326 Vereinfache die Ausdrücke.

- a) $a^4 \cdot b \cdot \frac{a^2}{b}$
- b) $x^2 \cdot y^4 \cdot \frac{y}{x}$
- c) $c^3 \cdot g \cdot \frac{g^5}{g^7}$
- d) $\frac{a^2}{b \cdot a} + a \cdot b^2 \cdot a^3$
- e) $t^3 \cdot s^3 \cdot \left(\frac{a}{b}\right)^3$
- f) $\left(m^2 \cdot v^2 + \frac{m^4}{m \cdot v^3}\right) \cdot (m \cdot v)^2$
- g) $p^6 \cdot k^3 \cdot \frac{k^3}{t^6}$
- h) $c^2 \cdot (d^4)^2 \cdot c^4$



Ziele

Potenzieren in die Rechenregeln einordnen können
 Reihenfolge einordnen können
 Sicherheit beim Lösen verketteter Rechnungen gewinnen

Wissen



Vorrangregeln

Das Potenzieren kommt in der Reihenfolge der Rechenarten nach den Klammern und vor den Punktrechnungen:

1. Klammern
2. Potenzieren
3. Punktrechnungen (· und :)
4. Strichrechnungen (+ und -)
5. von links nach rechts

Interessant

Rechenarten dritter Stufe

Neben den Rechenarten erster Stufe (+, -) und den Rechenarten zweiter Stufe (·, :) hast du mit dem „Potenzieren“ nun auch eine Rechenart dritter Stufe kennengelernt. Eine weitere Rechenart dritter Stufe, das Wurzelziehen, wirst du in Kapitel K lernen.

→ Übungsteil, S. 55

Zehnerpotenzen

327 Setzt die Reihe fort und beschreib eure Beobachtungen. 

H1
H4
I1
 $10 = 10 = 10^1$
 $100 = 10 \cdot 10 = 10^2$
 $1\ 000 = 10 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{\hspace{2cm}}$
 $10\ 000 = \underline{\hspace{2cm}}$

Du sprichst:
 $10 = \text{„zehn hoch 1“}$
 $100 = \text{„zehn hoch 2“}$

Ziele

- ⇒ Zahlen mit Hilfe von Zehnerpotenzen darstellen können
- ⇒ die Namen der wichtigsten dekadischen Einheiten kennen

328 Schreibe die Zahlen in Zifferschreibweise an.

H1
I1
 a) $23 \cdot 10^3$ c) $97 \cdot 10^6$ e) $8 \cdot 10^3$ g) $7 \cdot 10^6$
 b) $6 \cdot 10^2$ d) $4 \cdot 10^5$ f) $12 \cdot 10^4$ h) _____

Wissen

Potenzschreibweise

Die Potenzschreibweise verwendest du, um große Zahlen kürzer anschreiben zu können.

Beispiel:

$$47\ 000 = 47 \cdot 1\ 000 = 47 \cdot 10^3$$

Ziffernschreibweise Potenzschreibweise

329 Schreibe die Zahlen mit Hilfe von Zehnerpotenzen an.

H1
I1
 a) 65 000 d) 80 g) 150 000 000
 b) 300 e) 90 000 h) 2 000 000 000
 c) 13 000 000 f) 4 200 i) 30 000 000 000

330 Schreibe die Zahlen zuerst in Zifferschreibweise und dann mit Hilfe von Zehnerpotenzen an.

H1
I1
 a) 4 Millionen d) 7 Billionen g) 38 Milliarden
 b) 12 Milliarden e) 40 Tausend h) 92 Millionen
 c) 95 Tausend f) 20 Billionen i) 43 Tausend

Interessant

Namen dekadischer Einheiten

- 10^1 *Deka* (Zehn)
- 10^2 *Hekto* (Hundert)
- 10^3 *Kilo* (Tausend)
- 10^6 *Mega* (Million)
- 10^9 *Giga* (Milliarde)
- 10^{12} *Tera* (Billion)

331 Setze die fehlenden Zahlen ein.

H3
I1
 a) $7 \cdot 10^4 = \underline{70} \cdot 10^3$ f) $35 \cdot 10^4 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^3$
 b) $6 \cdot 10^7 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$ g) $28 \cdot 10^8 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$
 c) $2 \cdot 10^5 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^3$ h) $92 \cdot 10^{10} = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^9$
 d) $5 \cdot 10^8 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$ i) $16 \cdot 10^9 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$
 e) $3 \cdot 10^2 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^3$ j) $14 \cdot 10^2 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^3$
 f) $8 \cdot 10^5 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$ k) $75 \cdot 10^7 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^9$
 g) $9 \cdot 10^4 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$ l) $28 \cdot 10^5 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$
 h) $4 \cdot 10^9 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^9$ m) $39 \cdot 10^4 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot 10^6$

332 Lisa und Nele haben die Aufgabe $7\ 000 \cdot 400$ unterschiedlich gelöst. 

H1
H2
I1

Lisa: $7\ 000 \cdot 400 = \underline{2\ 800\ 000}$ Nele: $7 \cdot 10^3 \cdot 4 \cdot 10^2 = \underline{28 \cdot 10^5}$

- Findet Vor- und Nachteile der beiden Methoden. Besprecht eure Ergebnisse mit anderen.
- Löst die Aufgabe $35\ 000\ 000 \cdot 20\ 000$ auf beide Arten.

→ Übungsteil, S. 56

Gleitkommadarstellung

333 Schreibe die Zahlen in Zifferschreibweise an.

- H1
I1
- a) $4,25 \cdot 10^3$ a) $4,25 \cdot 10^3 = \underline{\underline{4250}}$
 b) $1,8 \cdot 10^3$
 c) $9,04 \cdot 10^2$
 d) $7,106 \cdot 10^6$ f) $8,41 \cdot 10^5$ h) $6,9 \cdot 10^6$ j) $1,01 \cdot 10^7$
 e) $5,3 \cdot 10^4$ g) $3,6651 \cdot 10^9$ i) $2,58 \cdot 10^3$ k) $9,52 \cdot 10^4$

334 Schreibe die Zahlen in Gleitkommadarstellung an.

- H1
I1
- a) 52 700 a) $52700 = \underline{\underline{5,27 \cdot 10^4}}$
 b) 16 000
 c) 2 682 000
 d) 821 f) 722 000 h) 95 j) 12 820 000
 e) 4 610 g) 3 500 i) 81 400

335 Lies den Text über GPS-Satelliten und löse die Aufgaben dazu.

H3
I1

GPS-Satelliten
 Das Global Positioning System (GPS) besteht aus 24 Satelliten. Sie fliegen etwa $2 \cdot 10^4$ km über der Erdoberfläche. Die Erde selbst hat einen Radius von $6,36 \cdot 10^3$ km und einen Umfang von $4 \cdot 10^4$ km. Die Bahn der Satelliten um die Erde ist $1,7 \cdot 10^4$ km hoch. Mit einer Geschwindigkeit von $1,4 \cdot 10^4$ km/h braucht ein Satellit für eine Umrundung 12 Stunden.

- a) Schreibe die folgenden Werte in Zifferschreibweise an.
 (1) Erdradius (4) Umlaufzeit des Satelliten
 (2) Umfang der Erde (5) Umlaufhöhe des Satelliten
 (3) Höhe des Satelliten über der Erdoberfläche
- b) Beantworte die Fragen.
 (1) Wie oft umkreist ein Satellit die Erde in einer Woche?
 (2) Wie viele Kilometer legt ein Satellit in einer Woche zurück?

336 Schreibe die Zahlen in wissenschaftlicher Schreibweise an.

- H1
I1
- a) 752 400 a) $752400 = \underline{\underline{7,524 \cdot 10^5}}$
 b) 91 400
 c) 5 920 f) 35 400 000 000
 d) 604 000 g) 26 890
 e) 54 800 000 h) 832 740 000

Verwende nur Zehnerpotenzen in 3er-Schritten: $10^3, 10^6, 10^9, \dots$



337 FORSCHE WEITER

H3
I1

FLO / SCI / ENG

Was bedeuten die Einstellungen FLO, SCI und ENG bei Taschenrechnern?

Ziel

mit Zahlen in Gleitkommadarstellung arbeiten können

Wissen

Gleitkommazahlen

große Zahlen lassen sich durch die Gleitkommadarstellung einfacher und kürzer anschreiben.

$$420\,000 = \underline{4,2} \cdot 10^5$$

Mantisse

Die Mantisse ist dabei größer oder gleich 1 und kleiner als 10.

Technische Schreibweise

In Physik, Chemie und Technik haben sich vor allem die Exponenten 3, 6, 9, ... bewährt:
 $42\,853\text{ m} = 42,853 \cdot 10^3\text{ m}$

Interessant

Global Positioning System (GPS)



Das GPS gibt es seit 1985. Anfangs wurde es nur von der US-Armee genutzt. Im Mai 2000 wurde die Nutzung für alle freigegeben. Heute arbeiten Navigationssysteme und Handys auf der ganzen Welt mit diesem System.

→ Übungsteil, S. 57

Anwendung

338 Lest den unten stehenden Artikel über Silvester „2017/18“.  Löst dann die Aufgaben dazu.

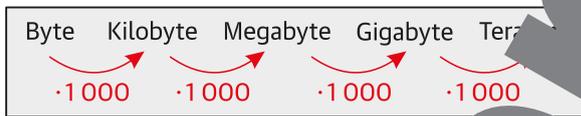
H2
H3
I1

SILVESTER 2017/18

Die kommende Silvesternacht 2017/18 wird für Österreichs Mobilfunknetze eine besondere Belastungsprobe. [...] Die Mobilfunkindustrie schätzt auf Basis der Entwicklung der letzten Monate mit einem mobil übertragenen Datenvolumen von 11 Millionen Gigabyte in den Stunden rund um den Jahreswechsel eine Steigerung von rund 110% gegenüber dem Vorjahr entspricht.

(Quelle: Forum Mobilkommunikation [www.fmk.at])

- a) Kreuzt an: Von welcher Datenmenge wird in dem Artikel gesprochen?
- $11 \cdot 10^9$ Byte $11 \cdot 10^{15}$ Byte $11 \cdot 10^{18}$ Byte
- b) Gebt die Datenmenge 11 000 000 Gigabyte (GB) in den Einheiten Terabyte (TB), Megabyte (MB) und Kilobyte (KB) an.
- Tipp: Die abgebildete Grafik hilft euch beim Umwandeln.*



- c) Wie hoch war das Datenvolumen im Vergleich dazu?
- d) **FORSCHT WEITER:** Wie hoch sind die aktuellen Datenmengen im Silvester?

339 Überschlage die jährlichen Mietkosten für Mobilfunkstationen.

H3
I1

„In Österreich sind rund 20 000 Mobilfunkstationen (Sender) installiert.“ (Quelle: Wikipedia, Stand 2016)

Rechne mit 1 000,- € Jahresmiete pro Standort.

340 Telefonieren über Handys

H1
H2
H3
I1

„Die Gesprächsdauer pro Jahr 2016 betrug in Österreich rund 20 Milliarden Minuten.“ (Quelle: Wikipedia)

- a) Wie viele Minuten waren das in etwa pro Person und Jahr? Rechne mit 9 Millionen Personen.
- b) Wie viele Minuten waren das in etwa pro Person und Tag? Rechne mit 100 Tagen pro Jahr. Danach rechne genauer.

341 FERMI-AUFGABEN

H1
H2
I1

Verkaufte Handys
Wie viele Handys werden pro Tag ...

- a) in Österreich b) in deinem Bundesland c) in deiner Stadt ... verkauft? Wie viel Geld wird dabei umgesetzt?

Tipp: Hinweise zum Lösen von Fermi-Aufgaben findest du im Wissenskasten rechts!



Ziel

⇒ verschiedene Potenzschreibweisen verwenden können

Wissen

Fermi-Aufgaben

... sind Aufgaben, bei denen es keine exakten Angaben und Lösungen gibt.

Beispiel:

Wie schwer sind 789 Menschen?

Überschlag nach Fermi:
1 Mensch wiegt 100 kg,
1 000 Menschen gesamt;
Rechnung: $10^2 \cdot 10^3 = 10^5$
→ **Antwort:**
ca. 100 000 kg

Interessant

Beruf:
Telekommunikations-techniker/in



Bei diesem Beruf reparierst, installierst oder entwickelst du elektronische Geräte rund um das Thema Telefonie und Internet.

Es gibt verschiedene Ausbildungen:
– Lehrberuf
– mit Matura (HTL, ...)
– Studium (Universität, ...)

→ Übungsteil, S. 58
→ Cyber Homework 12

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Potenzen bilden und berechnen

342 Berechne den Wert der angegebenen Potenzen ohne Taschenrechner.

H2
I1

a) $6^2 = \underline{\hspace{2cm}}$

c) $5^3 = \underline{\hspace{2cm}}$

e) $(\frac{1}{4})^2 = \underline{\hspace{2cm}}$

b) $3^4 = \underline{\hspace{2cm}}$

d) $(-9)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$

f) $(-1)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$

☞ F2
☞ F3

343 Löse die Aufgaben.

H1
H2
I1

a) Berechne den Wert der Potenz 12^4 mit dem Taschenrechner.

b) Wie lautet die Basis der Potenz 7^{22} ?

c) Schreibe die Multiplikation als Potenz an: $x \cdot x \cdot x \cdot x = \underline{\hspace{2cm}}$



☞ F1
☞ F3

Potenzen vereinfachen, Potenzen potenzieren

344 Vereinfache die Potenzen.

H2
I1

a) $3^2 \cdot 3^5$

d) $6^3 \cdot 4^3$

g) $(5^2)^3$

b) $0,45^3 \cdot 0,45^2$

e) $(-2,5)^2$

h) $(15 \cdot 1)^4$

c) $a^4 \cdot a^2 \cdot a^3$

f) $3^x \cdot 5^x$

i) $(-3)^{-1}$

☞ F4
☞ F5
☞ F6

Verbindung mit Grundrechenarten

345 Löse die Aufgaben ohne Taschenrechner.

H2
I1

a) $35 - 3^2 \cdot (5 - 3)$

b) $(6^3 - 18) : (-3)^3$

c) $(10 - 4^2)^2 - (13 - 3^2)$

☞ F7

346 Vereinfache die Terme.

H2
I2

a) $x^3 \cdot y \cdot \frac{x^4}{y}$

b) $\frac{s^5}{s \cdot t} \cdot s \cdot t^2 \cdot s^2$

c) $a^5 \cdot b^2 \cdot \frac{b^2}{a}$

☞ F7

Zehnerpotenzen, Gleitkommadarstellung, Anwendung

347 Schreibe die Zahlen zuerst in Ziffernschreibweise und dann in Zehnerpotenzen an.

H1
I1

a) Zweihunderttausend

b) Zwölf Millionen

c) Achtzig Milliarden

☞ F8

348 Schreibe die Zahlen in Gleitkommadarstellung an.

H1
I1

a) 8 000 000

b) 2 140 000

c) 620 000 000

☞ F9

349 Überschlagen mit Hilfe von Zehnerpotenzen

H1
H2
H3
I1

„Am Samstag waren rund 10 000 Menschen im Einkaufszentrum.“

Wie viel Geld hat das Einkaufszentrum an diesem Tag in etwa umgesetzt?
Rechne pro Person mit 100 €.

☞ F10

G

Rechnen mit Termen Ausmultiplizieren, Herausheben, Binomische Formeln



Inhalt

Warm-up	82
G1 Einführung Terme	83
G2 Zahlenfolgen	84
English Corner	85
Extra: Texte und Terme	85
G3 Terme addieren und subtrahieren	86
G4 Bruchterme	87
G5 Klammern ausmultiplizieren	88
Extra: Geometrie-Rätsel	89
G6 Herausheben	90
G7 Binome miteinander multiplizieren	91
G8 Binomische Formeln	92
G9 Anwendung	93
Checkpoint	94

350 Schaut euch den Comic an und besprecht ihn mit eurer Klasse und eurem Vater an.
Löst dann die Aufgaben.



- Löst die Aufgaben aus dem Comic. Wie lautet das Ergebnis?
- Warum ist die Lösung von Stefans Vater falsch? Besprecht es mit eurer Klasse.
- Kläre die Rechenmethode von Stefans Vater. Wie führt die Anwendung von a und b zu dem auch zum richtigen Ergebnis führen? Dabei gilt $a \leq 9$ und $0 \leq b \leq 9$. Begründe dein Ergebnis.

Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Rechnen mit negativen Zahlen, Vorrangregeln

351 Löse die angegebenen Rechnungen.

H2
I1

a) $-14 + 20 =$ _____

b) $35 - (-63) =$ _____

c) $15 \cdot (-2) =$ _____

d) $(-9) \cdot (-6) =$ _____

e) $(4 - 5) \cdot (-7) =$ _____

f) $(-8) \cdot (-6 + 2) =$ _____

352 Löse die angegebenen Rechnungen.

H2
I1

a) $514,2 - 67,5 \cdot (3 - 0,4)$

b) $(-290,5) : 2 + 0,8 \cdot (108,4 + 76,2)$

c) $(97,6 + 62,25 : 0,25) - 187,8 \cdot 0,5$

Bruchrechnen

353 Löse die angegebenen Rechnungen.

H2
I1

a) $\frac{3}{7} - \frac{2}{4}$

b) $1\frac{1}{4} + \frac{1}{2}$

c) $\frac{7}{8}$

d) $\frac{5}{6} + \frac{2}{9}$

354 Löse die angegebenen Rechnungen.

H2
I1

Kürze, wenn möglich.

a) $\frac{2}{5} \cdot \frac{10}{11}$

b) $\frac{3}{7} : \frac{1}{2}$

c) $\frac{4}{5} : \frac{2}{3}$

d) $\frac{3}{4} : \frac{2}{7}$

Rechnen mit Potenzen

355 Berechne den Wert der angegebenen Potenzen ohne Taschenrechner.

H2
I1

a) $8^2 =$ _____

b) _____

c) $(\frac{3}{5})^2 =$ _____

d) $(-2)^3 =$ _____

356 Löse die angegebenen Rechnungen ohne Taschenrechner.

H2
I1

a) $210,5 - (55,19 - 2) \cdot 0,8$

b) $[(3^2)^2 - 1]^4 : 16$

c) $12 : (7 - 2)^2$

Grundbegriffe der Algebra

357 Welche Art von Gleichung handelt es sich?

H1
I1

a) 38,4

Zahl Variable

c) $7x = 21$

Term Gleichung

b) y

Zahl Variable

d) $8x - 5$

Term Gleichung

Einführung Terme

358 Bestimme jeweils den Koeffizienten der angegebenen Variablen.

H3
I2

Koeffizient	$2a + 5b$	$8a - 3b$	$-5a - b$	$a + 4b$	$3a - 3b$
... von a:	2				
... von b:					

359 Berechne jeweils den Wert des Terms.

H2
I2

	$3x$	$5x - 4$	$-x + 16$	$\frac{x}{2} + 1$	$2x + 3$
$x = 2$	6				
$x = 10$					
$x = -2$					

360 Vereinfache, wenn möglich, zuerst den angegebenen Term. Berechne dann jeweils den Wert des Terms.

H2
I2

a) $T(x) = 3 \cdot x + x \cdot 2 - 5$
 $T(3) = ?$

$$T(x) = 3x + 2x - 5$$

$$= 5x - 5$$

$$T(3) = 5 \cdot 3 - 5$$

Machte die
 Regeln:
 Malpunkt zwischen
 Koeffizient und Variable lässt
 sich weglassen!
 Vereinfache die Variablen
 nach dem Aufgebot!

b) $T(y) = y \cdot 8 - 2 + y$
 $T(2) = ?$

c) $T(z) = 12 - z + 4 + 6 \cdot z$
 $T(-1) = ?$

d) $T(a) = a^2 + 4 - a \cdot 3 + a$
 $T(3) = ?$

g) $T(c, d) = c + d \cdot (-2) - d$
 $T(3, 3) = ?$

e) $T(a, b) = a + b$
 $T(1, 5) = ?$

h) $T(f, g) = 13 + f - g \cdot 2 - 5 \cdot f$
 $T(10, -2) = ?$

f) $T(m, n) = m + 4 \cdot n + m$

i) $T(r, s) = s + r \cdot 4 + 8 + s$
 $T(-1, 2) = ?$



361 Kreuze an, welche Art von Term handelt es sich jeweils?

H1
H3
I2

	$3x - 2$	a^3	$x^2 + 4x - 10$	$7b$
Monom	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Binom	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Polynom	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Ziele

⇒ Begriffe Koeffizient, Monom, Binom und Polynom kennen und damit arbeiten können
 Werte von Termen berechnen können

Wissen



Koeffizient

Die Vorzahl einer Variablen nennt man Koeffizient. Beim Ausdruck $6x$ zum Beispiel ist 6 der Koeffizient der Variablen x .

Arten von Termen

Monom:
 eingliedriger Term
 Beispiel: $4x^2$

Binom:
 zweigliedriger Term
 Beispiel: $4x^2 + 5$

Polynom:
 mehrgliedriger Term
 Beispiel: $4x^2 - x + 2y + 5$

Terme benennen

Beispiel:
 $T(x) = 2x + 3$
 Man spricht:
 „ T von x ist gleich zwei x plus drei.“

Beispiel:
 $T_1(a, b) = a - b$

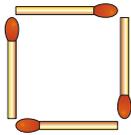
Man spricht:
 „ T eins von a und b ist gleich a minus b .“

Zahlenfolgen

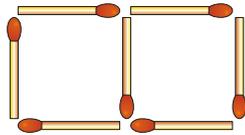
362 Die Zeichnung zeigt eine Folge von Streichholzmustern.



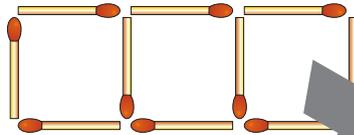
H1
H2
H3
I2



n = 1



n = 2



n = 3

Die Zahl der benötigten Streichhölzer wird durch die Formel $T(n) = 3n + 1$ beschrieben.

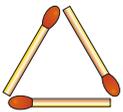
a) Ergänzt die Zahlen in der Tabelle.

n:	1	2	3	4	5	6	7	8
Streichhölzer:	4							

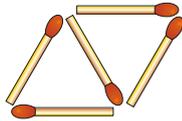
b) Erstellt eine Skizze für $n = 7$ und vergleicht die Anzahl der gezeichneten Hölzer mit der berechneten Zahl.

363 Die Zeichnung zeigt eine Folge von Streichholzmustern.

H1
H2
H3
I2



n = 1



n = 2



n = 3

a) Ergänze die Zahlen in der Tabelle.

n:	1	2	7	10	6	20
Streichhölzer:	3					

b) Erstelle eine Skizze für $n = 5$ und vergleiche die Anzahl der gezeichneten Hölzer mit der berechneten Zahl.

c) Finde eine Formel für die Berechnung der angegebenen Folge.

364 Die Zeichnung zeigt eine Folge von Quadratmustern.

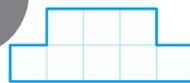
H1
H2
H3
I2



n = 1



n = 2



n = 3

a) Erstelle eine Tabelle für $n = 1$ bis $n = 10$ mit möglichst wenig Plätzen an Quadraten.

b) Finde eine Formel für die Berechnung der angegebenen Folge.

365 KNOBELAUFGABE

H1
I2

Musterfolge

Finde eine Musterfolge mit Quadraten zu der Formel $T(n) = 3n + 1$.

Vergleiche dein Ergebnis mit anderen.

Beispiel

Geometrische Muster können oft mit Hilfe von Zahlenfolgen beschrieben werden.

Wissen

Zahlenfolge

Man erhält eine Zahlenfolge, wenn man bei einem Term $T(n)$ für n aufeinanderfolgende Zahlen einsetzt.

Beispiel:

$$T(n) = 2n + 1$$

$$T(0) = 1$$

$$T(1) = 3$$

$$T(2) = 5$$

$$T(3) = 7$$

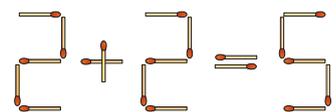
...

Variable n

Für Folgen verwendet man üblicherweise die Variable n , weil man natürliche Zahlen in den Term einsetzt.

Interessant

Weitere Streichholzrätsel



Welches Streichholz musst du umlegen, damit die Gleichung stimmt?

Rätsel mit unterschiedlichsten mathematischen Aufgaben zum Knobeln findest du im Internet.

English Corner

366 When $n = 3$, evaluate the following expressions.

H2
I2

- a) $12 - n + 4n$ c) $2n^2 + n - 15$
 b) $5n - (7n + 1) : 2$ d) $(n^3 - n^2 - n) \times 4$

367 Simplify the following expressions.

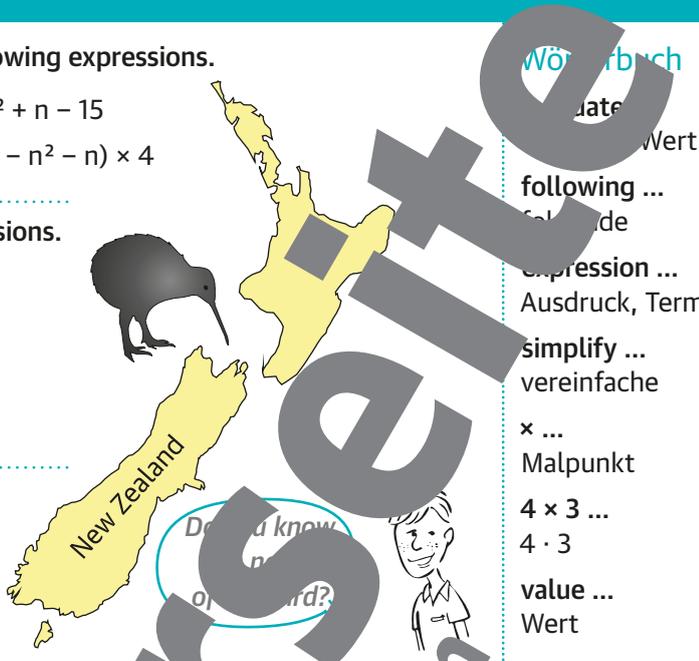
H2
I2

- a) $t + 15 - 2 + 5t$
 b) $3t + 2t - (t + 3)$
 c) $12 - t + 3 + t^2 - 4t + 2$
 d) $10t - (5 + t - 2t^2 + 3t) - t^2$

368 Find the value of $2p^2 - q$, if ...

H2
I2

- a) ... $p = 3$ and $q = 2$.
 b) ... $p = 1$ and $q = 4$.
 c) ... $p = 2$ and $q = \frac{1}{2}$.



Wörterbuch

Werte

following ...

folgende

Expression ...

Ausdruck, Term

simplify ...

vereinfache

\times ...

Malpunkt

4×3 ...

$4 \cdot 3$

value ...

Wert

Extra: Terms und Terme

369 Gib die gesuchte Zahl jeweils mit Hilfe eines Terms an.

H1
I2

- a) die Zahl, die um 1 größer ist als p c) die Zahl, die 10-mal so groß ist wie p
 b) die Zahl, die um 5 kleiner ist als p d) die Zahl, die halb so groß ist wie p

370 Finde die gesuchten Terme.

H1
I2

- a) Addiere 6 zum Dreifachen einer Zahl. c) Addiere die Hälfte einer Zahl und 7.
 b) Subtrahiere 5 vom Fünftel einer Zahl. d) Ziehe 5 vom Drittel einer Zahl ab.

371 Finde die gesuchten Terme.

H1
I2

- a) Von der Zahl n wird 3 subtrahiert und das Ergebnis mit 5 multipliziert. d) Von der Summe aus 8 und f wird g subtrahiert.
 b) Multipliziere die Summe von a und 9 mit 3 . e) Dividiere die Differenz von a und b durch 3 .
 c) Multipliziere n mit 4 und addiere 7 . f) Subtrahiere vom Produkt aus 9 und r das Dreifache der Zahl s .

372 Zur Zahl u wird 3 dazugezählt und das Ergebnis mit v multipliziert.

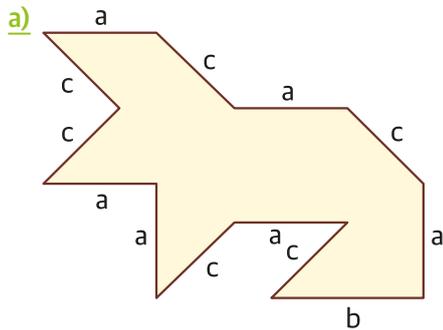
H1
H2
I2

- a) Schreibe den Term $T(u, v)$ an.
 b) Berechne den Wert des Terms $T(u, v)$ für
 (1) $u = 1, v = 2$ (2) $u = -1, v = 2$ (3) $u = -1, v = -2$
 c) Welchen Wert muss man für u wählen, damit das Ergebnis gleich null ist?

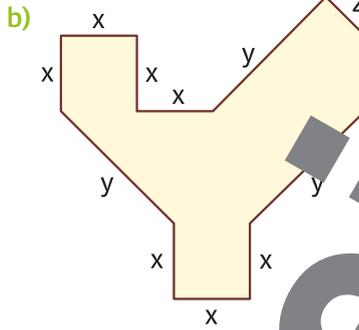
Terme addieren und subtrahieren

373 Finde (einfache) Terme zum Berechnen des Umfangs. Berechne dann den Umfang für die angegebenen Werte.

H1
H3
I2



$$\begin{aligned} a &= 7 \\ b &= 8 \\ c &= 6 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} x &= 1,5 \\ y &= 5,2 \\ z &= 9 \end{aligned}$$

374 Vereinfache die Terme so weit wie möglich. Führe jeweils die Probe für $x = 1$ und $y = 2$ durch.

H2
I2

a) $4x - (2 + y) + x$

$$\begin{aligned} 4x - (2 + y) + x &= \xrightarrow{\text{Probe}} 4 \cdot 1 - (2 + 2) + 1 = 1 \\ 4x - 2 - y + x &= 4 \cdot 1 - 2 - 2 + 1 = 1 \\ 4x + x - y - 2 &= 5x - y - 2 \\ \underline{5x - y - 2} & \xrightarrow{\text{Probe}} 5 \cdot 1 - 2 - 2 = 1 \end{aligned}$$

b) $2y - (3y - 4x) + 3$

c) $x + (y - 3x) - 2$

d) $20 - (-2x + 3y) + 3y$

e) $5x - (2x + 3) + (y - 3x)$

f) $3x - (y - x) + 8 + (2x - 6y)$

g) $7x - (3 - 2y + x) + (1 - x)$

375 Vereinfache die Terme so weit wie möglich. Führe jeweils die Probe für $x = 1$ und $y = 2$ durch.

H2
I2

a) $x^2 + 4x - (x^2 - 3x)$

b) $5 - 2x + (3 - x) - 5x^2$

c) $(2x - 3) - (2x^2 + 3)$

d) $4x^2 - (8x - x^2) + 2x^3 - x$

e) $x + x^3 - x^2 - (-3x + x^2 - 4x^3)$

f) $1 - (x^2 - 3x^2) + 4x - 2x^2 + x^3$

376 Vereinfache die Terme so weit wie möglich. Führe jeweils die Probe für $x = 1$, $y = 2$ und $z = 3$ durch.

H2
I2

a) $3x^2 - (4x + 5y) + 2y^2 + (4y - y^2) - 2x + x^2$

b) $(-2x + z) - (4z + x^2 - 3y) + 2y + x - z + 3x^2$

c) $-2y - (x + y) - (3x^2 + y^2) + (2x - 4y) - 2x^2 + y^3$

d) $(4x - 1) + 3y^2 - (2 + x^2 - y) - 4y + 2x - (3x^2 - 1)$

e) $10 - x - (3x + y^2 + 2y) - y^2 + (5x^2 - 4) + 2y - 4x^2$

Beispiel

... mögliche Terme, ... Klammern, ... und subtrahieren können

Wissen



Terme vereinfachen

1. Löse die Klammern auf.
2. Ordne die Terme alphabetisch. Beginne jeweils mit der höchsten Potenz. (z. B.: $x^3 - 2x^2 + x + y^2 \dots$)
3. Fasse zusammen, was sich zusammenfassen lässt. (z. B.: $2x + x \dots$)
 $= 3x$

Klammern auflösen

Achtung: Ein Minus vor einer Klammer dreht die Rechenzeichen in der Klammer um!

Beispiel:

$$x - (-2 + x) = x + 2 - x$$

Tipp

Übersicht bewahren!

Schreibe deutlich und achte auf die Form. Farben helfen dir dabei.

$$\begin{aligned} 7x - 5 + 2x + 3 &= \\ \underline{7x + 2x} - \underline{5 + 3} &= \\ \underline{9x - 2} & \end{aligned}$$

Bruchterme

377 Gib für jeden Term an, welchen Wert x nicht annehmen darf.

H3
I2

a) $\frac{5}{x-1}$

a) $\frac{5}{x-1}; x \neq 1$

Der Nenner darf niemals gleich 0 sein!

b) $\frac{2}{x-4}$

c) $\frac{3}{2x-10}$

f) $\frac{6-3x}{7-x}$

i) $\frac{-x-4}{18+2x}$

d) $\frac{4}{x+2}$

g) $\frac{x^2+4}{3x+12}$

j) $\frac{4}{x^2}$

e) $\frac{x-3}{x+5}$

h) $\frac{-5}{6x-12}$

k) $\frac{5}{4x+12}$

378 Berechne jeweils den Wert des Terms für a = 3 und b = 5.

H2
I2

a) $\frac{a+5}{b-a}$

c) $\frac{b}{5a}$

e) $\frac{2a+3b}{a}$

g) $\frac{2 \cdot (a+b)}{ab}$

b) $\frac{a^2}{2 \cdot (a+b)}$

d) $\frac{6-2a}{3b^2}$

f) $\frac{2 \cdot (a+2b)}{b-a}$

379 Berechne jeweils den Wert des Terms für a = 2 und b = 3.

H2
I2

a) $-\frac{b}{a-b}$

c) $\frac{-a}{b^2+1}$

e) $-\frac{2a+b}{b}$

g) $\frac{a^2-10b}{ab+7}$

b) $\frac{a-b}{a+b}$

d) $\frac{-2b}{-3a}$

f) $\frac{a-b}{a+b}$

h) $\frac{a^2+3a-2b}{-a+2 \cdot (a+b)}$

380 Stefan behauptet:



H2
H4
I2

$\frac{-x}{y} = \frac{x}{-y} = -\frac{x}{y}$

Jakob glaubt ihm aber nicht.

- a) Überprüft Stefans Behauptung, indem ihr Werte für x und y einsetzt.
- b) Besprecht eure Überlegungen miteinander.

381 Vereinfache die Terme so weit wie möglich.

H2
I2

Führe jeweils die P... für m = ... durch.

a) $\frac{m}{2} + \frac{m}{3}$

a) $\frac{m}{2} + \frac{m}{3} = \frac{3m}{6} + \frac{2m}{6} = \frac{5m}{6}$

b) $\frac{m}{4} + \frac{m}{6}$

$\frac{3m}{6} + \frac{2m}{6} = \frac{5m}{6}$

c) $\frac{m}{2} - \frac{m}{3}$

Probe für m = 2

d) $\frac{m}{2} - 3$

$\frac{2}{2} + \frac{2}{3} = 1\frac{2}{3}$

e) $3m + \frac{m}{10} - 4$

$\frac{5 \cdot 2}{6} = \frac{10}{6} = 1\frac{4}{6} = 1\frac{2}{3}$

f) $-m - \frac{m}{4} + \frac{3m}{2} - 1$

g) $\frac{2m}{3} - 2m + 5 + \frac{m}{3}$

Ziel

⇒ mit ein...
Bruchtermen
... können

Wissen

Bruchterme

Von einem Bruchterm spricht man, wenn im Nenner eines Bruches eine Variable vorkommt.

Beispiele: $\frac{3}{x}$,

$\frac{5}{2y-4}$

Nenner ungleich 0

Da man nicht durch 0 dividieren kann, darf der Nenner eines Bruches niemals 0 sein.

Daher muss man bei Bruchtermen manche Werte für die Variable von vornherein ausschließen.

Beispiel: $\frac{3}{x} \rightarrow x \neq 0$

Tipp

Brüche addieren oder subtrahieren

Zuerst sucht man das kleinste gemeinsame Vielfache (kgV) der Nenner, dann erweitert man die Brüche.

Beispiel:

$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{5}{6}$

Klammern ausmultiplizieren

382 Multipliziere die Ausdrücke und ordne sie.

- H2
I2
- a) $3 \cdot b \cdot a \cdot 4$ a) $3 \cdot b \cdot a \cdot 4 = 12ab$
 b) $a \cdot 2 \cdot 5 \cdot b$
 c) $x \cdot 3 \cdot x \cdot 9$ d) $y \cdot 2 \cdot x \cdot y$ e) $8 \cdot a \cdot 3 \cdot b \cdot c$

383 Multipliziere die Ausdrücke.

- H2
I2
- a) $(-x) \cdot (+2)$ d) $a \cdot (-b)$ g) $(-x) \cdot 2y \cdot (-3z)$
 b) $3 \cdot (-4a)$ e) $c \cdot (-3c)$ h) $8a \cdot (-2b) \cdot a$
 c) $(-a) \cdot (-5)$ f) $(-v) \cdot (+3u)$ i) $(-y) \cdot (-z) \cdot (-w)$

384 Laut dem Verteilungsgesetz gilt: $(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$

- H1
H4
I2
- a) Prüfe das Gesetz anhand dieses Beispiels: $(10 + 3) \cdot 5$
 b) Luisa behauptet, dass sie das Gesetz beim Kopfrechnen nutzt. Wie meint sie das? Gib ein Beispiel dafür an.

385 Laut dem Verteilungsgesetz gilt: $(a - b) \cdot c = a \cdot c - b \cdot c$

- H4
I2
- a) Prüfe das Gesetz anhand dieses Beispiels: $(50 - 1) \cdot 2$
 b) Stasa behauptet, dass sie das Gesetz beim Kopfrechnen nutzt. Wie meint sie das? Gib ein Beispiel dafür an.

386 Vereinfache die Terme durch Ausmultiplizieren.

- H2
I2
- Führe jeweils die Probe für $x = 2$ durch.
 a) $(3 + x) \cdot 4$ c) $6 \cdot (3 + x)$ e) $x \cdot (2 - x)$
 b) $(x - 2) \cdot 5$ d) $4 \cdot (x - 2)$ f) $(1 + x) \cdot x$

387 Vereinfache die Terme durch Ausmultiplizieren.

- H2
I2
- a) $(2a - 5b) \cdot 3$ c) $(x - y) \cdot 2$ g) $(-3) \cdot (4x - 2y^2)$
 b) $(9x^2 + 2y) \cdot 7$ e) $7 \cdot (2x - y)$ h) $(3a^2 - 2ab) \cdot (-6)$
 c) $(14 + 3x) \cdot 2y$ f) $2b \cdot (x - b)$ i) $(-x - 5y) \cdot (-x)$

388 Multipliziere die Klammern aus.

Vereinfache dann die Resultate so weit wie möglich.

- H2
I2
- a) $(3x + y) \cdot 4 - (2x - 3y) \cdot 3$
 b) $(x^2 - 5) \cdot 2 + (2x + y) \cdot 3$
 c) $(5x - 3y) \cdot 2 + (2x + y) \cdot 3$
 d) $(-x + 2y) \cdot 2 + (x - 4y) \cdot 5$
 e) $(x^2 - x) \cdot 4 + (2x^2 + 3) \cdot 3$
 f) $3 \cdot (y - x) + (3x - y) \cdot (-2)$
 g) $(-x) \cdot (2x + y) + (x - 4y) \cdot 3$
 h) $(-2y + 4x) \cdot y - (y^2 + 2x) \cdot 2$

$$\begin{aligned} \text{a) } & \underbrace{(3x + y) \cdot 4}_{12x + 4y} - \underbrace{(2x - 3y) \cdot 3}_{6x - 9y} = \\ & (12x + 4y) - (6x - 9y) = \\ & \underbrace{12x}_{12x} + \underbrace{4y}_{4y} - \underbrace{6x}_{6x} + \underbrace{9y}_{9y} = \\ & \underbrace{12x - 6x}_{6x} + \underbrace{4y + 9y}_{13y} = \\ & \underline{\underline{6x + 13y}} \end{aligned}$$

Ziel

Vertauschungs- und Assoziativgesetz
 beim Rechnen mit Termen
 anwenden können

Wissen

Vertauschungsgesetz (Kommutativgesetz)

gilt bei der Addition:

$$a + b = b + a$$

und bei der Multiplikation:

$$a \cdot b = b \cdot a$$

Verteilungsgesetz (Distributivgesetz)

gilt bei der Multiplikation:

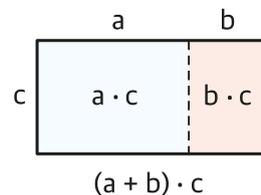
$$(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$$

und bei der Division:

$$(a + b) : c = a : c + b : c$$

Interessant

Grafische Darstellung des Verteilungsgesetzes



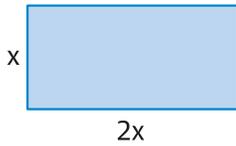
→ Übungsteil, S. 64

Extra: Geometrie-Rätsel

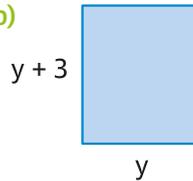
389 Finde jeweils einen Term zur Berechnung des Flächeninhalts bzw. des Umfangs.
Vereinfache die Terme so weit wie möglich.

H1
H2
I2
I3

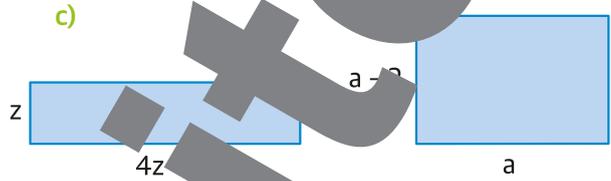
a)



b)



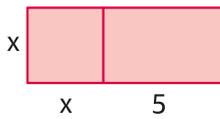
c)



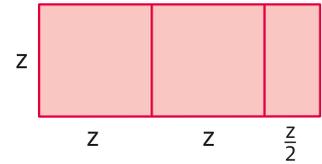
390 Finde jeweils einen Term zur Berechnung des Flächeninhalts bzw. des Umfangs.
Vereinfache die Terme so weit wie möglich.

H1
H2
I2
I3

a)



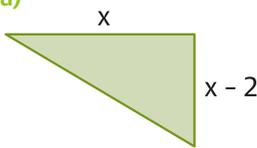
b)



391 Finde jeweils einen Term zur Berechnung des Flächeninhalts.
Vereinfache den Term so weit wie möglich.

H1
H2
I2
I3

a)



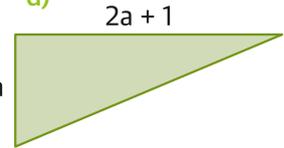
b)



c)



d)



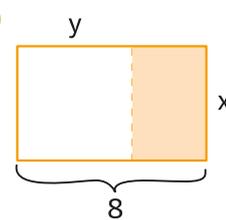
392 Finde jeweils einen Term zur Berechnung des Flächeninhalts der eingefärbten Fläche.
Vereinfache den Term so weit wie möglich.

H1
H2
I2
I3

a)



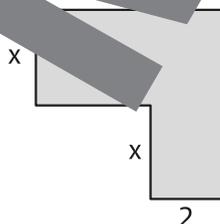
c)



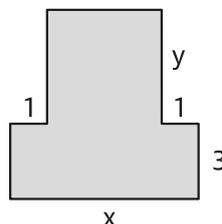
393 Finde jeweils einen Term zur Berechnung des Flächeninhalts der eingefärbten Fläche.
Vereinfache den Term so weit wie möglich und vergleiche mit anderen.

H1
H2
I2
I3

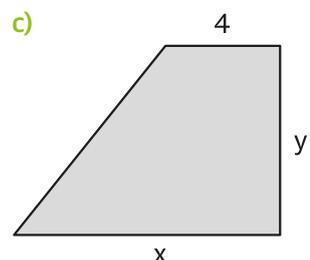
a)



b)



c)



Herausheben

394 Hebe jeweils eine Zahl heraus.

^{H2}₁₂ a) $3x + 6y$ b) $2x + 2y$

a) $3x + 6y =$
 $3 \cdot x + 3 \cdot 2 \cdot y =$
 $3 \cdot (x + 2y)$

- c) $6a + 2b$
- d) $9a - 6b$
- e) $4x + 20y$
- f) $2x + 10y + 6z - 4$
- g) $6a - 3b + 12c + 18$
- h) $4r + 20s^2 - 16t + 12u - 28$

395 Was hat Emma beim Herausheben falsch gemacht?

^{H2}_{H4}¹² $2x + 2 = 2(x + 0)$ f

- a) Besprich deine Überlegungen mit anderen.
- b) Löse die Aufgabe selbst richtig.
- c) Erkläre Emma in einer Kurzmittelteilung, was sie anders machen soll.

396 Hebe jeweils eine Variable heraus.

- ^{H2}₁₂ a) $3xy + 2y$ b) $x^2 - 2x$ c) $10x^2 - 7x$ d) $3st - 2t$

397 Hebe jeweils (-1) heraus.

- ^{H2}₁₂ a) $-2x - 5y$ b) $-3x - 2y$ c) $-2x^2 - 7$ d) $-3x^2 - 4x + 5$

398 Hebe so viel wie möglich heraus.

- ^{H2}₁₂ a) $15x^2 - 6x$ b) $10x^2 + 6x^2 - 10b$
 b) $8xy + 2y^2 - 4y$ e) $3x + 8x^2 - 4x$
 c) $-5s - 10t - 5u$ f) $-60a^2b + 20ab + 40b$

399 Hebe heraus und kürze, wenn möglich.

- ^{H2}₁₂ a) $\frac{2x + 2y}{4}$ b) $\frac{8a + 4}{2}$ g) $\frac{r^2 - rs}{6r}$ j) $\frac{16a + 12b^2}{8a^2 - 4}$
 b) $\frac{3xy - 2x}{x}$ c) $\frac{2a^2 - 3a}{3a}$ h) $\frac{3r + 6rs}{9r^2}$ k) $\frac{3ac - 5c}{2c^2 + 9c}$
 c) $\frac{6x^2 - 5}{3}$ d) $\frac{5}{5}$ i) $\frac{4s + 8t}{2s^2 - 6t}$ l) $\frac{6a - 9ab}{3a}$

400 Finde den Fehler.

^{H2}₁₂ Beschreibe, was Felix falsch gemacht hat. Dann löse die Aufgabe selbst richtig.

$\frac{7x + x}{x^2 - x} = \frac{x \cdot (7 + x)}{x \cdot (x - 1)} = \frac{7 + x}{x - 1}$ f



Beispiel
 Teile durch
 ausklammern
 was machen können

Wissen

Herausheben

ist die Umkehroperation zum Ausmultiplizieren von Klammern.

Ausmultiplizieren:

$(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$

Herausheben:

$a \cdot c + b \cdot c = (a + b) \cdot c$

Vorgehensweise beim Herausheben

Suche gemeinsame Faktoren, die in allen Gliedern vorkommen.

Beispiel:

$3ab + 12a =$
 $3a \cdot b + 3a \cdot 4 =$
 $3a \cdot (b + 4)$

Interessant

Buchstabenrechnen



François Viète (1540–1603) verwendete als Erster Buchstaben für Variablen. Er führte damit das „Buchstabenrechnen“ ein.

→ Übungsteil, S. 65

Binome miteinander multiplizieren

401 Multipliziere die Binome und ordne die Ergebnisse.

Führe jeweils die Probe für $x = 2$ durch.

- a) $(x + 5) \cdot (x + 2)$
- b) $(x + 1) \cdot (x + 3)$
- c) $(x + 2) \cdot (x + 6)$
- d) $(2x + 3) \cdot (x + 1)$
- e) $(4x + 5) \cdot (2x + 4)$
- f) $(3x + 1) \cdot (5x + 2)$

402 Multipliziere die Binome und ordne die Ergebnisse.

Führe jeweils die Probe für $x = 3$ durch.

- a) $(x + 4) \cdot (x - 2)$

Die Klammern lösen sich erst nach der Multiplikation!

$$(x + 4) \cdot (x - 2) = \xrightarrow{\text{Probe}} (3 + 4) \cdot (3 - 2) = 7 \cdot 1 = 7$$

$$(x + 4) \cdot x - (x + 4) \cdot 2 =$$

$$(x^2 + 4x) - (2x + 8) =$$

$$x^2 + 4x - 2x - 8 =$$

$$\underline{x^2 + 2x - 8} \xrightarrow{\text{Probe}} 3^2 + 2 \cdot 3 - 8 = 9 + 6 - 8 = 7$$

- b) $(x + 3) \cdot (x - 4)$
- c) $(x + 1) \cdot (x - 2)$
- d) $(x - 2) \cdot (x - 4)$
- e) $(x + 1) \cdot (x - 2)$
- f) $(4x - 8) \cdot (2x + 1)$
- g) $(x - 2) \cdot (x - 4)$

403 Multipliziere die Binome und ordne die Ergebnisse.

- a) $(2a + b) \cdot (a + 3b)$
- b) $(a - b) \cdot (2b + 4)$
- c) $(7 - 2a) \cdot (a + 3b)$
- d) $(4a + 8) \cdot (3a - 2)$
- e) $(a - 5) \cdot (a - b)$
- f) $(10 - 3b) \cdot (a + 4b)$
- g) $(1 - 2a) \cdot (a - 7b)$
- h) $(6a - 4) \cdot (b + 6)$

404 Multipliziere die Binome und ordne die Ergebnisse.

- a) $(2x^2 - 4) \cdot (x^2 + 6)$
- b) $(x^3 + 8) \cdot (x^2 - 2)$
- c) $(x^2 + 3y^2) \cdot (x - 6y^4 + 1)$
- d) $(3x^2 - 9) \cdot (9 - 2x)$
- e) $(x^2 - 2y) \cdot (4x + y^2 + 3)$
- f) $(3x + 5y^3) \cdot (x^2 - y^2 - 2)$
- g) $(x^2 + 3y^2) \cdot (x - 6y^4 + 1)$
- h) $(5xy - 2y) \cdot (x - 3y - 4)$

405 KNOBELAUFGABE

- $(3x + 2y - z + 2) \cdot (x - 4y)$
- a) Löse die angegebene Multiplikation. Vergleiche deinen Lösungsweg mit anderen.
 - b) Rechne mit einer Probe nach. Wähle die Werte für x , y und z selbst.

Ziel
 Binome miteinander multiplizieren können

Wissen

Binome miteinander multiplizieren

1. Möglichkeit: Binome kannst du mit Hilfe des Verteilungsgesetzes ausmultiplizieren.

Beispiel:

$$(a - b) \cdot (c + d) =$$

$$(a - b) \cdot c + (a - b) \cdot d =$$

$$(ac - bc) + (ad - bd) =$$

$$ac - bc + ad - bd$$

2. Möglichkeit: Multipliziere jedes Glied des ersten Terms mit jedem Glied des zweiten Terms, kurz: „Jedes mit jedem!“

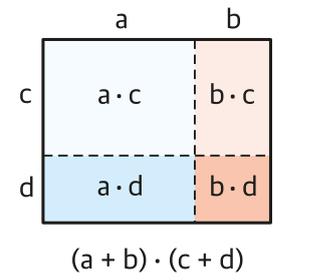
Beispiel:

$$(a - b) \cdot (c + d) =$$

$$ac - bc + ad - bd$$

Interessant

Grafische Darstellung des Verteilungsgesetzes für Binome



→ Übungsteil, S. 66

Binomische Formeln

406 Löse die Aufgaben mit Hilfe der binomischen Formeln.

Tip: Kontrolliere, indem du die Binome ausmultiplizierst!

a) $(x + 3)^2$

$$(x + 3)^2 = x^2 + 2 \cdot x \cdot 3 + 3^2$$

$$= x^2 + 6x + 9$$

Probe: $(x + 3) \cdot (x + 3) =$

$$(x + 3) \cdot x + (x + 3) \cdot 3 =$$

$$(x^2 + 3x) + (3x + 9) =$$

$$x^2 + 6x + 9$$

b) $(x + 4)^2$

c) $(m + 5)^2$

d) $(2p + 1)^2$

e) $(5s + 3)^2$

f) $(x - 3)^2$

g) $(a - 2)^2$

h) $(3y - 4)^2$

i) $(4z - 8)^2$

j) $(x - 5)^2$

k) $(a + 5)^2$

l) $(s + 3)^2$

m) $(9u - 4)^2$

407 Löse die Aufgaben mit Hilfe der binomischen Formeln.

a) $(3a + 4)^2$

b) $(2b - 3)^2$

c) $(5c + 2)^2$

d) $(4d - 7)^2$

e) $(9 - 3x)^2$

f) $(1 - 4y)^2$

g) $(3 + 2z)^2$

h) $(5 - 2x)^2$

i) $(x + 3)^2$

j) $(5a - 4)^2$

k) $(2 + 5c)^2$

l) $(12 + 3y)^2$

408 Kann Sabine die Rechnung mit der binomischen Formeln lösen?

$$(5 - 2x) \cdot (2x + 2 + 3)$$

Was meinst du?



409 Wende die binomischen Formeln umgekehrt an.

a) $x^2 + 10x + 25 = (x + 5)^2$

b) $y^2 + 4y + 4$

c) $z^2 - 6z + 9$

d) $4a^2 - 12a + 9$

e) $s^2 - 16$

f) $9x^2 - 6x + 1$

g) $4t^2 + 16t + 16$

h) $36 - 25p^2$

410 KNOBELAUFGABE

Lisa behauptet: $(-x - y)^2 = (x + y)^2$

a) Prüfe Lisas Aussage, indem du Werte für x und y einsetzt.

b) Falls Lisas Aussage nach a) nicht widerlegt ist: Versuche sie zu beweisen.

Tip: Vielleicht kannst du (-1) herausheben ...

Ziel

binomische Formeln anwenden

Wenn du die binomischen Formeln auswendig kannst, machst du weniger rechnen!

Wissen

Binomische Formeln

Diese drei Rechnungen kommen oft vor. Es ist praktisch, ihre Lösung auswendig zu können:

1. binomische Formel: $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
2. binomische Formel: $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
3. binomische Formel: $(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$

Berechnung mit Hilfe der binomischen Formeln

Anstatt zu rechnen, setzt man in das Schema ein.

Beispiel:

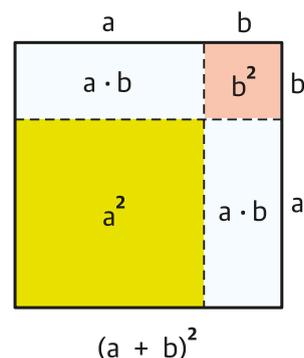
$$(2x + 5)^2 = 4x^2 + 20x + 25$$

$$[(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2]$$

[NR: a ... 2x → a² = 4x²
 b ... 5 → b² = 25
 → 2ab = 2 · 2x · 5 = 20x]

Interessant

Grafische Darstellung der Formel $(a + b)^2$



→ Übungsteil, S. 67

Anwendung

411 Eine Diplomkrankenschwester arbeitet Montag bis Mittwoch jeweils 3 h Stunden. Am Samstag arbeitet sie 4 h Stunden. Die restlichen Tage der Woche hat sie frei.

H1
H2
I2

- a) Drücke ihre Wochenarbeitszeit mit einem Term $T(x)$ aus.
b) Löse die Aufgabe für $x = 3$.

412 Ein Altenpfleger arbeitet Dienstag und Mittwoch jeweils 2y Stunden. Samstag und Sonntag arbeitet er jeweils 3y Stunden. Die restlichen Tage der Woche hat er frei.

H1
H2
I2

- a) Drücke seine Wochenarbeitszeit mit einem Term $T(y)$ aus.
b) Löse die Aufgabe für $y = 4$.

413 Erfinde selbst eine ähnliche Aufgabe wie in 411 oder 412. Gib sie deinen Mitschülerinnen und Mitschülern zum Lösen.

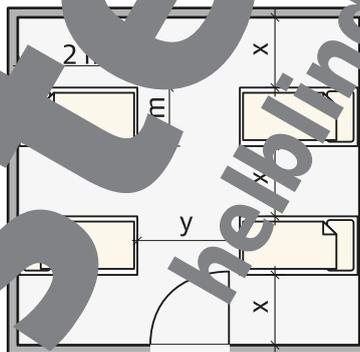
H1
I2

414 Die Skizze zeigt ein 4-Bett-Zimmer in einem Krankenhaus.

H1
H2
I2

Die Abstände zwischen den Betten dürfen nicht kleiner sein, damit das Pflegepersonal Platz zum Arbeiten hat. Der Mindestabstand links und rechts von einem Bett ist mit x , am Fuße eines Bettes mit y festgelegt.

- a) Drücke die Länge des Zimmers (von links nach rechts) mit einem Term $T(y)$ aus.
b) Drücke die Tiefe des Zimmers mit einem Term $T(x)$ aus.
c) Drücke den Flächeninhalt des Zimmers mit einem Term $T(x, y)$ aus.
d) Berechne a), b) und c) für $x = 2$ m und $y = 1,8$ m.



4-Bett-Zimmer

415 Entwerft ein 2-Bett-Zimmer nach dem Muster in Aufgabe 414. 

H1
H2
I2

- a) Zeichnet eine Skizze des Zimmers.
b) Drücke die Länge und Flächeninhalt des Zimmers als Term aus.
c) Berechne die Länge, die Tiefe und den Flächeninhalt des Zimmers für $x = 1,1$ m und $y = 1,5$ m.

416 KNOBELAUFGABE

H1
I2

Entwerft ein 2-Bett-Zimmer nach dem Muster in Aufgabe 414. 

Die Betten stehen entweder einander gegenüber oder nebeneinander. Welche der beiden Möglichkeiten braucht weniger Platz? Besprecht eure Überlegungen.

Ziel

⇒ mit Termen in Gleichungen und Ungleichungen arbeiten können

Wissen

Texte verstehen

Lies die Aufgaben so oft, bis du sie in eigenen Worten selbst erzählen könntest.

Hast du die Aufgabe erst einmal gut verstanden, fällt die Lösung meist leicht.

Interessant

Beruf:
Krankenpfleger/
Krankenschwester



Deine Arbeitsstätten sind meist Krankenhäuser, Alten- oder Pflegeheime.

Du arbeitest oft auch am Wochenende oder nachts.

Du benötigst hohes Verantwortungsgefühl und du musst genau mit Zahlen arbeiten, zum Beispiel beim Messen von Blutdruck und Puls oder beim Verabreichen von Medikamenten.

→ Übungsteil, S. 68

→ Cyber Homework 14

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Terme vereinfachen und berechnen

417 Vereinfache die Terme so weit wie möglich.

H2 I2 Berechne dann jeweils den Wert des Terms.

a) $T(x) = 3 \cdot x + 5 - x + 18 + 7 \cdot x$
 $T(2) = ?$

b) $T(a, b) = 2a + a - 5 \cdot b + 10$
 $T(9, 8) = ?$



418 Vereinfache die Terme so weit wie möglich.

H2 I2 Führe jeweils die Probe für $x = 2$ durch.

a) $5x^2 - 3x + 8 - (x^2 - 2x + 5)$

b) $3x - 5x^3 + \dots - 4 \dots + 2$



419 Berechne jeweils den Wert des Terms für $a = 4$ und $b = 2$.

H2 I2

a) $\frac{a}{3a - b^2}$

b) $\frac{-5b}{b^2 + a}$

c) $\frac{a}{b^2}$



420 Im Regal eines Lagers stehen fünf Schachteln, jeweils n Spielfiguren.

H1 I2

Auf dem Boden stehen drei weitere solche Schachteln.

Finde einen Term $T(n)$, der die Gesamtzahl der Spielfiguren ausdrückt.



Klammern ausmultiplizieren, Herausheben

421 Vereinfache die Terme durch Ausmultiplizieren.

H2 I2

a) $(6s - 2t) \cdot 5$

b) $(a + 2b) \cdot (a - b)$

c) $(-5) \cdot (x^2 - 3y^3)$



422 Multipliziere zuerst die Klammern aus.

H2 I2

Vereinfache dann die Terme so weit wie möglich.

a) $(x + 2y) \cdot 3 - (3x - y) \cdot 6$

b) $4x \cdot (5 - 2y) + (10x + y) \cdot (-2)$



423 Hebe so viel wie möglich aus.

H2 I2

a) $2x^2 + 6x$

b) $3ab + 2b^2$

c) $14x^2 + 2x - 4y + 10$



Binome multiplizieren, binomische Formeln

424 Multipliziere die Binome und ordne die Ergebnisse.

H2 I2

a) $(x + 2) \cdot (x + 3)$

b) $(2a - b) \cdot (a + 3)$

c) $(5x - 2y) \cdot (x - 3y)$



425 Löse die Aufgaben mit Hilfe der binomischen Formeln.

H2 I2

a) $(x + 5)^2$

c) $(9 - a)^2$

e) $(z + 3) \cdot (z - 3)$

b) $(3x + 2y)^2$

d) $(2s - 4t)^2$

f) $(2n - 5m) \cdot (5m + 2n)$



426 Wende die binomischen Formeln umgekehrt an.

H2 I2

a) $a^2 + 8a + 16$

b) $64r^2 - 25s^2$

c) $4p^2 - 12pq + 9q^2$



H

Verhältnis Definition, Berechnung und Maßstab



Inhalt

Warm-up	96
H1 Einführung Verhältnis	97
H2 Berechnungen mit dem Balkenmodell	98
H3 Verhältnisse berechnen	99
H4 Verhältnis- gleichungen	100
English Corner	101
Extra: Goldener Schnitt	101
H5 Gemischte Aufgaben	102
H6 Anwendung – Maßstab	103
Checkpoint	104

427 Schaut euch den Comic mit und ihrem Vater an. Löst dann die Aufgaben.

H1
H3
H4
I2

- Warum ist Silvy so verwirrt, dass es sich um eine Deutsch-Hausübung handelt?
- Wie könnte Silvy zum „Verhältnis“ von Mädchen und Buben in der Klasse lauten?
- Was ist mit dem „Verhältnis“ zwischen Mädchen und Buben in einer Statistik-Hausübung gemeint sein?
- Gebt ein Verhältnis zwischen Mädchen und Buben in eurer Klasse an. Falls nötig, verwendet dazu den Wissenskasten in Lernschritt H1.
- FORSCH WEITER**
Wie sieht das Verhältnis von Mädchen und Buben insgesamt aus? Werden mehr Mädchen als Buben geboren? Findet die genauen Zahlen für Österreich heraus.

Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Bruchzahlen erweitern und kürzen

428 Erweitere die Brüche mit den angegebenen Zahlen.

H2
I1

a) $\frac{4}{5}$ mit 3

a) $\frac{4}{5} \stackrel{(\cdot 3)}{=} \frac{12}{15}$

b) $\frac{3}{4}$ mit 6

c) $\frac{5}{8}$ mit 5

d) $\frac{2}{7}$ mit 4

e) $\frac{1}{8}$ mit 2

f) $\frac{9}{14}$ mit 3

g) $\frac{3}{6}$

h) $\frac{1}{11}$ mit 5

i) $\frac{2}{5}$ mit 10

429 Kürze die Brüche durch die angegebenen Zahlen.

H2
I1

a) $\frac{6}{15}$ durch 3

b) $\frac{5}{30}$ durch 5

c) $\frac{12}{28}$ durch 4

d) $\frac{9}{24}$ durch 3

430 Kürze die Brüche bis zu ihrer einfachsten Form.

H2
I1

a) $\frac{12}{66}$

a) $\frac{12}{66} \stackrel{(\cdot 2)}{=} \frac{6}{33} \stackrel{(\cdot 3)}{=} \frac{2}{11}$

b) $\frac{3}{9}$

c) $\frac{8}{32}$

d) $\frac{30}{45}$

e) $\frac{28}{182}$

g) $\frac{70}{105}$

h) $\frac{60}{195}$

i) $\frac{84}{114}$

Bruchzahlen und Dezimalzahlen

431 Schreibe die angegebenen Bruchzahlen als Dezimalzahlen an.

H1
I1

a) $\frac{3}{4}$

c) $\frac{4}{5}$

b) $\frac{7}{8}$

d) $\frac{13}{25}$

f) $\frac{7}{25}$

$\frac{3}{4} = 3 : 4 = \underline{0,75}$

NR: $3 : 4 = \underline{0,75}$

30

20

0 Rest

432 Schreibe die angegebenen Dezimalzahlen zuerst als Bruchzahlen an.

H1
H2
I1

Kürze dann die Brüche bis zu ihrer einfachsten Form.

- a) 0,5 b) 0,47 c) 0,83 d) 0,06 e) 2,25

Längenmaß und Maßstab

433 Wandle jeweils in die angegebene Maßeinheit um.

H2
I1

a) 1 m = _____ mm

c) 1,8 cm = _____ mm

e) 822 mm = _____ cm

b) 1 km = _____ m

d) 503 cm = _____ mm

f) 396 mm = _____ m

434 Berechne jeweils die fehlende Größe (Maßstab 1 : 200).

H2
I1

Plan	1 cm	6 mm			2 dm
Wirklichkeit			10 m	3 m	

Einführung Verhältnis

435 Gib jeweils das Verhältnis von Mädchen zu Buben an.

H1
I2

- In einer Klasse sind ...
- 15 Mädchen und 10 Buben.
 - 6 Mädchen und 16 Buben.
 - 11 Mädchen und 11 Buben.
 - 16 Mädchen und 4 Buben.
 - 20 Mädchen und 5 Buben.
 - 12 Mädchen und 16 Buben.
 - 7 Mädchen und 14 Buben.

$$a) \quad \frac{15}{10} = \frac{3}{2} = \underline{\underline{3:2}}$$

Mädchen : Buben = 3 : 2

Man sagt auch:
„Auf 3 Mädchen
kommen 2 Buben.“

436 Gib jeweils das Verhältnis von Mädchen zu Buben sowie das umgekehrte Verhältnis von Buben zu Mädchen an.

H1
I2

- a) In einer Fußballmannschaft spielen 8 Buben und 15 Mädchen.

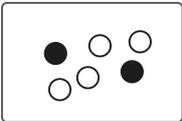
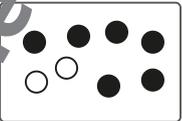
Mädchen : Buben = 3 : 8

Buben : Mädchen = 8 : 3

- In einer Handballmannschaft spielen 10 Mädchen und 2 Buben.
- Beim Tennisdoppel spielen jeweils ein Mädchen und ein Bube.
- In einer Völkerballmannschaft spielen 8 Buben und 20 Mädchen.

437 Bestimme jeweils das Verhältnis von weißen (W) und schwarzen Kreisen (S) als $W : S = \dots$ und bestimme die Verhältniszahl.

H3
I2

- 
- 
- 

438 Bei einem Schulfest ist das Verhältnis von Lehrer/innen : Schüler/innen : Eltern = 1 : 7 : 10 .

H2
H3
H4
I2

- Wie lautet das Verhältnis von Schüler/innen zu Eltern?
- Wie lautet das Verhältnis von Lehrer/innen zu Eltern?
- Sind mehr Eltern oder mehr Schüler/innen auf dem Fest?
- „Bei dem Fest kommen auf eine/n Schüler/in sieben Lehrer/innen!“
Was meint das mit „auf“ zu?

439 Bei einer Schulsportveranstaltung ist das Verhältnis von Lehrer/innen : Schüler/innen : Eltern = 2 : 5 : 1 .

H2
H3
I2

Beantworte die Fragen a) bis c) wie in Aufgabe 438.

Ziele

- ⇒ Begriffe zum Thema „Verhältnis“ kennen
- ⇒ Verhältnisse richtig angeben können

Wissen

Verhältnis

Mit einem Verhältnis werden zwei (oder mehr) Größen miteinander verglichen.

Man schreibt:

$$\frac{a}{b} \text{ oder } a : b$$

Man sagt:

„a zu b“

Verhältnisse werden immer in ihrer einfachsten Form (durchgekürzt) angegeben:

$$\frac{4}{6} = \frac{2}{3} = 2 : 3$$

Verhältniszahl

... nennt man das Ergebnis einer Verhältnis-Division.

$$2 : 3 = 0,6$$

Verhältnisgleichung

$$a : b = 2 : 5$$

„a zu b ist gleich 2 zu 5“

Mehrere Zahlen

Man kann auch das Verhältnis mehrerer Zahlen angeben.

$$a : b : c = 1 : 2 : 3$$

bedeutet

$$a : b = 1 : 2 \quad \text{und}$$

$$b : c = 2 : 3 \quad \text{und}$$

$$a : c = 1 : 3$$

Berechnungen mit dem Balkenmodell

440 Lara und Felix spielen gemeinsam Lotto.

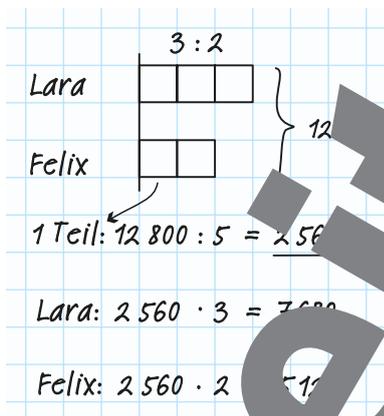
H1
H2
I2

Sie gewinnen 12 800 €.

Berechne ihre Anteile, wenn sie den Gewinn wie angegeben teilen.

Hinweis: Zeichne jeweils ein Balkenmodell!

- a) Verhältnis 3 : 2
- b) Verhältnis 1 : 2
- c) Verhältnis 1 : 1
- d) Verhältnis 1 : 3



441 Auch Udo und Tom haben eine Wettgemeinschaft.

H1
H3
I2

Zeichne zu den angegebenen Aufgaben jeweils ein Balkenmodell und berechne die fehlenden Zahlen.

	Verhältnis Udo : Tom	Anteil Udo	Anteil Tom	Gesamtgewinn
a)	2 : 1	600,-		
b)	3 : 4		480,-	
c)	5 : 4	1 890,-		
d)	1 : 1			3 500,-
e)	7 : 3			
f)	2 : 5	274,5		

442 Fred, Hanna und Emilia spielen zu dritt Lotto und gewinnen 35 960 €.

H1
H2
I2

Zeichne ein Balkenmodell und berechne ihre Anteile, wenn sie den Gewinn wie angegeben teilen.

- a) Verhältnis 1 : 2 : 2
- b) Verhältnis 1 : 1 : 1
- c) Verhältnis 4 : 1 : 2
- d) Verhältnis 2 : 2 : 3

443 Ricardo, Erwin und Gustav spielen zu dritt Lotto und gewinnen 120 000 €.

H1
H2
I2

Ricardo erhält 92,400 €.

- a) Berechne den Gewinn.
- b) Berechne die Anteile von Erwin und Gustav.

444 Denkt euch selbst eine Aufgabe aus, bei der eine Wettgemeinschaft Lotto spielt, und löst sie.

H1
I2

Gebt eure Aufgabe anderen zum Lösen.

Beispiel

Verhältnisse mit Balkenmodellen darstellen und berechnen können

Wissen

Balkenmodelle zeichnen

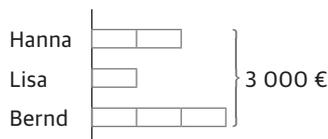
Beispiel:

Hanna, Lisa und Bernd gewinnen 3 000 € im Lotto. Sie teilen im Verhältnis 2 : 1 : 3.

- Schreibe die Namen untereinander.

Hanna
Lisa
Bernd

- Zeichne gleich große Balken, die das Verhältnis darstellen.



Interessant

„Die Bank gewinnt immer!“



Die Einnahmen des Casinos müssen höher sein als die Gewinne der Spieler/innen. Sonst wäre es schnell im Minus und müsste zusperren.

→ Übungsteil, S. 71

H3

Verhältnis – Definition, Berechnung und Maßstab

Verhältnisse berechnen

445 Teile die Geldbeträge gemäß den angegebenen Verhältnissen auf.

H2
I2

a) 200 € im Verhältnis 2 : 3

Wenn du unsicher bist, zeichne ein Balkenmodell!



a) 1 Teil: $200 : 5 = 40$

2 Teile: $40 \cdot 2 = 80$

3 Teile: $40 \cdot 3 = 120$

Aufteilung:

$2 : 3 = 80 € : 120 €$

b) 240 € im Verhältnis 1 : 5

c) 650 € im Verhältnis 3 : 2

d) 350 € im Verhältnis 1 : 1

e) 840 € im Verhältnis 4 : 3

f) 12 420 € im Verhältnis 1 : 3

g) 7 282 € im Verhältnis 2 : 3

h) 650 830 € im Verhältnis 3 : 7

i) 916 288 € im Verhältnis 3 : 2

446 Teile die Geldbeträge gemäß den angegebenen Verhältnissen auf.

H2
I2

a) 350 € im Verhältnis 4 : 2 : 1

b) 624 € im Verhältnis 1 : 2 : 3

c) 16 280 € im Verhältnis 2 : 3 : 5

d) 78 325 € im Verhältnis 6 : 3 : 4

e) 815 252 € im Verhältnis 7 : 1 : 15

Zuerst rechne ich mir immer den Wert von einem Teil aus!

447 Eine Erbschaft von 60 000 € wird zwischen Leo und Norbert im Verhältnis 3 : 2 aufgeteilt.

H1
I2

Wie viel Euro bekommt jeder der beiden?

448 Herr Wimmer hinterlässt eine Wohnung im Wert von 394 000 €. Diese wird verkauft und das Geld danach im Verhältnis 4 : 3 : 2 unter den Nichten Eva, Nina und Lea aufgeteilt.

H1
I2

Berechne den Anteil von Eva, Nina und Lea.

449 Frau Bergmann hat 1 000 € an ihren Ehemann und ihre Tochter. Da es kein Testament gibt, gilt das gesetzliche Teilungsverhältnis von 1 : 1 = Ehemann : Tochter.

H3
I2

Kreuze die Aussagen an, die zutreffend sind.

a) Die Tochter bekommt mehr als der Ehemann.	<input type="checkbox"/>
b) Der Ehemann bekommt 85 €.	<input type="checkbox"/>
c) Der Ehemann bekommt halb so viel wie die Tochter.	<input type="checkbox"/>
d) Die Tochter erbt zwei Drittel der Gesamtsumme.	<input type="checkbox"/>
e) Der Ehemann erbt die Hälfte der Gesamtsumme.	<input type="checkbox"/>

Ziel

⇒ Anteil aus einem gegebenen Verhältnis oder der Gesamtsumme berechnen können

Wissen

Verhältnisse berechnen

Bestimme zuerst, wie viele gleich große Teile gebildet werden.

Beispiel:

7 000 € werden im Verhältnis 4 : 3 geteilt.
→ Es werden 7 Teile gebildet.

Berechne dann den Wert eines Teiles.

Im Beispiel:

$7\ 000 : 7 = 1\ 000 €$

Berechne nun die gesuchten Anteile.

Im Beispiel:

$4 \cdot 1\ 000 = 4\ 000 €$

$3 \cdot 1\ 000 = 3\ 000 €$

Interessant

Beruf: Notar/in



Notar/innen stellen Urkunden und Beglaubigungen aus. Dazu gehören Testamente oder Kaufurkunden für Wohnungen. Dabei rechnen sie viel mit Verhältnissen, Anteilen und Prozenten.

→ Übungsteil, S. 72

Verhältnismgleichungen

450 Zeige durch Äquivalenzumformung, dass gilt:

$$a : b = c : d \rightarrow a \cdot d = b \cdot c$$

451 Berechne die fehlende Seitenlänge der Fotos.

- a) Verhältnis = 4 : 3
Länge = 12 cm
- b) Verhältnis = 4 : 3
Länge = 40 cm
- c) Verhältnis = 2 : 3
Breite = 10 cm
- d) Verhältnis = 2 : 3
Länge = 45 cm

$$4 : 3 = 12 : b$$

$$4 \cdot b = 3 \cdot 12 \quad | : 4$$

$$b = 36 : 4 = \underline{\underline{9 \text{ cm}}}$$

452 Die Tabelle zeigt die Abmessungen verschiedener Bildschirme. Berechne die fehlenden Angaben.

H2
H3
I2



	Verhältnis (a : b)	Seite (a)	Seite (b)
Handy gesamt	2 : 1		71 mm
Handy-Display	16 : 9	107 mm	
Tablet gesamt	33 : 20	33 cm	
Tablet-Display			16 cm
Fernseher-Display	16 : 9	9 cm	

453 Die Tabelle zeigt die Abmessungen von verschiedenen Sportplätzen. Berechne die fehlenden Angaben.

H2
H3
I2

	Verhältnis (a : b)	Länge (l)	Breite (b)
a) Eishockey	3 : 1	60 m	
b) Wasserball	3 : 2		10 m
c) Beach Ultimate	3 : 1	75 m	
d) Fußball	2 : 1		50 m

454 KNOBELREISE
Turnhalle

H1
I2

Eine rechteckige Turnhalle hat einen Flächeninhalt von 968 m². Das Verhältnis von Länge zu Breite beträgt 2 : 1. Finde die Abmessungen der Halle.



Viele Aufgaben kann man einfach durch Probieren lösen!

Ziele

Aufgaben mit Verhältnismgleichungen lösen können
→ mit Verhältnissen im Alltag rechnen können

Wissen



Verhältnismgleichungen in Produktgleichungen umwandeln

Verhältnismgleichung:

Außenglieder

$$a : b = c : d$$

Innenglieder

Produktgleichung:

$$a \cdot d = b \cdot c$$

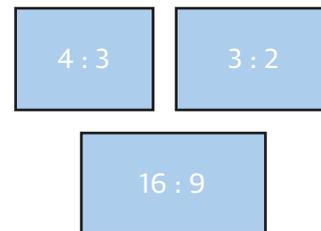
„Produkt der Außenglieder ist gleich Produkt der Innenglieder“

Interessant

Seitenverhältnis von Fotos/Videos

Bei Displays und Videos hat sich das Breitbildformat 16 : 9 weitgehend durchgesetzt.

Bei Fotos sind die Formate 4 : 3 (Digitalformat) und 3 : 2 (Analogformat) üblich.



→ Übungsteil, S. 73
→ Cyber Homework 15

English Corner

455 There are 20 girls and 16 boys in a class.

H1
H2
I2

Find the ratio of the number of girls to the number of boys.

456 The ratio of English speakers to French speakers in Canada is 5 : 1 and the ratio of French speakers to Aboriginal language speakers is 1 : 2.

H1
H2
I2

Find the number of ...

- a) English speakers b) French speakers
c) Aboriginal language speakers

... given that Canada is a country of 36 million people.

457 Bernice and Rick share a sum of \$ 3,650.

H2
I2

The ratio of Bernice's share to Rick's share is 3 : 2.

How much money does each of them get?

458 In a recipe, tomatoes, onions and beans are mixed in the ratio 4 : 2 : 3 by weight.

H2
I2

If Tom uses 4.5 pounds of tomatoes, how many pounds of

- a) onions b) beans does he need?

Wörterbuch

...

aboriginal ...

Ureinwohner

share ...

teilen, Anteil

weight ...

Masse

pound ...

englisches Pfund

(entspricht in

etwa ½ kg)

Extra: „Goldener Schnitt“

459 „Goldener Schnitt“ bedeutet:

H1
I3

größerer Teil : kleinerer Teil = Gesamtes : größerer Teil



Welches Verhältnis gibt diesen Zusammenhang wieder?

Kreuz

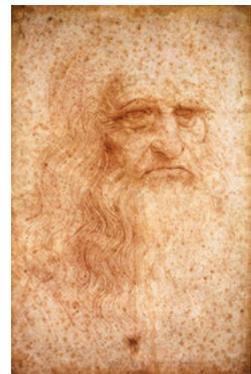
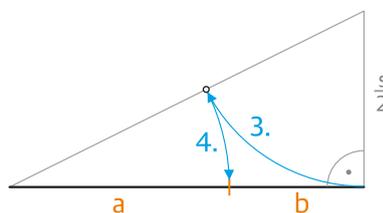
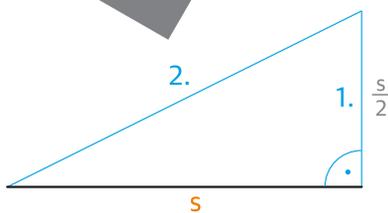
- $a : b = s : a$ $b = s : a$ $a : b = s : b$

460 Ein Rechteck mit einer Diagonale von 10 cm im Goldenen Schnitt.

H3
I3

Bestimme die Seitenlänge in dieser Abbildung

oder schaue dir das Video an.



Leonardo da Vinci
(1452–1519)

Der berühmte Erfinder und Maler beschäftigte sich mit Verhältnissen und dem Goldenen Schnitt.

Gemischte Aufgaben

461 Wie viel Geld wurde jeweils aufgeteilt?

H1
H2
I2

Hinweis: Zeichne ein Balkenmodell oder stelle eine Verhältnisgleichung auf, um die Aufgabe zu lösen!

- a) Teilungsverhältnis 3 : 2
kleinerer Betrag: 46 €
- b) Teilungsverhältnis 1 : 4
größerer Betrag: 72 €
- c) Teilungsverhältnis 4 : 7
größerer Betrag 651 €
- d) Teilungsverhältnis 5 : 3
kleinerer Betrag: 9 260 €
- e) Erstelle selbst eine ähnliche Aufgabe wie in a) bis d).
Es sollen dabei aber nur ganze Eurobeträge auftreten.
Beschreibe, wie du beim Erstellen der Aufgabe vorgegangen bist.

462 In welchem Verhältnis wurde geteilt?

H2
I2

Hinweis: Verhältnisse werden immer in ihrer einfachsten Form (durchgekürzt) angegeben!

- a) Hans besitzt 60 €, Sabine 45 €. $a) \frac{60}{45} \stackrel{(:5)}{=} \frac{12}{9} \stackrel{(:3)}{=} \frac{4}{3} = \underline{\underline{3}}$
- b) Lisa hat 36 €, Hanna 60 €.
- c) Edi bekommt 6 215 €, Alfred 4 972 €.
- d) Hilda hat 814 €, Lilli hat 240 €.

463 KNOBELAUFGABE

H2
I2

In welchem Verhältnis wurde geteilt?

18 370 € wurden auf Tom und Lilli aufgeteilt.
Tom erhielt 8 350 €.

464 Bestimme das Seitenverhältnis der Rahmen. Beschreibe, wie du vorgegangen bist.

H1
H2
I3

- a) 
- c) 

465 Leona behauptet:

H1
H3
I3

„Breite und Länge unseres Schulschreibtisches stehen in etwa im Verhältnis 2 : 5.“

- a) Kann Leonas Behauptung stimmen? Begründe deine Antwort.
- b) **FORSCH WEITER**
Gib das ungefähre Verhältnis von Breite und Länge deines eigenen Schulschreibtisches an.

Ziel

Techniken wie Balkenmodelle oder Verhältnisgleichungen auch beim Lösen von Textaufgaben einsetzen können

Wissen

Erst verstehen, dann rechnen!

Das Lösen von Verhältnisaufgaben ist rechnerisch meist recht einfach.

Die Schwierigkeit besteht oft darin, die Aufgabe zu verstehen.

So kannst du vorgehen:

1. Lies die Aufgabe mehrmals durch. Unterstreiche Angaben und überlege, wofür sie stehen.
2. Lies die Frage und gib an, was genau gefragt ist.
3. Erstelle eine Skizze oder ein Balkenmodell.
4. Stelle eine passende Verhältnisgleichung auf und setze die Werte ein, die du kennst.
5. Löse die Gleichung und schreibe eine passende Antwort.

H6

Verhältnis – Definition, Berechnung und Maßstab

Anwendung – Maßstab

466 Linda besitzt eine Landkarte ihres Ortes im Maßstab 1 : 50 000.

H1
H2
I1
I2

Gib die Längen der aus der Landkarte abgemessenen Strecken in der Wirklichkeit an.

- Kirche → Schule: 3 cm
- Kirche → Lindas Haus: 7 cm
- Sportplatz → Schule: 6 cm
- Lindas Haus → Schule: 4 cm
- Zeichne einen Plan, der zu den Angaben in a) bis d) passt.

$$a) \quad 1 : 50\,000 = 3 : W$$

$$W \cdot 1 = 50\,000 \cdot 3$$

$$W = 150\,000 \text{ cm}$$

$$W = 1\,500 \text{ m}$$

$$W = 15 \text{ km}$$

Ziele

- ⇒ Maßstab als eine Anwendung von Verhältnissen verstehen
- ⇒ mit Maßstäben sicher rechnen und arbeiten können

467 Die Tabelle zeigt die Entfernungen einiger Orte in Ostösterreich zu ihrer Bezirkshauptstadt Linz.

H2
H3
I1
I2

Ort:	Nikolsdorf	Silbisch-Laibach	Hinterbühl
Entfernung von Linz:	13 km	18 km	48 km

Berechne die Entfernungen auf einer Landkarte im Maßstab

- 1 : 200 000
- 1 : 500 000
- 1 : 1 000 000

Ich rechne die Entfernung zu ... in ...



Wissen

Maßstab

Ein Maßstab gibt das Verhältnis vom Plan zur Wirklichkeit an.

Maßstab 1 : 100 bedeutet zum Beispiel, dass 1 cm im Plan 100 cm (= 1 m) in der Wirklichkeit entsprechen.

Interessant

Der älteste Stadtplan mit Maßstabsangabe

ist der „Albertinische Stadtplan von Wien“. Er entstand in den Jahren 1421 bis 1422 und wurde im Maßstab 1 : 5 000 gezeichnet.



468 Gib jeweils den Maßstab an, der ...

H2
I1
I2

- Entfernung Plan: 4 cm, Entfernung Wirklichkeit: 8 km
- Entfernung Plan: 3 mm, Entfernung Wirklichkeit: 3 km
- Entfernung Plan: 7 cm, Entfernung Wirklichkeit: 2,5 km
- Entfernung Plan: 5,7 cm, Entfernung Wirklichkeit: 3 975 m

469 Kreuze die zutreffenden Aussagen an.

H3
I1
I2

Je größer der Maßstab, desto kleiner sind die Entfernungen.	<input type="checkbox"/>
Bei Berechnungen mit Maßstäben muss man fast immer addieren oder subtrahieren.	<input type="checkbox"/>
Für die Darstellung einzelner Häuser eingesetzt sind, verwenden große Maßstäbe.	<input type="checkbox"/>

470 FORSCHE WEITER

H1
H3
I2
I3

Bekannte Orte

Suche dein Haus oder Orte, die du oft besuchst, auf einer von dir ausgesuchten Landkarte. Erstelle eine Tabelle mit Entfernungen wie in Aufgabe 467.

- Übungsteil, S. 75
- Cyber Homework 16

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Verhältnisse angeben

471 In einem Flugzeug befinden sich 65 Männer und 40 Frauen.

H1
I2 Gib das Verhältnis von Männern zu Frauen im Flugzeug an.

→ H1

472 Bei einem Kasten ist das Verhältnis Breite : Höhe : Tiefe = 2 : 4 : 1.

H3
I2
I3 Kreuze die zutreffende(n) Aussage(n) an.

<input type="checkbox"/>	Der Kasten ist doppelt so hoch wie tief.
<input type="checkbox"/>	Der Kasten ist doppelt so breit wie tief.
<input type="checkbox"/>	Der Kasten ist halb so hoch wie breit.
<input type="checkbox"/>	Das Verhältnis von Breite : Tiefe = 2 : 1.
<input type="checkbox"/>	Der Kasten ist viermal so hoch wie tief.

→ H1
→ H2
→ H4

Mit Verhältnissen rechnen

473 Werner und Sigmund teilen 1 380 € im Verhältnis 2 : 3.

H2
I2 Wie viel bekommt jeder der beiden?

→ H2

474 Andrea und Luisa teilen ihre Stickersammlung im Verhältnis 1 : 5.

H2
I2 Wie viele Sticker bekommt Luisa, wenn Andrea 36 Sticker bekommt?

→ H5

475 In einem Flugzeug beträgt das Verhältnis Frauen : Männer : Kinder = 7 : 6 : 2.

H1
I2 Wie viele Menschen sind im Flugzeug, wenn 12 Kinder an Bord sind?

→ H2

476 Eine Erbschaft wird unter drei Erben im Verhältnis 4 : 2 : 3 aufgeteilt.

H1
I2 Bernd, der am wenigsten erbt, bekommt 8.915,20 €.

Wie viel erben die anderen beiden jeweils?

→ H3

477 Ein rechteckiges Bild ist 40 cm breit und 30 cm hoch.

H1
I2 Gib das Seitenverhältnis von Breite zu Höhe an.

→ H4

Anwendungsaufgaben

478 Auf einer Landkarte im Maßstab 1 : 200 000 ist eine Strecke 2 cm lang.

H2
I2
I3 Wie lang ist diese Strecke in der Wirklichkeit?

→ H6

479 Auf einer Karte ist die Luftlinie von Wien nach Innsbruck 9,4 cm lang.

H1
I2
I3 In der Wirklichkeit beträgt die Länge der Strecke 470 km.

Bestimme den Maßstab der Karte.

→ H6

Proportionalität

Berechnung, Darstellung und lineare Prozesse



480 Schaut euch den Comic an.  Löst dann die Aufgaben.

H1
H2
I2

- Wie viele Tage müsste der erste Vorgänger noch feilen, wenn er die Arbeit alleine machen muss?
- Wie lange würde es noch dauern, wenn der zweite Vorgänger ihm hilft, und zwar jeden Tag?
- KNOBELAUFGABE**
Wie lang wird die Arbeit unter den Bedingungen noch dauern, die der erste Vorgänger vorgegeben hat?
Beschreibt, wie ihr die Aufgabe gelöst habt.
Vergleicht euren Rechenweg mit anderen.

Inhalt

Warm-up	106
11 Direkte Proportionalität	107
12 Direkte Proportionalität berechnen	108
13 Direkte Proportionalität darstellen	109
14 Indirekte Proportionalität	110
15 Indirekte Proportionalität berechnen	111
English Corner	112
Extra: Hebel-Experiment	112
16 Direkte/indirekte Proportionalität	113
17 Lineare Zunahmeprozesse	114
18 Lineare Abnahmeprozesse	115
Checkpoint	116

Warm-up

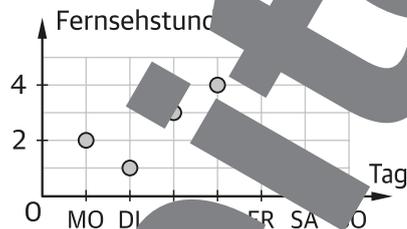
Zeig, was du bereits kannst.

Tabellen und Diagramme

- 481** Vervollständige die Tabelle, indem du die fehlenden Werte aus dem Diagramm rechts abliest.

H3
I4

MO	DI	MI	DO	FR	SA	SO
2						



Verhältnisse

- 482** In der Schulkantine wurden heute 32 Käsebröte und 16 Wurstbröte verkauft.

H1
I2

Gib das Verhältnis von Käsebröten zu Wurstbröten an.

- 483** Die Kellner Tim und Georg teilen ihr gesamtes Trinkgeld im Verhältnis 3 : 2.

H2
I2

Wie viel Euro bekommt Georg, wenn Tim 30 € bekommt?

- 484** Gertrud und Bianca teilen sich eine Erbschaft im Verhältnis 2 : 3.

H1
I2

Bianca bekommt 8 100 €. Der Anteil von Gertrud ist g.

Kreuze an: Welche Gleichung passt zur Lösung der obigen Aufgabe?

<input type="checkbox"/>	$8\ 100 : g = 3 : 2$
<input type="checkbox"/>	$g : 8\ 100 = 3 : 2$
<input type="checkbox"/>	$8\ 100 : 2 = 3 : g$

Direkte und indirekte Proportionalität

- 485** In drei Rettungsboote passen 111 Personen.

H3
I2

Wie viele Personen passen in 7 Rettungsboote?

Löse die Aufgabe mit einer Tabelle.

Boote	Personen
3	111
1	
7	

- 486** Von einem LKW müssen 160 Kisten auf Lastwagen verladen werden.

H1
I2

Wenn sechs Personen zusammenhelfen, muss jeder 16 Kisten tragen.

Wie viele Kisten muss jede Person tragen, wenn sich nur vier Personen die Arbeit teilen?

Äquivalenzumformung

- 487** Berechne jeweils den Wert der Unbekannten.

H2
I2

a) $3x + 4 = 10$

c) $\frac{d}{3} - 2 = 16$

e) $22 = \frac{w}{2} + 7$

b) $25 - 2y = 39$

d) $5 + \frac{8}{g} = 7 \quad (g \neq 0)$

f) $\frac{z}{10} - 10 = -15$

Direkte Proportionalität

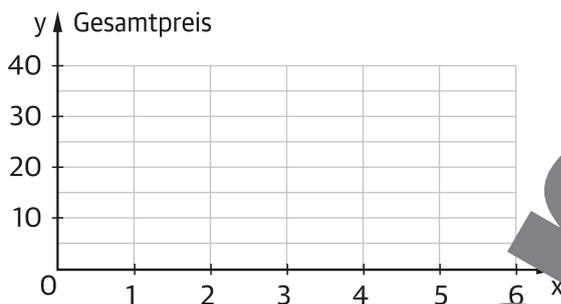
488 Die Tabelle zeigt die Anzahl an Comicheften (x) und ihren Preis in € (y).

H1
H3
H4
I2

- a) Berechnet jeweils das Verhältnis *Preis : Anzahl* ($= k$) und tragt eure Ergebnisse in die Tabelle ein. Was fällt euch auf?

Anzahl (x)	1	2	3	4	5	6
Preis in € (y)	5	10	15	20	25	30
Verhältnis ($k = \frac{y}{x}$)						

- b) Tragt die Werte aus a) in das Diagramm ein und verbindet sie. Was fällt euch auf?



- c) Gebt eine Gleichung an, die den Zusammenhang zwischen x und y ausdrückt.
 d) Angenommen, ein Comicheft kostet nur noch 10 €.
 (1) Wie ändert sich k? (2) Wie ändert sich das Diagramm in b)?

489 Die Tabelle zeigt die Arbeitszeit (x) eines Handwerkers und die daraus entstehenden Arbeitskosten (y).

H1
H3
H4
I2

- a) Berechne jeweils das Verhältnis *Arbeitskosten : Zeit* ($= k$) und trage deine Ergebnisse in die Tabelle ein.

Zeit in h (x)	0,5	1	1,5	2	2,5	3
Kosten in € (y)	40	100	150	200	250	300
Verhältnis ($k = \frac{y}{x}$)						

- b) Erstelle ein Diagramm, das den Zusammenhang zwischen x und y zeigt.
 c) Gib eine Gleichung an, die den Zusammenhang zwischen x und y ausdrückt.
 d) Angenommen, eine Arbeitsstunde kostet nur 80 €.
 (1) Wie ändert sich k? (2) Wie ändert sich das Diagramm in b)?

490 Überprüfe jeweils, ob die Wertepaare der abgebildeten Tabellen direkt proportional zueinander sind.

H4
I2

a)	x:	3	4	5	b)	x:	1	2	3
	y:	12	16	20		y:	2	3	4

Ziel

⇒ direkt proportionale Zusammenhänge erkennen und mit Hilfe einer Gleichung und der konstanten k beschreiben können

Wissen

Direkt proportionale Zuordnung

Zwei Größen x und y sind direkt proportional, wenn ihr Verhältnis $y : x$ immer gleich, also konstant, bleibt.

Konstante k

$k = \frac{y}{x}$ (... Verhältnis $y : x$)
 k nennt man auch den Proportionalitätsfaktor.

Gleichung für direkte Proportionalität

$y = k \cdot x$

Direkte Proportionalität überprüfen

Du kannst zu jedem Wertepaar (x, y) das Verhältnis $k = \frac{y}{x}$ berechnen.

Wenn k dabei konstant bleibt, also immer den gleichen Wert hat, sind x und y direkt proportional zueinander.

Direkte Proportionalität berechnen

491 Die Höhe h eines Stapels aus gleichen Büchern ist direkt proportional zur Anzahl b der Bücher.

H1
H2
I2

Ein Stapel aus 10 Büchern ist 15 cm hoch.
Wie hoch ist ein Stapel aus 23 Büchern?

Lisa
 $h_1 : h_2 = b_1 : b_2$

$15 : h_2 = 10 : 23$

$15 \cdot 23 = h_2 \cdot 10$

$h_2 = \frac{15 \cdot 23}{10} = \underline{\underline{34,5 \text{ cm}}}$

Tanja
 $h = k \cdot b$

$15 = k \cdot 10$

$k = \frac{15}{10} = \underline{1,5}$

$b = 23:$

$h = 1,5 \cdot 23 = \underline{\underline{34,5 \text{ cm}}}$

Dirk

b	h
10	15
1	1,5
23	34,5

a) Wie haben die Kinder die Aufgabe oben gelöst? Ordne richtig zu.

Lisa	
Tanja	
Dirk	

A	Verhältnisgleichung
B	Tabelle
C	Gleichung für direkte Proportionalität

b) „Ein Stapel aus 4 Büchern ist 10 cm hoch.“
Wie hoch ist ein Stapel aus 9 Büchern?
Löse die angegebene Aufgabe unterschiedlich, indem du jeden der drei Lösungswege (s. a)) einmal verwendest.

492 Löse die Aufgaben. Alle Zusammenhänge sind direkt proportional.

H1
I2

- a) Herr Mustafa bezahlt für 5 Stunden 416 €. Wie viel bezahlt er für 7 Arbeitsstunden?
- b) Wie viel wiegen 40 Ziegelsteine, wenn 15 Ziegelsteine 57 kg wiegen?
- c) Frau Haas bezahlt für vier Säcke Zement 17,20 €. Wie viel kosten fünf Säcke Zement?

493 6 Ziegelsteine sind übereinandergestellt 69 cm hoch.

H2
I2

Berechne die Höhe für
a) 2 b) 11 c) 15 d) 22 e) 22 ... Ziegelsteinen.

494 Ein Sack Zement wiegt 25 kg.

H1
I2

- a) Erstelle eine Gleichung für den Zusammenhang zwischen der Anzahl der Säcke n und der Masse der Säcke m .
- b) Zeichne ein Diagramm für das Gesamtgewicht von 0 bis 10 Säcken.

Ziel

Aufgabe zur direkten Proportionalität sicher lösen können

Wissen

Verschiedene Lösungswege

1) Tabelle

Diese Technik kennst du aus der 2. Klasse. Sie funktioniert gut, solange du mit Zahlen und nicht mit Variablen rechnest.

2) Verhältnisgleichung

$x_1 : x_2 = y_1 : y_2$

Sie ist gut geeignet, um von einem Wertepaar auf ein zweites zu schließen.

3) Gleichung $y = k \cdot x$

Bestimme zuerst k durch Einsetzen eines Wertepaares.

Sie ist gut geeignet, um weitere Wertepaare zu berechnen.

Interessant

Beruf: Maurer/in



Maurer/innen errichten Bauwerke aus Ziegel, Beton und anderen Materialien. Sie müssen Skizzen und Pläne gut lesen können.

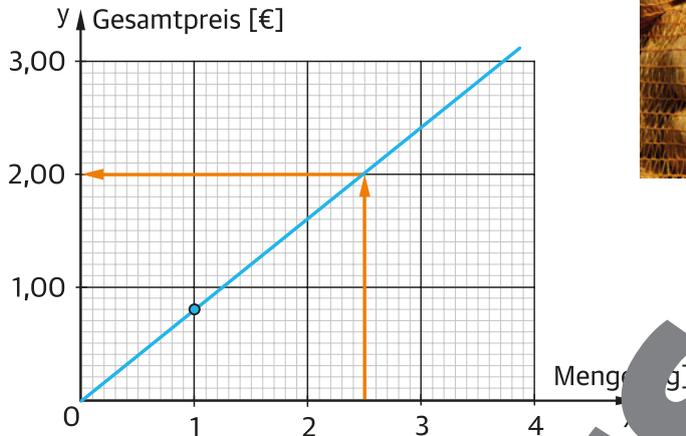
→ Übungsteil, S. 78

Direkte Proportionalität darstellen

495 Ein Kilogramm Kartoffeln kostet 0,80 €.

H1
H3
I2
I4

Der direkt proportionale Zusammenhang von Menge und Preis ist im Diagramm dargestellt.



Ziele

- ⇒ Wertepaare in Diagrammen ablesen können
- ⇒ Diagramme zur direkten Proportionalität anfertigen können

Wissen

Gerade einzeichnen

Direkt proportionale Zuordnungen lassen sich immer als Gerade darstellen.

Kennt man zwei Wertepaare, kann man zwei Punkte einzeichnen und eine Gerade durch diese Punkte zeichnen. Grundsätzlich können dafür zwei beliebige Wertepaare $(x_1|y_1)$ und $(x_2|y_2)$ gewählt werden. Geraden, die eine direkte Proportion ausdrücken, gehen immer durch den Nullpunkt.

a) Vervollständige die Tabelle mit Hilfe des Diagramms.

Menge	2,5 kg	1,5 kg	2 kg	0,5 kg	3 kg	3,7 kg
Preis	2 €					

b) Vervollständige die Tabelle mit Hilfe des Diagramms.

Menge						
Preis	2 €	2,50 €		2,20 €		0,50 €

c) Ein Kilogramm Bio-Kartoffeln kostet 1,20 €. Zeichne für diesen Sachverhalt eine weitere Gerade in das obige Diagramm ein. Ergänze dann die fehlenden Zahlen in der Tabelle.

Menge	2 kg	1,5 kg			0,5 kg	
Preis			3 €	1,50 €		2,50 €

496 Ein Kilogramm Tomaten kostet 2,20 €.

H1
H3
I2
I4

- Zeichne ein Diagramm mit dem Gesamtpreis (y-Achse) und der Menge (x-Achse). *Benutze Millimeter-Papier!*
- Bestimme mit Hilfe des Diagramms den Preis für die angegebenen Menge an Tomaten.
(1) 0,5 kg (2) 1,5 kg (3) 2 kg (4) 3,5 kg (5) 2,8 kg
- Bestimme mit Hilfe des Diagramms die Menge an Tomaten, die man für den angegebenen Betrag jeweils bekommt.
(1) 1 € (2) 1,50 € (3) 3 € (4) 4 € (5) 5 €

→ Übungsteil, S. 79
→ Cyber Homework 17

Indirekte Proportionalität

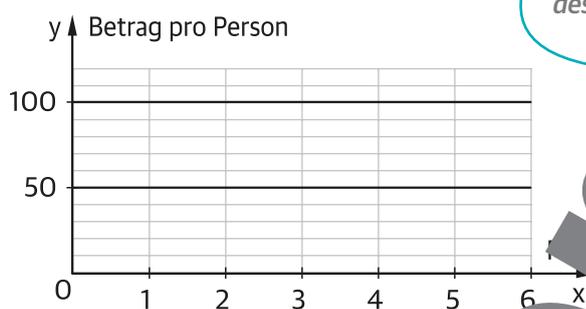
497 Die Tabelle zeigt die Anzahl an Personen (x), die sich 120 € teilen, und den Betrag in Euro (y), den jede Person bekommt.

H1
H3
H4
I2

- a) Berechne jeweils das Produkt $x \cdot y (= k)$ und trage eure Ergebnisse in die Tabelle ein. Was fällt euch auf?

Anzahl Personen (x)	1	2	3	4	5	6
Betrag pro Person in € (y)	120	60	40	30	24	20
Produkt ($k = x \cdot y$)						

- b) Tragt die Werte aus a) in das Diagramm ein und verbindet sie. Was fällt euch auf?



- c) Gebt eine Gleichung an, die den Zusammenhang zwischen x und y ausdrückt.
 d) Angenommen, die Personen teilen nicht 120 € sondern 90 €.
 (1) Wie ändert sich k? (2) Wie ändert sich das Diagramm in b)?

498 Die Tabelle zeigt die Anzahl der Arbeiter (x) und die Gesamtzeit, die sie für eine Arbeit brauchen (y).

H1
H3
H4
I2

- a) Berechne jeweils das Produkt $x \cdot y$ und trage deine Ergebnisse in die Tabelle ein.

Anzahl Arbeiter (x)	2	3	4	5	6
Gesamtzeit in h (y)	24	12	8	6	4,8
Produkt ($k = x \cdot y$)					

- b) Erstelle für die Tabelle ein passendes Diagramm.
 c) Gib eine Gleichung an, die den Zusammenhang zwischen x und y ausdrückt.
 d) Angenommen, ein Arbeiter bräuhete alleine 36 Stunden.
 (1) Wie ändert sich k? (2) Wie ändert sich das Diagramm in b)?

499 Überprüfe jeweils, ob die Wertepaare der abgebildeten Tabellen indirekt proportional zueinander sind.

H4
I2

- a)

x:	6	12	18
y:	1	2	3

 b)

x:	4	2	1
y:	6	12	24

Ziel

indirekt proportionale Zusammenhänge erkennen und mit Hilfe einer Gleichung und der Konstante k beschreiben können

Wissen

Indirekt proportionale Zuordnung

Zwei Größen x und y sind indirekt proportional, wenn ihr Produkt $x \cdot y$ immer gleich, also konstant, bleibt.

Konstante k

$$k = x \cdot y$$

k nennt man auch den Proportionalitätsfaktor.

Gleichung für indirekte Proportionalität

$$y = \frac{k}{x}$$

Indirekte Proportionalität überprüfen

Du kannst zu jedem Wertepaar (x, y) das Produkt $k = x \cdot y$ berechnen.

Wenn k dabei konstant bleibt, also immer den gleichen Wert hat, sind x und y indirekt proportional zueinander.

Indirekte Proportionalität berechnen

500 Ein Zug fährt von A nach B.
Die Fahrzeit t (in h) ist
indirekt proportional zu seiner
Geschwindigkeit v (in km/h).

Fährt der Zug mit 100 km/h,
benötigt er 4 Stunden.
Wie lange dauert die Fahrt
mit $v = 80$ km/h?

$$v_1 : v_2 = t_2 : t_1$$

$$100 : 80 = t_2 : 4$$

$$100 \cdot 4 = 80 \cdot t_2$$

$$t_2 = \frac{400}{80} = \underline{5h}$$

$$t = \frac{k}{v}$$

$$4 = \frac{k}{100}$$

$$k = 4 \cdot 100 = \underline{400}$$

$$v = 80:$$

$$t = \frac{400}{80} = \underline{5h}$$

v (km/h)	t (h)
100	4
80	5

a) Wie haben die Kinder
die Aufgabe oben gelöst?
Ordne richtig zu.

Tom	A	Gleichung von indirekter Proportionalität
Jan	B	Verhältnissgleichung
Ria	C	Tabelle

b) „Mit einer Geschwindigkeit von 80 km/h fährt ein Zug 8 Stunden.
Wie lange braucht er für die gleiche Strecke
wenn er mit einer Geschwindigkeit von 100 km/h fährt?“
Löse die angegebene Aufgabe mindestens zweifach, indem du
jeden der drei Lösungswege aus a) einmal verwendest.

501 Löse die Aufgaben. Alle Zusammenhänge sind indirekt proportional.

- a) Wenn drei Arbeiter eine Lieferung Gemüse verladen,
muss jeder 12 Kisten heben.
Wie viele Arbeiter wären es, wenn die Arbeit
von vier Arbeiter verrichtet werden könnte?
- b) Eine Reisegruppe mietet einen Wagon zu einem fixen Preis.
Nun möchte die Gruppe fahren, bezahlt jeder 16,50 €.
Wie viele Personen können mitfahren, wenn nur 38 Leute mitfahren?

502 Ein Personenlift wird gereinigt.
Wenn sich 6 Personen die Arbeit teilen, muss jede 24 Abteile reinigen.

- Wie viele Abteile muss jede Person reinigen, wenn sich ...
- a) 9 b) 4 c) 8 d) 12 e) 2 ... Personen die Arbeit teilen?
 - f) Zeichne ein passendes Diagramm und
trage die Wertepaare aus a) bis e) dort ein.

Ziel

⇒ Aufgaben zur indirekten
Proportionalität sicher
lösen können

Wissen

Verschiedene Lösungswege

1) Tabelle
Diese Technik kennst du aus der 2. Klasse.
Sie funktioniert gut, solange du mit Zahlen und nicht mit Variablen rechnest.

2) Verhältnissgleichung
 $x_1 : x_2 = y_2 : y_1$
Sie ist gut geeignet, um von einem Wertepaar auf ein zweites zu schließen.

3) Gleichung $y = \frac{k}{x}$
Bestimme zuerst k durch Einsetzen eines Wertepaares.
Sie ist gut geeignet, um weitere Wertepaare zu berechnen.

Interessant

Beruf: Fahrdienstleiter/in



Du sorgst für den reibungslosen Ablauf des Zugverkehrs. Das betrifft die Einhaltung von Fahrplänen sowie die Abläufe auf den Bahnhöfen.

→ Übungsteil, S. 81

English Corner

503 The following table shows the travelling time (t) and the distance covered (s) by a car.

H1
H2
H4
I2

time (t)	0.5 h	1 h	1.5 h	2 h
distance (s)	40 km	80 km	120 km	160 km

- Show that t and s are in direct proportion. Draw the graph of s against t. Find the equation connecting t and s.
- Find the value for s if t = 1.25 h.
- Find the value for t if s = 130 km.



Wörterbuch
Tabelle
travelling time ...

direct proportion ...
direkt proportional
inverse proportion ...
indirekt proportional

graph ...
Diagramm

equation ...
Gleichung

value ...
Wert

uniformly ...
gleichmäßig

504 A car drives uniformly from A to B. The following table shows the time taken (t) at various speeds (v).

H1
H2
H4
I2

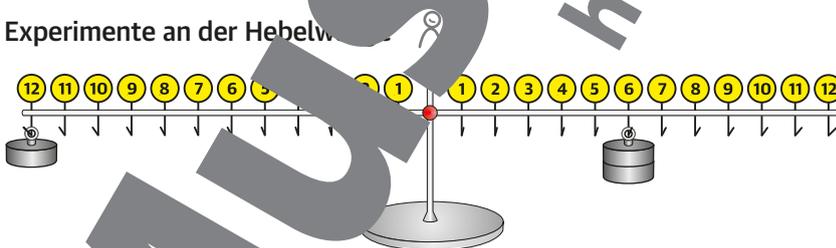
time (t)	6 h	3 h	2 h	1.5 h
speed (v)	20 km/h	40 km/h	60 km/h	80 km/h

- Show that t and v are in inverse proportion. Draw the graph of t against v. Find the equation connecting t and v.
- Find the value for t if v = 50 km/h.

Extra: Hebel-Experiment

505 Experimente an der Hebelwaage

H1
H3
H4
I2



- Hänge ein Gewicht an die Position 12 auf der linken Seite der Waage. Finde nun die Anzahl der erforderlichen Gewichte an der rechten Seite, die an die angegebene Position hängst. Deine Ergebnisse in die Tabelle ein.

Rechte Seite	Position:	12	6	4	3	2
	Gewichte:	1	2			

- Gib den Zusammenhang zwischen Position und Anzahl der Gewichte rechts an. Kreuze richtig an und begründe deine Entscheidung.
 direkt proportional indirekt proportional nicht proportional

Direkte/indirekte Proportionalität

506 Direkt, indirekt oder nicht proportional?

H1
H2
I2

Kreuze zuerst an, um welchen Zusammenhang es sich jeweils handelt. Dann löse die Aufgabe, wenn möglich, rechnerisch.

- a) Ein Schiff fährt bei konstanter Geschwindigkeit 342 km in 9 Stunden. Wie weit fährt es in 24 Stunden?
 direkt proportional indirekt proportional nicht proportional
- b) Ein Eishockeyspieler erzielt im ersten Drittel eines Spiels zwei Tore. Wie viele Tore schießt er in den verbleibenden zwei Dritteln des Spiels?
 direkt proportional indirekt proportional nicht proportional
- c) Vier Piraten teilen einen Schatz zu gleichen Teilen. Jeder bekommt 18 Goldstücke. Wie viel bekäme jeder, wenn die Piraten nur zu drei wären?
 direkt proportional indirekt proportional nicht proportional

507 Direkt, indirekt oder nicht proportional?

H2
H3
I2

Berechne zuerst die fehlenden Zahlen in den Tabellen. Entscheide dann, ob die Wertepaare proportional sind.

- a)

x	1	3	4	6
y	1,8	3,6	4,0	5,4
$x \cdot y$				
$\frac{y}{x}$				

 direkt proportional
 indirekt proportional
 nicht proportional
- b)

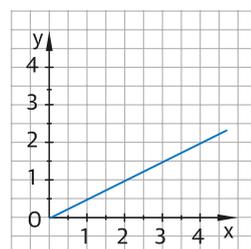
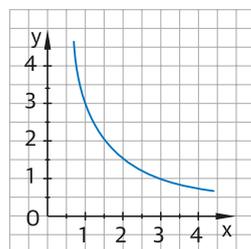
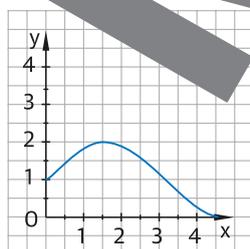
x	2	3	8
y	60	40	24
$x \cdot y$			
$\frac{y}{x}$			

 Kreuze an:
 direkt proportional
 indirekt proportional
 nicht proportional

508 Ordne die Abbildungen richtig zu.

H3
I2

- direkt proportional
- indirekt proportional
- nicht proportional



Ziel

⇒ proportionale Zusammenhänge grafisch, rechnerisch und grafisch beurteilen und lösen können

Wissen

Zuordnung (Klassifikation)

Wenn man etwas einer Gruppe zuordnet, nennt man das „Klassifikation“. Beispiel:

Der Zusammenhang zwischen der Anzahl von Ziegeln und ihrem Gesamtgewicht kann als „direkt proportional“ klassifiziert werden.

Erkennen von direkter und indirekter Proportionalität

Achtung!
 „Je mehr ... desto mehr“ und „Je mehr ... desto weniger“ weisen bei vielen Alltagsaufgaben auf direkte oder indirekte Proportionalität hin.

Lineare Zunahmeprozesse

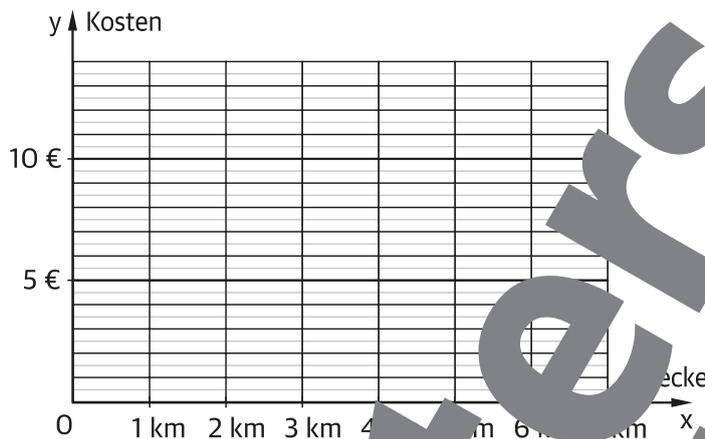
509 Die Fahrtkosten für ein Taxi setzen sich aus der Grundtaxe und dem Kilometerpreis zusammen.

H1
H2
I2

Taxi Hirsch verlangt 4 € Grundtaxe und 1,50 € für jeden gefahrenen Kilometer.



- Wie viel kostet eine Fahrt von 6 Kilometern?
- Stelle eine Gleichung für die Kosten (y) in Abhängigkeit von den gefahrenen Kilometern (x) auf.
- Berechne die Kosten für eine Fahrt von ... (1) 1 km (2) 3 km (3) 5 km
- Trage die Werte aus c) und den Wert für 0 km in das abgebildete Diagramm ein. Verbinde die Punkte durch eine Linie miteinander.



510 Taxi Huber verrechnet nur 1,50 € Grundtaxe dafür jedoch 2 € pro gefahrenem Kilometer.

H1
H2
H3
I2

- Stelle eine Gleichung für die Kosten in Abhängigkeit von den gefahrenen Kilometern (x) auf.
- Berechne die Kosten für eine Fahrt von ... (1) 1 km (2) 3 km (3) 5 km
- Zeichne die Werte aus b) und den Wert für 0 km in das Diagramm in Aufgabe 509 ein.
- Vergleiche die Preise von Taxi Hirsch und Taxi Huber: Welches Unternehmen ist auf welchen Strecken günstiger? Ab wie vielen Kilometern ist das andere Unternehmen günstiger?

511 Ein Lehrer stellt Angebote für einen Schulausflug ein.

H1
H2
H3
I2

Die Preise werden aus Grundpreis und Kilometerpreis berechnet.

Busunternehmen A	Grundpreis: 140 €	je km: 4,20 €
Busunternehmen B	Grundpreis: 50 €	je km: 5,10 €
Busunternehmen C	Grundpreis: 250 €	je km: 3,80 €

- Stelle für jedes der Angebote eine Gleichung auf.
- Vergleiche die Angebote für eine Fahrtstrecke von 270 km.

Beispiel

Lineare Zunahmeprozesse von direkt proportionalen Sachverhalten unterscheiden können
 ⇒ lineare Zunahmeprozesse mathematisch beschreiben können

Wissen

Direkt proportional versus linearer Prozess

Während direkt proportionale Zuordnungen nur eine veränderliche Größe $k \cdot x$ haben, kommt bei linearen Prozessen eine feste Größe d (= Konstante) dazu.

Beispiel: Handy-Tarif

Direkt proportional:
 Man bezahlt nur die Gesprächsminuten (veränderlich), es gibt keine Grundgebühr.

Gleichung:

$$y = k \cdot x$$

$k \cdot x$... veränderliche Größe

Linearer Prozess:
 Man bezahlt die Gesprächsminuten (veränderlich) und eine Grundgebühr (fest).

Gleichung:

$$y = k \cdot x + d$$

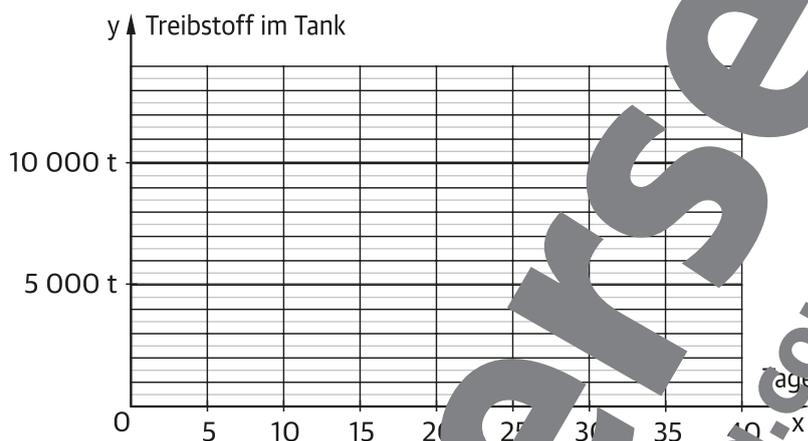
$k \cdot x$... veränderliche Größe
 d ... feste Größe

Lineare Abnahmeprozesse

- 512** Ein großes Frachtschiff verbraucht 300 t Treibstoff pro Tag.
Sein Tank fasst 12 000 t.

H1
H2
I2

- Wie viele Tonnen Treibstoff sind nach vier Tagen Fahrt noch im Tank?
- Stelle eine Gleichung für den Treibstoff im Tank (y) in Abhängigkeit von den gefahrenen Tagen (x) auf.
- Berechne den Tankinhalt nach (1) 5 (2) 10 (3) 15 (4) 20 Tagen.
- Trage die Werte aus c) in das abgebildete Diagramm ein. Verbinde die Punkte durch eine Linie miteinander.



- Wie viele Tage kann das Schiff mit einem vollen Tank fahren?
- FORSCH WEITER**
Frachtschiffe verwenden als Treibstoff Schweröl.
Wie viel kostet ein voller Tank Schw...

- 513** Ein PKW verbraucht 6 Liter Benzin pro Kilometer.
Sein Tank fasst 40 Liter.

H1
H2
I2

- Wie viel Benzin ist nach 50 Kilometern Fahrt noch im Tank?
- Stelle eine Gleichung für den Treibstoff im Tank (y) in Abhängigkeit von den gefahrenen Kilometern (x) auf.
- Berechne den Tankinhalt nach ...
(1) 100 km (2) 50 km (3) 480 km (4) 620 km
- Stelle den Zusammenhang zwischen Tankinhalt (y) und gefahrenen Kilometern (x) in einem Diagramm dar.

- 514** Welches Auto hat die größte Reichweite?

H1
I2

Auto A	Tankvolumen: 40 l	Verbrauch: 6 l je 100 km
Auto B	Tankvolumen: 35 l	Verbrauch: 5 l je 100 km
Auto C	Tankvolumen: 50 l	Verbrauch: 7 l je 100 km

- Erstelle ein Diagramm.
Zeichne für jedes Auto eine Gerade in einer anderen Farbe ein.

Ziel

⇒ linear
Abnahmeprozesse
mathematisch
beschreiben können

Wissen

Lineare
Abnahmeprozesse

Wenn von einem Anfangswert in gleich großen Schritten immer gleich viel weggenommen wird, nennen wir das einen linearen Abnahmeprozess.

Gleichung:

$$y = d - k \cdot x$$

$k \cdot x$... veränderliche Größe
 d ... Konstante

Interessant

CO₂-Problem

Bei der Verbrennung von Erdöl (Benzin und Diesel sind aus Erdöl gemacht) entsteht Kohlendioxid (CO₂). Zu viel CO₂ ist schädlich für die Umwelt und das Klima.

Man versucht daher, immer sparsamere Autos zu bauen oder gänzlich auf andere Energieformen wie Strom umzusteigen.

→ Übungsteil, S. 84

→ Cyber Homework 18

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Direkte und indirekte Proportionalität

515 Eine Firma muss 2 000 Dichtungen herstellen.
Zwei Maschinen benötigen dafür 6 Stunden.

H1
H2
H3
I2

- Wie lange dauert es, wenn drei Maschinen arbeiten?
- Gib das Produkt zwischen Zeit und Anzahl der Maschinen an.
- Drücke den Zusammenhang in Form einer Gleichung aus, bei der y die Zeit in Stunden und x die Anzahl der Maschinen ist.
- Erstelle ein Diagramm für 1, 2, 3 und 4 Maschinen (x -Achse) und die jeweils benötigte Zeit (y -Achse).

S14
S15
S16

516 Eine Maschine produziert 42 Düsen pro Stunde.

H1
H2
H3
I2

- Wie viele Düsen produziert die Maschine in 3 Stunden?
- Gib das Verhältnis zwischen Zeit und produzierten Düsen an.
- Drücke den Zusammenhang in Form einer Gleichung aus, bei der y die Zahl der Düsen und x die Zeit in Stunden ist.
- Zeichne ein Diagramm für 1, 2, 3 und 4 Stunden (x -Achse) und die jeweils produzierten Düsen (y -Achse).

S11
S12
S13
S16

517 Finde heraus, ob die Wertepaare in den Tabellen jeweils direkt, indirekt oder nicht proportional sind.

H1
H4
I2

a)

x :	10	15	30	x :	7	27	37
y :	6	4	2	y :	24	32	45

S11
S14

Lineare Zu- und Abnahmeprozesse

518 Das Busunternehmen Mair verlangt für einen Schulausflug einen Grundpreis von 200 € und 6 € für jeden gefahrenen Kilometer.

H1
H2
I2

- Berechne die Gesamtkosten für eine Fahrt von 150 km.
- Stelle eine Gleichung für die Kosten (y) in Abhängigkeit von den gefahrenen Kilometern (x) auf.
- Zeichne berechnete Werte aus b) in ein passendes Diagramm ein.

S17
S18

519 Das Busunternehmen Steiner bietet einen Grundpreis von 250 € und 4 € für jeden gefahrenen Kilometer an.

H1
H2
H3
I2

- Stelle eine Gleichung für die Kosten (y) in Abhängigkeit von den gefahrenen Kilometern (x) auf.
- Zeichne berechnete Werte aus a) in das Diagramm aus Aufgabe 518 c) ein.
- Vergleiche die Preise der Busunternehmen Mair (aus Aufgabe 518) und Steiner: Welches Unternehmen ist bei kurzen Strecken günstiger? Ab wie vielen gefahrenen Kilometern ist das andere Unternehmen günstiger?

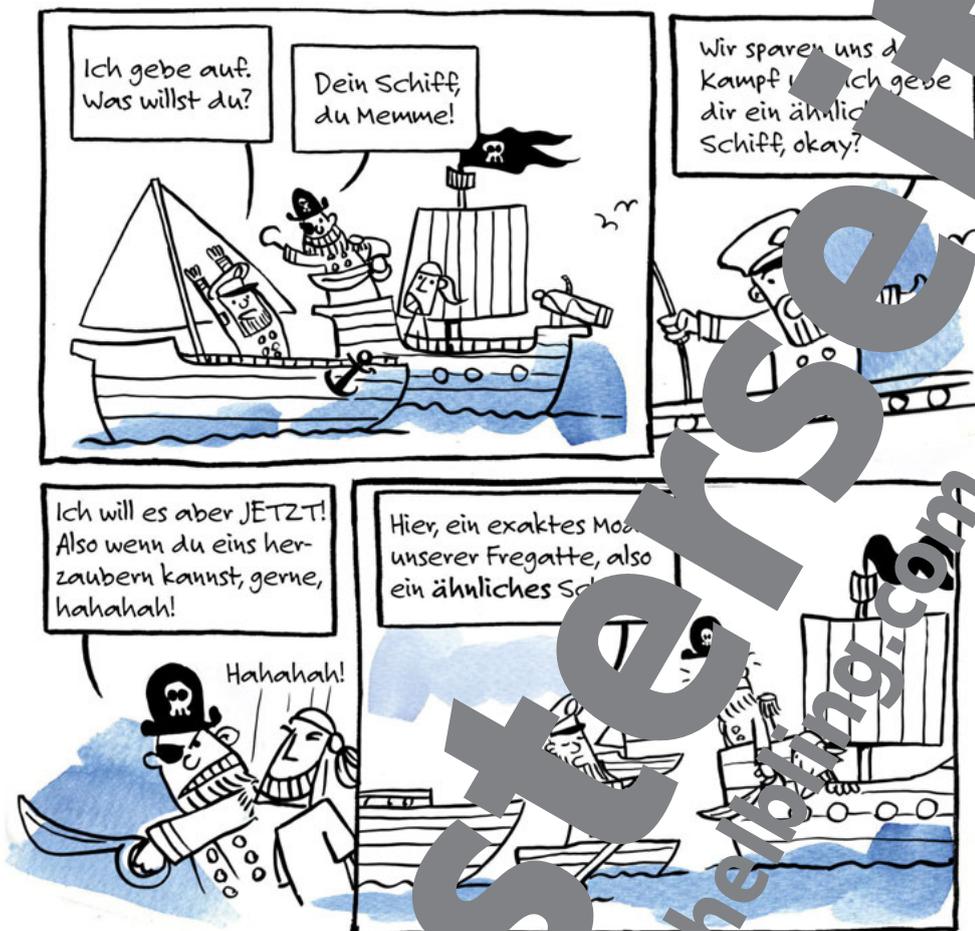
S17
S18

J

Ähnlichkeit und Strahlensätze Vergrößern, Verkleinern, Strecken teilen

Inhalt

	Warm-up	118
J1	Ähnlichkeit und Kongruenz	119
J2	Vergrößern und Verkleinern mit Gittern	120
J3	Zentrische Streckung	121
J4	Vergrößern und Verkleinern	122
J5	Strecken teilen wie Euklid	123
	English Corner	124
	Technik-Labor	124
J6	1. Strahlensatz und 2. Strahlensatz	125
J7	Anwendung – Försterdreieck	126
J8	3. Strahlensatz	127
	Checkpoint	128



520 Schaut euch den Comic mit den Bildern an.

Löst dann die Aufgaben.

H1
H3
H4
I3

- Was bedeutet Ähnlichkeit in der Mathematik, was bedeutet es im Alltag? Gebt je zwei Beispiele an.
- In welchem Maßstab wurde das Modellschiff gebaut sein? Begründet eure Überlegungen.
- Modellschiffe / Modellflugzeuge / Modellautos
In welchem Maßstab sind Modellschiffe / Modellflugzeuge / Modellautos meistens gebaut?
Wenn ihr selbst solche Modelle zu Hause habt:
Nehmt sie in die Klasse mit und bestimmt ihre Maßstäbe.

Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Kongruenz

521 Kreuze an: Was bedeutet das Wort „kongruent“?

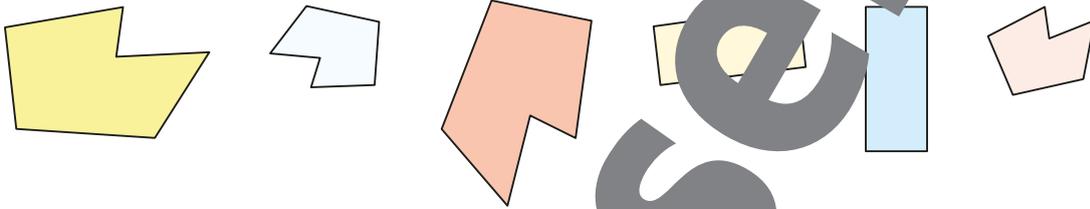
H1
I3

- deckungsgleich gleichförmig ähnlich gleich

522 Je zwei Figuren sind kongruent.

H3
I3

Verbinde sie miteinander.



Verhältnis und Verhältnisgleichung

523 Miss zuerst die Strecken ab und gib ihre Länge in Metern an.

H1
H2
I2
I3

Dann stelle jeweils das Verhältnis $x : y$ der Strecken auf.



524 Berechne jeweils den Wert der unbekannten.

H2
I2

a) $4 : 3 = x : 6$

b) $y : 5 = 10 : 2$

c) $4 : 5 = 12 : z$

Dreiecke

525 Kreuze an.

H1
I3

Die Summe der Winkel eines Dreiecks, $\alpha + \beta + \gamma$, beträgt immer ...

- 90° 180°

526 Berechne den Flächeninhalt der angegebenen Dreiecke.

H2
I3

a) $a = 6 \text{ cm}$ $c = 5 \text{ cm}$
 $h_c = 4,9 \text{ cm}$

b) $a = 3,5 \text{ m}$ $b = 4,8 \text{ m}$

$c = 5,1 \text{ m}$
 $h_a = 4,6 \text{ m}$

Parallele Geraden

527 Zeichne eine Gerade schräg in dein Heft und konstruiere vier dazu parallel verlaufende Geraden.

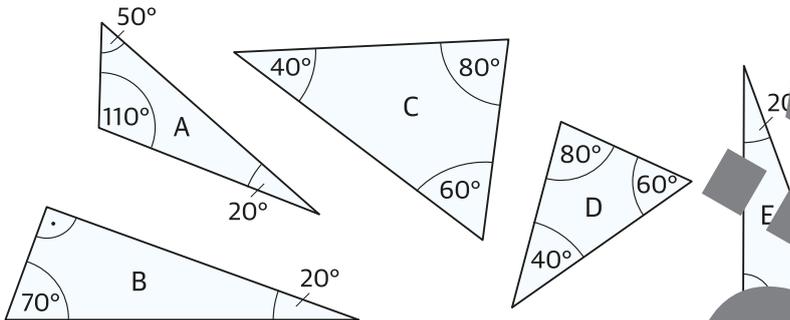
H2
I3

Vergleiche dein Ergebnis mit anderen.

Ähnlichkeit und Kongruenz

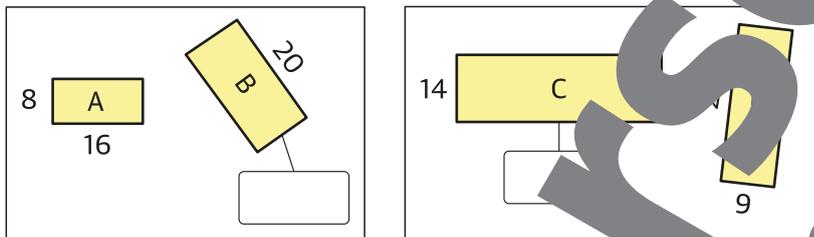
528 Verbinde jene Dreiecke, die ähnlich zueinander sind.

H3
I3



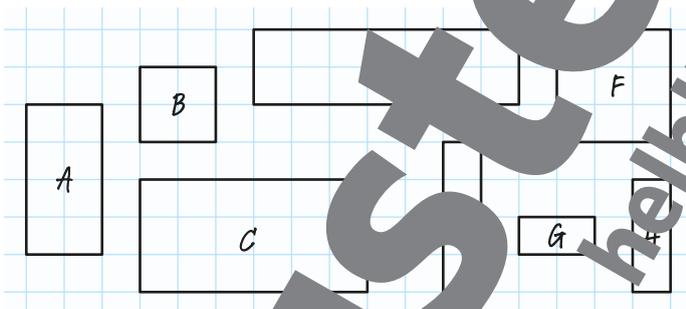
529 Ergänze die Länge der fehlenden Seite, wenn gilt: $A \sim B$ und $C \sim D$.

H2
I3



530 Verbinde jene Vierecke, die ähnlich zueinander sind.

H3
I3



531 Kreuze die zutreffende(n) Aussage(n) an.

H4
I3

- a) Zwei Dreiecke sind ähnlich, wenn zwei ihrer Seiten gleich lang sind.
- b) Zwei Dreiecke sind ähnlich, wenn ihre Winkel gleich groß sind.
- c) Zwei Rechtecke sind ähnlich, wenn ihre Winkel gleich groß sind.
- d) Zwei Vierecke sind ähnlich, wenn sie kongruent sind.
- e) Sind zwei Figuren kongruent, so sind ihre Umfänge und ihre Flächeninhalte gleich groß.
- f) Zwei Figuren mit gleichem Flächeninhalt nennt man kongruent.

532 Stellt die falschen Aussagen aus Aufgabe 531 richtig.

H4
I3

Vergleicht eure Ergebnisse mit denen anderer Gruppen.

Ziel

⇒ Begriffe, Symbole und Bedingungen "ähnlich" und "kongruent" erkennen und anwenden können

Wissen

Ähnlichkeit (\sim)

Ähnliche Figuren haben gleiche Winkel und gleiche Seitenverhältnisse.

Es muss also gelten:

$$\alpha = \alpha', \beta = \beta', \dots$$

und

$$a : a' = b : b' = \dots$$

Man schreibt: $A \sim A'$

Man spricht:

A ist ähnlich zu A'.

Dreiecke mit gleichen Winkeln sind immer ähnlich.

Bei Vier- und Vielecken müssen hingegen die Seitenverhältnisse überprüft werden.

Kongruenz (\cong)

ist eine Sonderform der Ähnlichkeit, bei der nicht nur die Winkel gleich groß, sondern auch die Seitenlängen gleich lang sind.

Es muss also gelten:

$$\alpha = \alpha', \beta = \beta', \dots$$

und

$$a = a', b = b', \dots$$

Man schreibt: $A \cong A'$

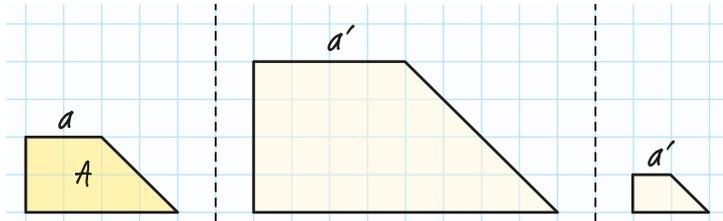
Man spricht:

A ist kongruent zu A'.

Vergrößern und Verkleinern mit Gittern

533 Die Figur A wurde zweimal gestreckt.
Bestimme jeweils den Streckungsfaktor k.

H2
I3

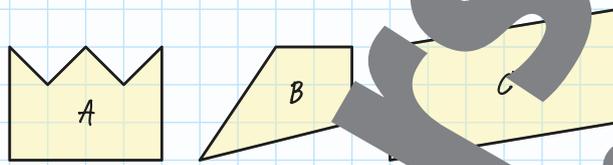


Original $k = 4 : 2 = \underline{\quad}$ $k = \underline{\quad} =$

534 Zeichne die abgebildeten Figuren in dein Heft und strecke sie mit dem angegebenen Faktor.
Gib jeweils an, ob du vergrößert oder verkleinert hast.

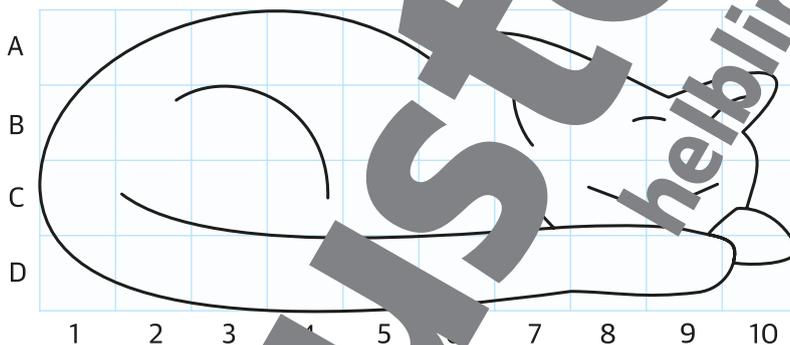
H1
H3
I3

- a) Figur A, $k = 3$
- b) Figur B, $k = 0,5$
- c) Figur C, $k = \frac{1}{3}$
- d) Figur B, $k = 4$



535 Zeichne die Katze halb so groß in dein Heft.
Verwende die Kästchen als Orientierung.

H1
I3



536 Kreuze die zutreffende(n) Aussage(n) an.
Hinweis: Es gilt $k > 1$ für die Originalfigur, $k < 1$ für die verkleinerte Figur A' ist die k -gestreckte Figur!

H4
I3

- | | |
|--|--------------------------|
| a) A und A' sind kongruent, wenn $k = 1$ ist. | <input type="checkbox"/> |
| b) Ist $k < 1$, so wird A vergrößert. | <input type="checkbox"/> |
| c) Man kann nur Figuren strecken, deren Seiten nicht gebogen sind. | <input type="checkbox"/> |

537 Stellt die falschen Aussagen aus Aufgabe 536 richtig.

H4
I3

Ziele

Größenänderungen von Figuren mit Gittern durchführen können
Eigenschaften von gestreckten Figuren kennen

Wissen



Figuren strecken

Figuren strecken bedeutet, sie zu vergrößern oder zu verkleinern.

Die gestreckte Figur A' ist dabei immer ähnlich zum Original A.

Es gilt: $A \sim A'$

Streckungsfaktor k

Der Streckungsfaktor gibt das Verhältnis der Seitenlänge der neuen Figur (a') zur Originalseitenlänge (a) an:

$$k = a' : a$$

Wenn deine Figur vergrößert werden soll, ist a' größer als a und es gilt: $|k| > 1$.

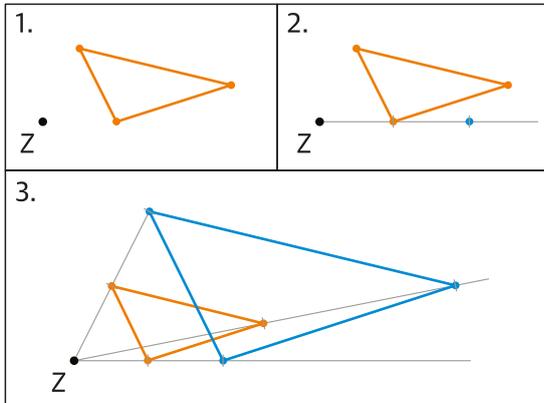
Wenn deine Figur verkleinert werden soll, ist a' kleiner als a und es gilt: $|k| < 1$.

Zentrische Streckung

538 Die Bildfolge zeigt, wie Petra ein Dreieck durch zentrische Streckung mit $k = 2$ vergrößert hat.

H1
H2
I3

- Beschreibt Petras Vorgehensweise.
- Zeichnet selbst ein Dreieck und streckt es um den Streckungsfaktor $k = 2$.



539 Übertrage die Figur und den Punkt Z zuerst in dein Heft. Dann vergrößere die Figur durch zentrische Streckung um den Faktor $k = 2$.

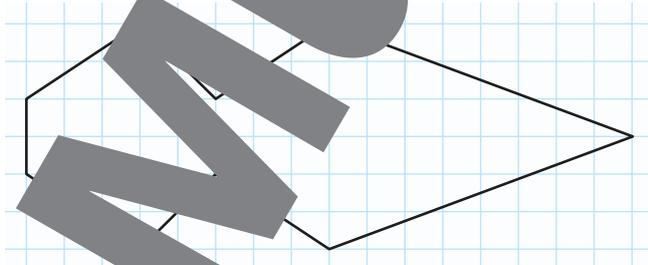
H2
I3

- $k = 2$
- $k = 3$
- $k = 2$



540 Übertrage die Figur zu Beginn in dein Heft. Dann führe die zentrische Streckung durch. Lege für deine Streckung den Streckungsfaktor k und das Zentrum Z jeweils selbst fest.

H2
H3
I3



- Strecke die Figur mit dem Faktor $k = 1,5$. Ergibt das eine Vergrößerung oder eine Verkleinerung?
- Strecke die Figur mit dem Faktor $k = 0,5$. Ergibt das eine Vergrößerung oder eine Verkleinerung?

Ziel

⇒ zentrische Streckungen anwenden können

Wissen



Zentrische Streckung von Figuren

Zuerst legst du das Streckzentrum (Punkt Z) fest. Von diesem Punkt aus werden Strahlen durch alle Eckpunkte der Figur gezeichnet, auf denen dann die Eckpunkte der gestreckten Figur liegen werden.

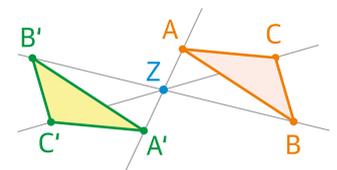
Strecke nun deine Figur um den Streckungsfaktor k (Erklärung in J2).

Eigenschaften

Die Originalfigur und die gestreckte Figur sind ähnlich. Ihre Seiten sind zueinander parallel.

Interessant

Zentrische Streckung – Spezialfälle



Für $k = 1$ erhältst du wieder die Abbildung selbst.

Für $k = -1$ ergibt sich eine Punktspiegelung.

Der Fall $k = 0$ ist nicht erlaubt, da sonst alle Punkte denselben Bildpunkt, nämlich das Zentrum (Z), hätten.

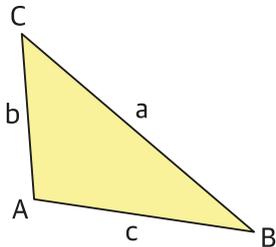
→ Übungsteil, S. 88

Vergrößern und Verkleinern

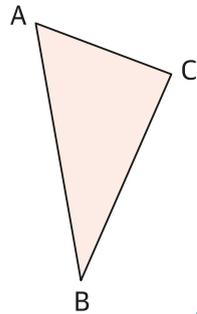
541 Konstruiere zu den abgebildeten Dreiecken jeweils ähnliche Dreiecke gemäß den Angaben. Dann beschreibe deine Vorgehensweise.

H1
H2
I3

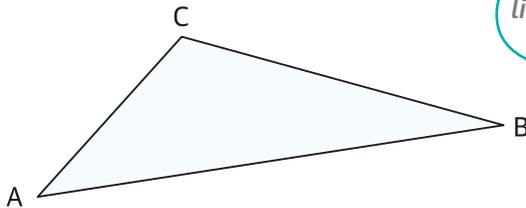
a) $a' = 5 \text{ cm}$



b) $k = 2$



c) $k = 0,7$



Ich rechne mir die neuen Seitenlängen aus!



Ich wende lieber die zentrische Streckung an!



542 Gegeben ist ein Rechteck mit einer Länge von 10 cm und einer Breite von 5 cm.

H2
H3
I3

- Konstruiere das Rechteck.
- Vergrößere das Rechteck im Verhältnis $1 : 2$.
- Vergleiche die Flächeninhalte der beiden Rechtecke (a) und b). In welchem Verhältnis stehen sie zueinander?

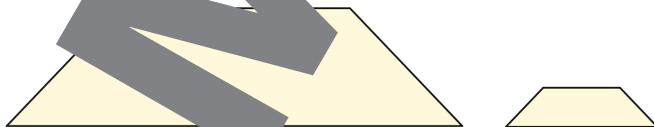
543 Gegeben ist ein rechtwinkliges Dreieck mit den Katheten $a = 2 \text{ cm}$ und $b = 3 \text{ cm}$.

H2
H3
I3

- Konstruiere das Dreieck.
- Vergrößere das Dreieck im Verhältnis $1 : 3$.
- Vergleiche die Flächeninhalte der beiden Dreiecke aus a) und b). In welchem Verhältnis stehen sie zueinander?

544 Die Zeichnung zeigt zwei Abbildungen des Originals einer Figur und rechts ihre Verkleinerung.

H1
H3
I3



- Um welchen Streckungsfaktor wurde die Figur verkleinert? Beschreibe, wie du beim Beantworten der Frage vorgegangen bist.
- Vergleiche die Flächeninhalte der beiden Figuren. In welchem Verhältnis stehen sie zueinander?

Ziele

Aufgaben zu Verkleinerungen lösen

→ über die Auswirkungen von Streckungen auf den Flächeninhalt Bescheid wissen

Wissen



Methoden zum Vergrößern und Verkleinern von Figuren

So kannst du eine Figur vergrößern/verkleinern:

- mit Hilfe von Gittern
- mit zentrischer Streckung
- durch Berechnung:

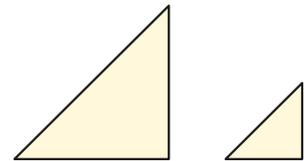
$$a' = k \cdot a$$

$$b' = k \cdot b$$

Dabei bleiben die Winkel und die Seitenverhältnisse gleich.

Interessant

Flächeninhalt bei ähnlichen Figuren



Streckt man eine Figur um den Faktor k , so verhalten sich ...

- die Seitenlängen $1 : k$
- die Flächeninhalte $1 : k^2$

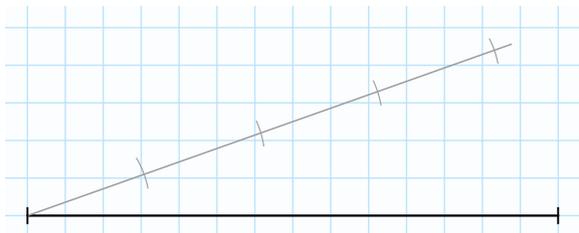
→ Übungsteil, S. 89

→ Cyber Homework 19

Strecken teilen wie Euklid

545 Die 7 cm lange Strecke soll in 4 gleich große Abschnitte geteilt werden. Gib die Länge der Teilstücke gerundet auf Millimeter an.

H1
I3



546 Zeichne die Strecken und teile sie jeweils in n gleich große Abschnitte.

H1
H2
I3

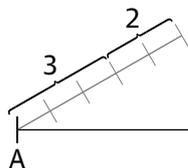
Miss die Längen der Teile ab und kontrolliere deine Zeichnung mit Hilfe einer Rechnung.

- | | |
|--|--|
| a) $\overline{AB} = 9 \text{ cm}, n = 5$ | e) $\overline{KL} = 5,6 \text{ cm}, n = 4$ |
| b) $\overline{CD} = 6 \text{ cm}, n = 4$ | f) $\overline{MN} = 2,8 \text{ cm}, n = 3$ |
| c) $\overline{EF} = 8 \text{ cm}, n = 3$ | g) $\overline{OP} = 7,5 \text{ cm}, n = 5$ |
| d) $\overline{GH} = 7 \text{ cm}, n = 2$ | h) $\overline{QR} = 4,8 \text{ cm}, n = 2$ |

547 Teile die Strecken jeweils im Verhältnis $2:3$.

H1
I3

a)



b)

548 Zeichne die Strecken und teile sie im angegebenen Verhältnis.

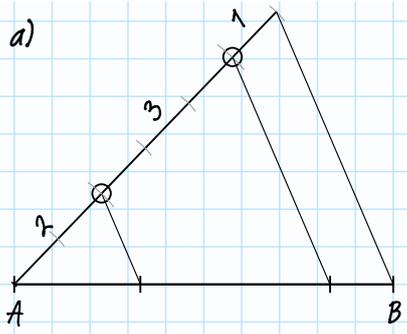
H1
I3

- | | |
|--|--|
| a) $\overline{AB} = 7 \text{ cm}, 2:3$ | e) $\overline{IJ} = 7,3 \text{ cm}, 2:1$ |
| b) $\overline{CD} = 6 \text{ cm}, 3:1$ | f) $\overline{KL} = 6,4 \text{ cm}, 4:3$ |
| c) $\overline{EF} = 8 \text{ cm}, 1:1$ | g) $\overline{MN} = 5,6 \text{ cm}, 3:2$ |
| d) $\overline{GH} = 5 \text{ cm}, 1:1$ | h) $\overline{OP} = 9,6 \text{ cm}, 1:5$ |

549 Zeichne die Strecken und teile sie im angegebenen Verhältnis.

H1
I3

- | |
|--|
| a) $\overline{AB} = 5 \text{ cm}, 2:1$ |
| b) $\overline{CD} = 8 \text{ cm}, 2:1:3$ |
| c) $\overline{EF} = 4 \text{ cm}, 1:3:2$ |
| d) $\overline{GH} = 6 \text{ cm}, 3:1:1$ |



Ziel

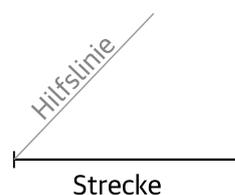
Strecken mit einem geometrischen Verfahren teilen können

Wissen



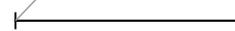
Strecken teilen

1.

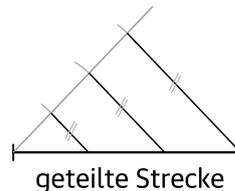


gleich große Zirkelabschläge

2.



3.



Interessant



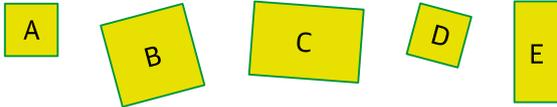
Der griechische Mathematiker Euklid beschrieb 300 v. Chr. die Teilung einer Strecke nur mit Zirkel und Lineal.

→ Übungsteil, S. 90

English Corner

550 Tick the boxes next to the correct sentences.

H3
I3



a)	A and B are similar.	<input type="checkbox"/>
b)	E and D are congruent.	<input type="checkbox"/>
c)	D and A are congruent.	<input type="checkbox"/>
d)	C and E are similar.	<input type="checkbox"/>

551 Make a scale drawing of the triangle below.

H1
H2
I3



- Enlarge the drawing with a scale factor of 5.
- Find and compare the perimeters of the original triangle and your enlarged triangle.
- Find and compare the areas of the original triangle and your enlarged triangle.

Wörterbuch

ähnlich

similar ...

congruent ...

kongruent

scale drawing ...

Maßstabszeichnung

triangle ...

Dreieck

scale factor ...

Streckungsfaktor

enlarge ...

vergrößern

reduce ...

verkleinern

perimeter ...

Umfang

area ...

Flächeninhalt

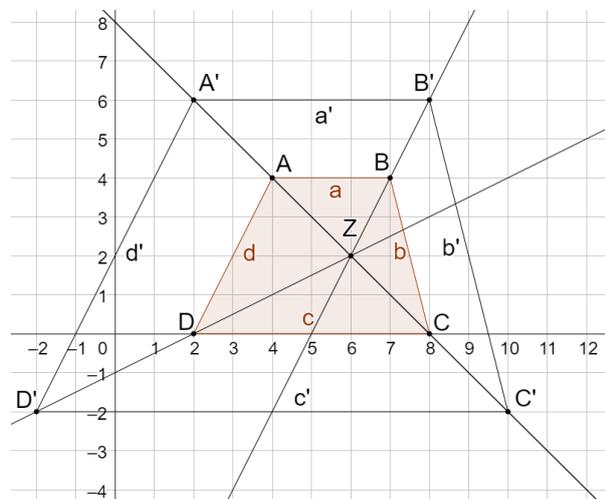
Technik-Labor

552 GeoGebra-Aufgabe

H3
I3

- Gib die Koordinaten der Ecken an.
A (|), B (|), C (|), D (|),
A' (|), B' (|), C' (|), D' (|)
- Kreuzen Sie die richtige(n) Antwort(en) an.
Das abgebildete Viereck ABCD
ist ein ...
 Trapez
 Parallelogramm
 Rechteck
 Quadrat
- Gib den Streckungsfaktor k
des Vierecks ABCD
zum Viereck A'B'C'D' an.

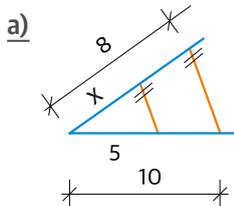
⇒ Ein GeoGebra-Arbeitsblatt
mit weiteren Aufgaben
findest du in der e-zone, Klasse 3 - J.



1. Strahlensatz und 2. Strahlensatz

553 Berechne jeweils die Unbekannte x mit Hilfe des 1. Strahlensatzes.

H2
I3



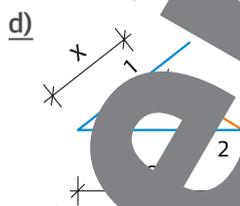
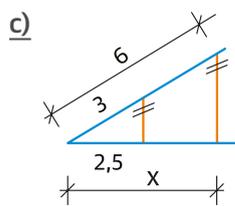
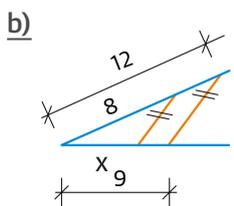
a)

$$x : 8 = 5 : 10$$

$$x \cdot 10 = 8 \cdot 5 \quad | : 10$$

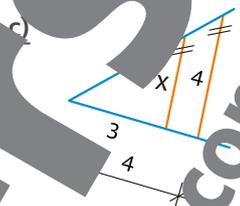
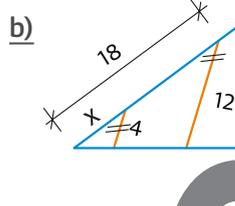
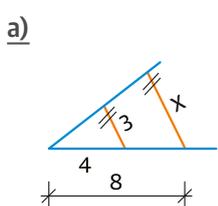
$$x = 40 : 10 = \underline{4}$$

Das ist ein bisschen wie Rätsel lösen!



554 Berechne jeweils die Unbekannte x mit Hilfe des 2. Strahlensatzes.

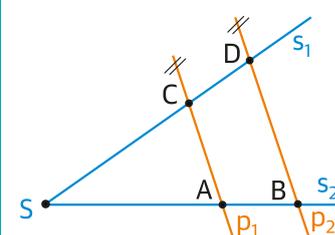
H2
I3



Ziel
⇒ und Strahlensatz
konstruieren und anwenden
kennen

Wissen

Strahlensätze
Strahlensätze beschreiben die Verhältnisse von Streckenabschnitten auf zwei **Strahlen** (s_1 und s_2), die von zwei **Parallelen** (p_1 und p_2) geschnitten werden.



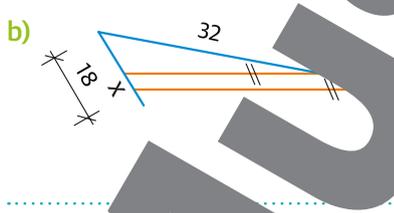
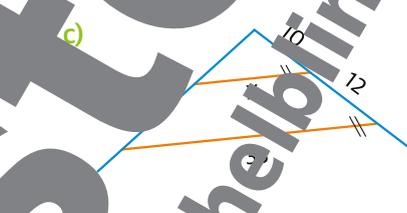
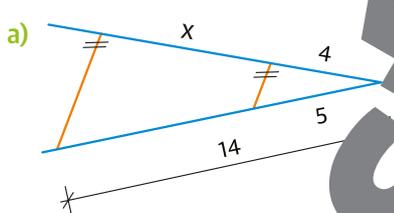
1. Strahlensatz
An den Strahlen gilt
 $\overline{SA} : \overline{SB} = \overline{SC} : \overline{SD}$
und $\overline{SA} : \overline{AB} = \overline{SC} : \overline{CD}$

2. Strahlensatz
An den Parallelen gilt
 $\overline{SA} : \overline{AC} = \overline{SB} : \overline{BD}$
und $\overline{SC} : \overline{CA} = \overline{SD} : \overline{DB}$

Die Beweise für die Strahlensätze ergeben sich aus den Eigenschaften, die du für ähnliche Dreiecke gelernt hast.

555 Berechne jeweils die Unbekannte x.

H2
I3



556 Daumensprungregel
Uwes Daumensprungregel. In Augenwechsel um die Breite des Hauses nach rechts. Die Breite des Hauses ist 6 Meter. Seine Entfernung vom Fenster ist das 2-fache davon.

H1
H4
I3



- a) Angenommen das Haus ist 6 Meter breit. Wie weit ist es entfernt?
- b) Schaut aus dem Fenster und bestimmt verschiedene Entfernungen mit dieser Faustregel. Vergleiche eure Vorgehensweisen und Ergebnisse!
- c) Erkläre die Daumensprungregel mit Hilfe des 2. Strahlensatzes. Zeichne eine Skizze!

Anwendung – Försterdreieck

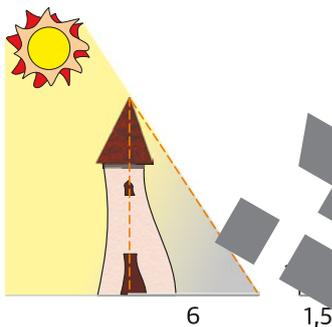
557 Bestimme die Höhe des Turmes.

H1
H2
I3

Die Skizze zeigt neben dem Schatten des Turmes auch den Schatten einer 2 Meter hohen Messlatte.



Die Schatten fallen im gleichen Winkel. Es sind also ähnliche Dreiecke!



558 Der Schatten eines Baumes ist 14 Meter lang. Herr Müller ist 1,80 m groß und sein Schatten ist 2 Meter lang.

H1
H2
I3

Wie hoch ist der Baum?

559 Der Schatten einer Fahnenstange ist 6 m lang. Sabine verwendet zum Messen eine 1,2 Meter lange Latte. Die Latte wirft beim Messen einen 40 cm langen Schatten.

H1
H2
I3

Wie hoch ist die Fahnenstange?

560 Schreibt selbst eine „Wie hoch ist ...“-Aufgabe und löst sie in eurem Heft.

H1
I3

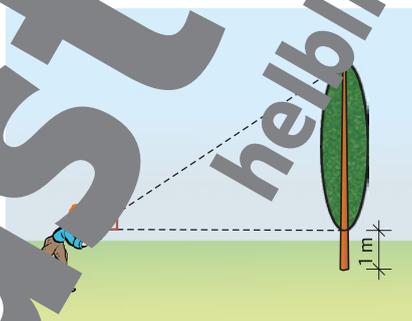
561 Das Försterdreieck von Förster Huber ist 30 cm breit und 20 cm hoch.

H1
H2
I3

Herr Huber hat jeweils seinen Abstand zum Baum aufgeschrieben.

Gib die Höhe der Bäume an.

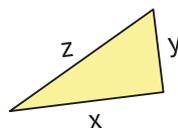
- a) Fichte: 15 m
- b) Tanne: 20 m
- c) Birke: 12 m
- d) Lärche: 30 m



562 Lisa hat ein Försterdreieck geschenkt bekommen. Es ist y cm hoch und x cm breit.

H2
I3

Schreib eine kurze Anleitung für Lisa, wie man die Höhe y berechnen kann, wenn die Breite x und die Augenhöhe z vorgegeben sind.



563 KNOBELAUFGABE
Förster Meier sagt:

H1
H4
I3

„Bei meinem Försterdreieck muss ich nicht rechnen. Der Abstand zum Baum ist auch die Höhe. Nur den einen Meter Augenhöhe rechne ich noch dazu.“

Ist das möglich? Wenn ja, wie sieht Herrn Meiers Försterdreieck aus?

Ziel

Strahlensätze und Ähnlichkeit über ähnliche Figuren in Sachsituationen anwenden können

Wissen

Försterdreieck

Das Försterdreieck ist ein einfaches Hilfsmittel zur Höhenbestimmung von senkrecht stehenden Objekten wie Bäumen, Türmen oder Masten.

Interessant

Thales und die Cheops-Pyramide



Der antike Mathematiker Thales von Milet hat bereits 600 v. Chr. die Höhe der Cheops-Pyramide mit Hilfe eines Messtabes und dem Schatten berechnet.

Die Cheops-Pyramide ist die älteste und größte Pyramide der Welt. Sie ist 140 m hoch.

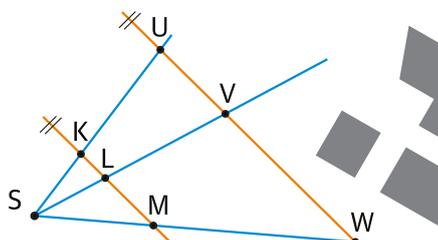
3. Strahlensatz

564 Ergänze die Verhältnisgleichungen.

H2
H3
I3

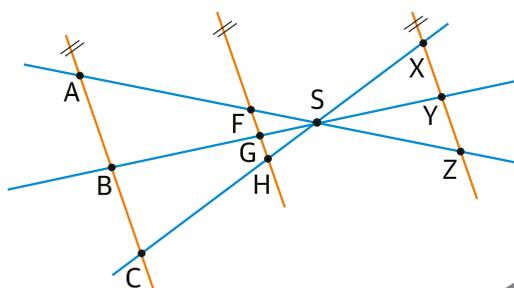
Verwende dafür dein Wissen über die drei Strahlensätze.

- a) $\overline{UV} : \overline{UW} = \underline{\hspace{2cm}}$
- b) $\overline{SK} : \overline{SU} = \underline{\hspace{2cm}}$
- c) $\overline{SL} : \overline{LV} = \underline{\hspace{2cm}}$
- d) $\overline{SM} : \overline{SL} = \underline{\hspace{2cm}}$
- e) $\overline{SW} : \overline{SM} = \underline{\hspace{2cm}}$
- f) $\overline{ML} : \overline{LK} = \underline{\hspace{2cm}}$



565 Finde jeweils zwei gleich große Verhältnisse.

H1
I2
I3



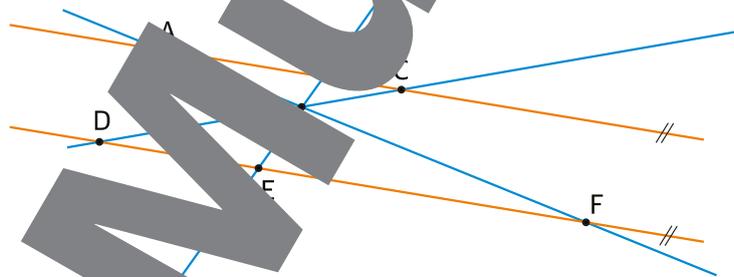
- a) $\overline{AB} : \overline{BC} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$
- b) $\overline{SZ} : \overline{ZY} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$
- c) $\overline{FH} : \overline{GH} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$
- d) $\overline{SH} : \overline{SC} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$
- e) $\overline{SB} : \overline{AB} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$
- f) $\overline{SH} : \overline{HF} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

566 Berechne jeweils die gesuchten Streckenlängen.

H1
H2
I2
I3

Folgende Streckenlängen sind bekannt:

$\overline{AB} = 10 \text{ cm}$, $\overline{BC} = 4 \text{ cm}$, $\overline{DE} = 10 \text{ cm}$



- a) $\overline{EF} = ?$
- b) $\overline{EX} = ?$

567 KNOBELAUFGABE

H1
I3

Gestalte selbst eine Rätselaufgabe mit zwei Strahlen (ausgehend vom Punkt S) und drei parallelen Geraden, die die Strahlen schneiden.



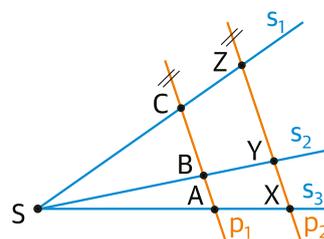
Ziel

⇒ Strahlensatz kennen und anwenden können

Wissen

3. Strahlensatz

Werden mehr als zwei Strahlen von parallelen Geraden geschnitten, so verhalten sich die entsprechenden Abschnitte zueinander proportional.



Es gilt:

$$\overline{AB} : \overline{BC} = \overline{XY} : \overline{YZ}$$

und $\overline{AC} : \overline{AB} = \overline{XZ} : \overline{XY}$

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Vergößern und Verkleinern, Zentrische Streckung

568 Kreuze die zutreffende(n) Aussage(n) an.

H3
H4
I3

- | | | |
|----|--|--------------------------|
| a) | Wenn man ein Quadrat um den Faktor 0,7 streckt, erhält man als Ergebnis wieder ein Quadrat. | <input type="checkbox"/> |
| b) | Ist der Streckungsfaktor kleiner als 1, entspricht die Streckung einer Vergrößerung. | <input type="checkbox"/> |
| c) | Wenn man ein Deltoid um den Faktor 2 streckt, so ist das Ergebnis kongruent zur Ausgangsfigur. | <input type="checkbox"/> |
| d) | Man kann mit der zentrischen Streckung Figuren verkleinern oder vergrößern. | <input type="checkbox"/> |

J2
 J3
 J4

569 Konstruiere ein Dreieck mit $a = 4 \text{ cm}$, $b = 6 \text{ cm}$ und $c = 5 \text{ cm}$.

H2
I3

- a) Verkleinere das Dreieck mit dem Streckungsfaktor 0,5.
b) Vergrößere das Dreieck mit dem Streckungsfaktor 1,5.

J1
 J4

Strecken teilen, Strahlensätze

570 Zeichne die Strecken und teile sie im angegebenen Verhältnis.

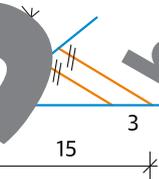
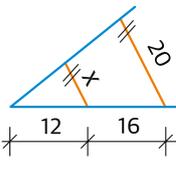
H1
I3

- a) $\overline{AB} = 6,7 \text{ cm}$, $4 : 3$ b) $\overline{CD} = 5,3 \text{ cm}$, $1 : 3$

J5

571 Berechne jeweils die Unbekannte x mit Hilfe der Strahlensätze.

H2
I3

- a) 
- b) 
- c) 

J6
 J8

Anwendung

572 Neben einem Haus steht ein 5 m hoher Mast, dessen Schatten 2,3 m lang ist. Das Haus wirft einen 1,5 m langen Schatten.

H1
H2
I3

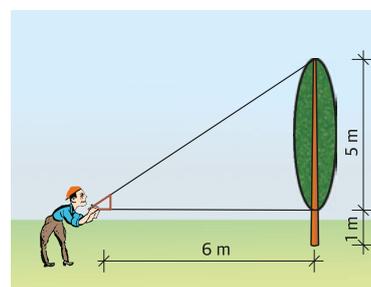
Wie hoch ist das Haus?

J7

573 Förster misst die Höhe eines Baumes wie in der Skizze rechts.

H1
H4
I3

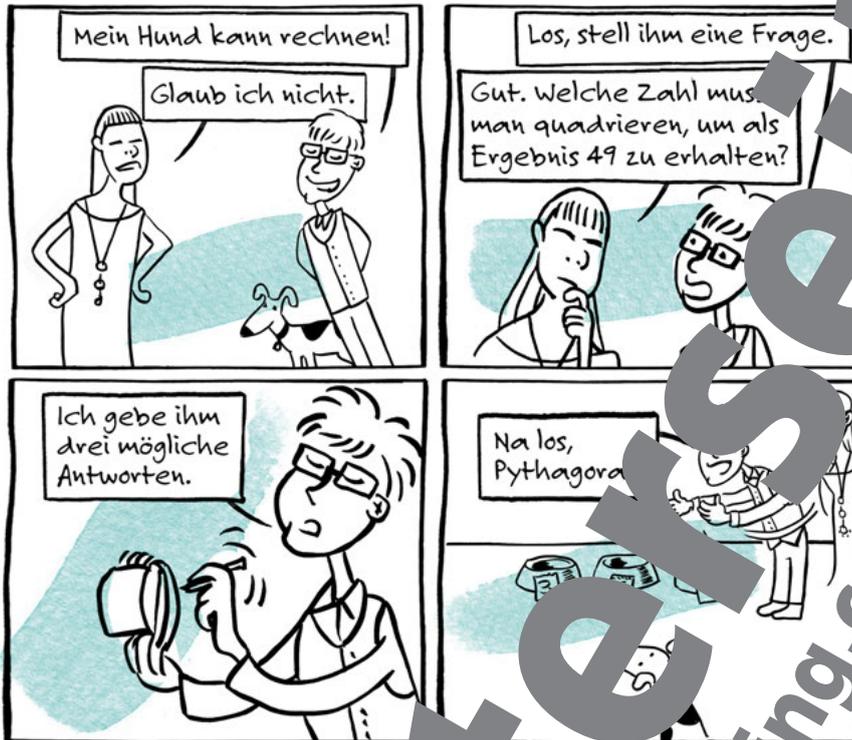
Wie lang und wie hoch könnte sein Försterdreieck sein?
Gibt es verschiedene Möglichkeiten?
Begründe deine Antworten.



J7

K

Der Satz des Pythagoras Quadratwurzel, Anwendung



574 Schaut euch den Comic an.
Löst dann die Aufgaben.

H2
H3
H4
I1

- Was glaubt ihr:
Kann der Hund Pythagoras wirklich rechnen?
Begründet eure Antwort.
- Löst die Aufgabe $x^2 = 49$ so, wie ihr könnt.
Gibt es mehrere Lösungen?
- Kann man diese Aufgabe mit dem Taschenrechner lösen?
Gebt an, wie es geht.
- KNOBELAUFGABE**
Findet durch Probieren zwei ganze Zahlen x und y so,
dass $x^2 + y^2 = 49$ gilt.
Gibt es mehrere Lösungen?
Beschreibt eure Vorgehensweise.

Inhalt

Warm-up	130
K1 Quadratwurzel	131
K2 Der Satz des Pythagoras	132
Extra: Der Satz des Pythagoras	133
Extra: Spirale des Theodoros	133
K3 Seiten berechnen	134
K4 Koordinatensystem	135
English Corner	136
Technik-Labor	136
K5 Anwendungen in der Geometrie	137
K6 Besondere Vierecke	138
K7 Anwendungen in Sachaufgaben	139
Checkpoint	140

Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Potenzen

575 Schreibe die Potenzen als Serienmultiplikationen an und berechne ihren Wert.

H2
I1

- a) 4^3 b) 5^3 c) 3^4 d) 10^5 e) 12^2

a) $4 \cdot 4 \cdot 4 = 64$

576 Ergänze die fehlenden Zahlen in der Tabelle.

H3
I1

a	5	8	4			2	
a^2	25			36	81		100

Flächenberechnungen

577 Berechne den Flächeninhalt eines Quadrates mit einer Seitenlänge von 1,7 m.

H2
I3

578 Der Flächeninhalt eines rechteckigen Beetes beträgt 16 m^2 . Das Beet ist 8 Meter lang.

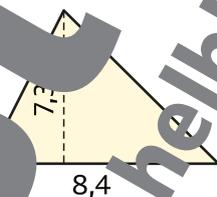
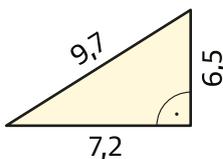
H2
I3

Wie breit ist das Beet?

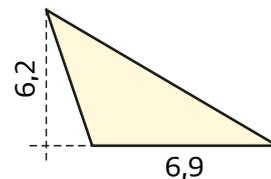
579 Berechne die Flächeninhalte der abgebildeten Dreiecke (Maße in cm).

H2
I3

a)



c)

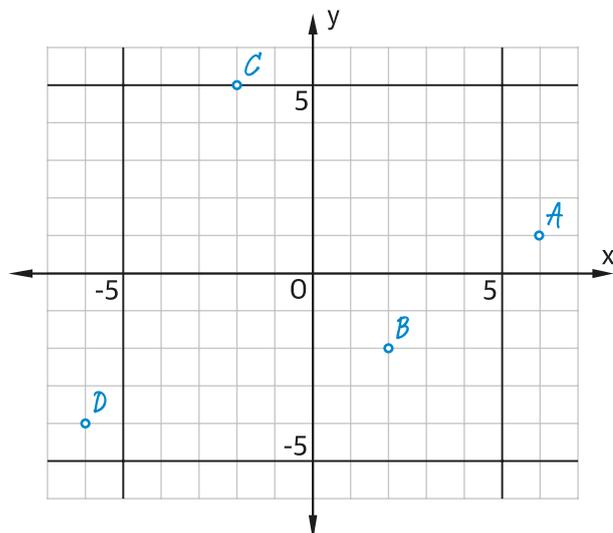


Koordinatensystem

580 Gegeben ist das Koordinatensystem rechts.

H2
H3
I3

- a) Gib die Koordinaten der Punkte A, B, C und D an.
A (|), B (|), C (|), D (|)
- b) Ordne die folgenden Punkte in das Koordinatensystem ein.
E (5 | -7 | 0), G (-1 | -5), H (6 | -5)
- c) Erstelle den Viereckenzug ABCDEFGH, indem du die Punkte von A bis H miteinander verbindest.



Quadratwurzel

581 Übe das Wurzelzeichen!

H1
H3
I1

- a) Schreibe die abgebildete Reihe in dein Heft und setze sie drei Zeilen lang fort.

$$\sqrt{1} \quad \sqrt{10} \quad \sqrt{100} \quad \sqrt{10} \quad \sqrt{1} \quad \sqrt{10}$$

b) FORSCHE WEITER

René Descartes

Der französische Mathematiker René Descartes führte seinerzeit das Wurzelzeichen ein.

Wer war dieser Mann?
Wo und wann lebte er?



Ziele

- den Begriff Quadratwurzel verstehen und diese überschlagsmäßig berechnen können
- die wichtigsten Quadratzahlen kennen

582 Schreibe die Multiplikationen zuerst als Potenzen an. Dann berechne ihre Quadratwurzeln als Umkehrfunktion.

H1
I1

- a) $5 \cdot 5$ b) $8 \cdot 8$ c) $3 \cdot 3$ g) $10 \cdot 10$
 d) $9 \cdot 9$ h) $4 \cdot 4$
 e) $1 \cdot 1$ i) $0 \cdot 0$
 f) $7 \cdot 7$ j) $6 \cdot 6$

$$a) \quad 5 \cdot 5 = 5^2 = 25$$

$$\sqrt{25} = 5$$

583 Zwischen welchen ganzen Zahlen liegen die Werte der angegebenen Quadratwurzeln?

H1
I1

Besprich deine Vorgehensweise.

Wurzel:	$\sqrt{10}$	$\sqrt{20}$	$\sqrt{55}$	$\sqrt{120}$
Wert liegt zwischen:	3 und 4			

584 Berechne die Werte der angegebenen Quadratwurzeln mit dem Taschenrechner auf zwei Kommastellen genau.

H2
I1

- a) $\sqrt{5}$ d) $\sqrt{1695}$
 b) $\sqrt{3}$ e) $\sqrt{84}$ f) $\sqrt{7206}$
 c) $\sqrt{8}$ g) $\sqrt{382}$



Beispieleingabe (nicht bei allen TR gleich)

585 Der Flächeninhalt eines Quadrats beträgt ...

H2
I3

- a) ... 16 m². b) ... 372,49 m². c) ... 2 043,04 m².

Berechne die Seitenlänge des Quadrats.

586 KNOBELAUFGABE

H1
I1

Ungerade Quadratzahlen

Finde alle ungeraden Quadratzahlen zwischen 1 000 und 1 500.

Beschreibe, wie du die Aufgabe gelöst hast.

Wissen

Quadratwurzel

„Welche Zahl muss man quadrieren, um 16 zu erhalten?“

Um Aufgaben dieser Art zu lösen, gibt es die Operation der Quadratwurzel:

$$\sqrt{16} = 4 \quad (\text{weil } 4 \cdot 4 = 16)$$

Man spricht:

„Die Wurzel aus 16 ist 4.“

Beispiele:

$$\sqrt{9} = 3 \quad (\text{weil } 3 \cdot 3 = 9)$$

$$\sqrt{5,29} = 2,3$$

(weil $2,3 \cdot 2,3 = 5,29$)

Quadratzahlen

sind natürliche Zahlen, die durch Multiplikation einer ganzen Zahl mit sich selbst entstehen. Die Wurzel einer Quadratzahl ist daher immer eine ganze Zahl.

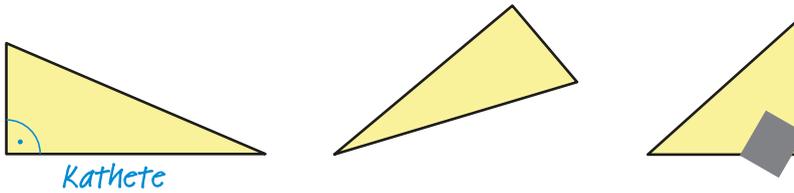
Beispiele für Quadratzahlen:

- 1 ... $1 \cdot 1$
- 4 ... $2 \cdot 2$
- 9 ... $3 \cdot 3$

Der Satz des Pythagoras

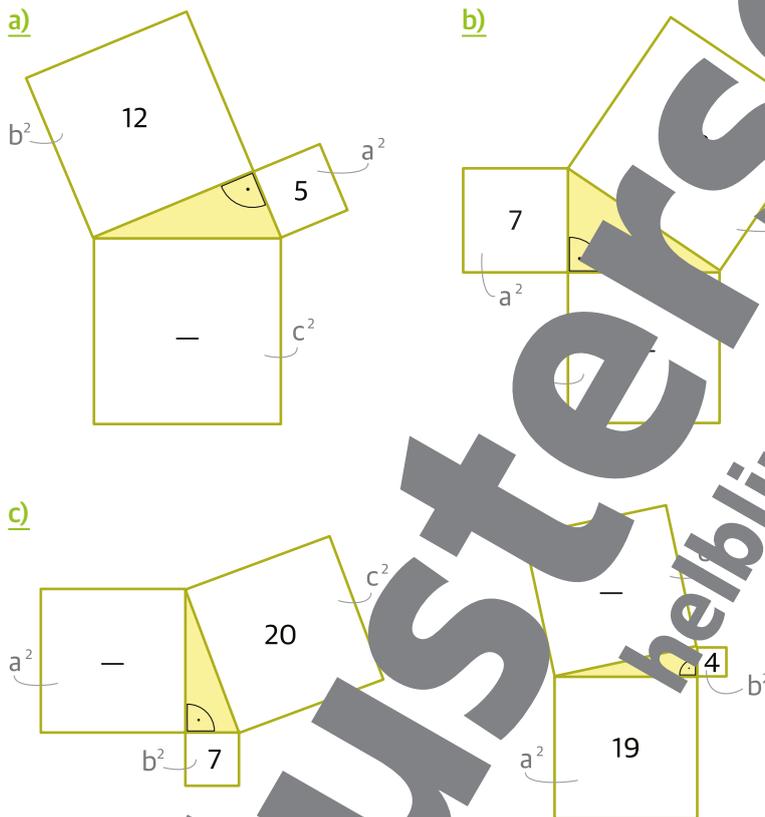
587 Kennzeichne zuerst den rechten Winkel.
Dann beschrifte die Seiten als „Kathete“ oder „Hypotenuse“.

H1
I3



588 Ergänze die fehlenden Flächeninhalte (alle Maßangaben in cm).
Hinweis: Die Darstellungen sind nicht maßstabsgetreu!

H3
I3



589 Konstruiere ein rechtwinkeliges Dreieck.

H1
H2
I3

Zeichne dann Quadrate auf die Seiten und gib jeweils ihren Flächeninhalt an.

- a) $a = 5$ cm, $b = 5$ cm, $c = 5$ cm
- b) $a = 8$ cm, $b = 6$ cm und $c = 10$ cm

590 Kannst du mit Hilfe des Satzes des Pythagoras herausfinden, ob die angegebenen Dreiecke rechtwinkelig sind oder nicht?

H3
I3

- a) $a = 6$ cm, $b = 4$ cm, $c = 10$ cm
- b) $a = 12$ cm, $b = 5$ cm, $c = 13$ cm
- c) $a = 36$ m, $b = 77$ m, $c = 85$ m

Ziel

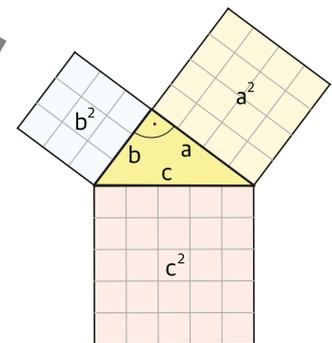
Der Satz des Pythagoras verbindet die Katheten- und Hypotenusenquadrate eines rechtwinkligen Dreiecks.

Wissen

Satz des Pythagoras

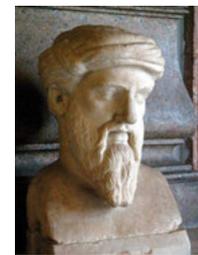
In einem rechtwinkligen Dreieck ist die Summe der Kathetenquadrate gleich dem Hypotenusenquadrat:

$$a^2 + b^2 = c^2$$



Interessant

Pythagoras von Samos



Pythagoras lebte von etwa 570 v. Chr. bis 510 v. Chr.

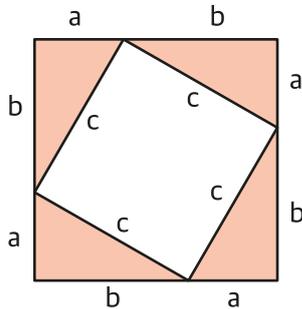
Findet neben der Geometrie weitere Themen, mit denen Pythagoras sich beschäftigt hat.

→ Übungsteil, S. 96

Extra: Der Satz des Pythagoras

591 Tina hat eine Skizze zum Satz des Pythagoras gefunden. 

H3
H4
I3



Zuerst sollte ich wissen, ob die rote und weiße Fläche gleich groß sind.

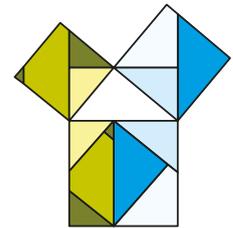
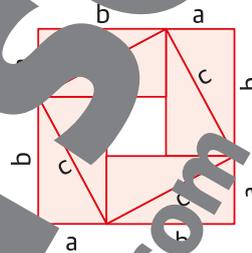
Ich habe dann für rot und für weiß jeweils eine Formel aufgestellt und die dann gleichgesetzt!

a) Helft Tina, $a^2 + b^2 = c^2$ anhand der Skizze zu beweisen!

b) **FORSCH WEITER**

Beweise für den Satz des Pythagoras

Es gibt mehr als 300 Beweise für den Satz des Pythagoras. Sucht nach zwei weiteren Beweis-Skizzen im Internet und versucht, die Erklärung für diese Beweise zu verstehen.



Extra: Spirale des Theodoros

592 Theodoros von Kyrene

H1
H2
I3

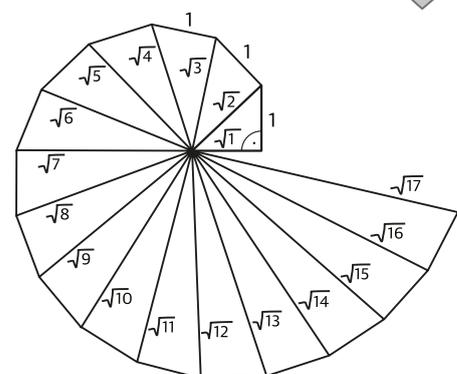
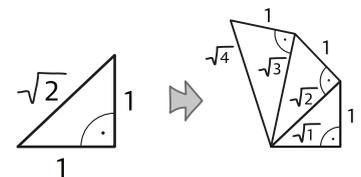
Theodoros von Kyrene lebte um 400 Jahre nach Pythagoras. Mit seiner Spirale, die manchmal als Winkelschnecke nennt, kann man die Quadratwurzeln von natürlichen Zahlen konstruieren und messen.

a) Konstruiere die Spirale des Theodoros bis $\sqrt{17}$.

b) Erstelle eine Tabelle mit den Messwerten aus deiner Spirale und den berechneten Werten mit deiner Taschenrechner.

	$\sqrt{1}$	$\sqrt{2}$	$\sqrt{3}$	$\sqrt{4}$...
gemessene Werte	1,000	1,414			
berechnete Werte					

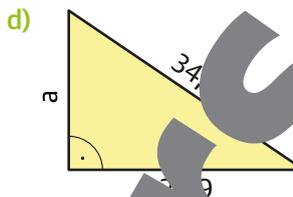
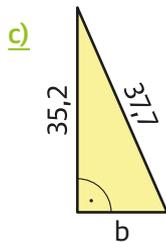
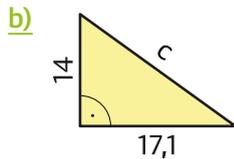
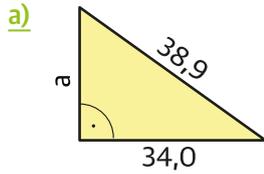
Schreibe eine Anleitung für eine/n Freund/in, wie man die Spirale am besten konstruieren kann. Versuche dabei, ohne Bilder auszukommen.



Seiten berechnen

593 Berechne die Längen der fehlenden Seiten (alle Maßangaben in cm).

H2
H3
I3



$$a^2 = c^2 - b^2$$

$$a^2 = 38,9^2 - 34,0^2$$

$$a^2 = 357,21$$

$$a = \sqrt{357,21}$$

$$a = 18,9 \text{ cm}$$

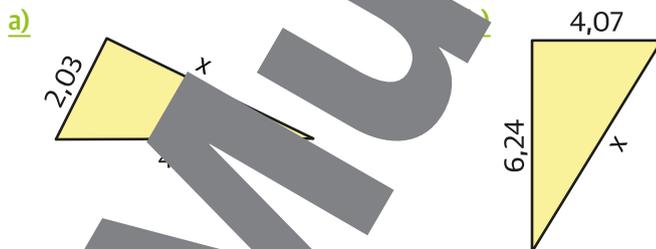
594 Berechne die Längen der fehlenden Seiten (alle Maßangaben in m).

H2
I3

	a)	b)	c)	d)
Kathete a	6,5	9	28,8	33,6
Kathete b	7,2		17,5	
Hypotenuse c		11	13,7	62,5

595 Markiere zuerst den rechten Winkel in jedem Dreieck. Berechne dann die Länge der fehlenden Seite (alle Maßangaben in dm).

H2
H3
I3



596 Die Katheten eines rechtwinkligen Dreiecks sind 5,6 cm und 4,8 cm lang.

H1
H2
I3

- Berechne die Länge der Hypotenuse des Dreiecks.
- Konstruiere das Dreieck und bestimme die Länge der Hypotenuse durch Messen.
- Vergleiche deine Ergebnisse aus a) und b).

Ziel

Sehen ein rechtwinkliges Dreieck und die Seiten berechnen können

Wissen



Hypotenuse berechnen

Berechne zuerst das Quadrat der Hypotenuse mit dem Satz des Pythagoras:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

Die Länge von c erhältst du durch Wurzelziehen:

$$c = \sqrt{c^2}$$

Katheten berechnen

Den Satz des Pythagoras kannst du umformen:

$$a^2 = c^2 - b^2 \text{ bzw.}$$

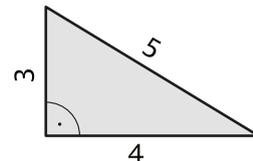
$$b^2 = c^2 - a^2$$

Die gesuchte Länge erhältst du durch Wurzelziehen:

$$a = \sqrt{a^2} \text{ bzw. } b = \sqrt{b^2}$$

Interessant

Pythagoräische Tripel



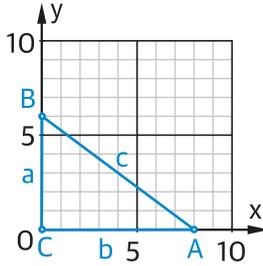
Gilt für drei natürliche Zahlen die Gleichung $a^2 + b^2 = c^2$, nennt man sie ein pythagoräisches Tripel.

597 Zeichne die Dreiecke ein und gib jeweils die Längen der Seiten an.

Hinweis: Die Länge eines Kästchens entspricht 1 cm!

H1
H2
I3

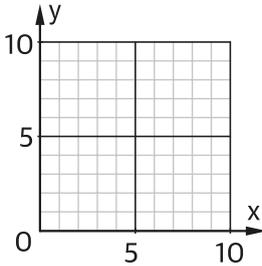
- a) A (8|0)
- B (0|6)
- C (0|0)



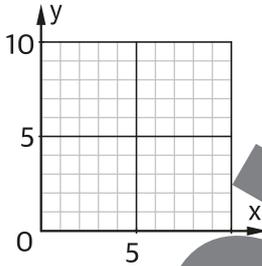
Die Längen a und b kann ich ablesen. c muss ich berechnen.



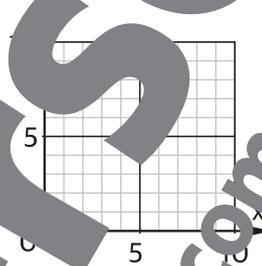
- b) A (10|0)
- B (0|4)
- C (0|0)



- c) A (5|0)
- B (0|9)
- C (0|0)



- d) A (8|0)
- B (0|8)
- C (0|0)



Ziel
⇒ den Satz des Pythagoras im Koordinatensystem anwenden können

Wissen
Rechte Winkel im Koordinatensystem
Die x- und die y-Achse stehen im rechten Winkel zueinander. Im Koordinatensystem kann man daher leicht rechtwinkelige Dreiecke finden und den Satz des Pythagoras nutzen.

598 Berechne jeweils die Länge der angegebenen Strecke.

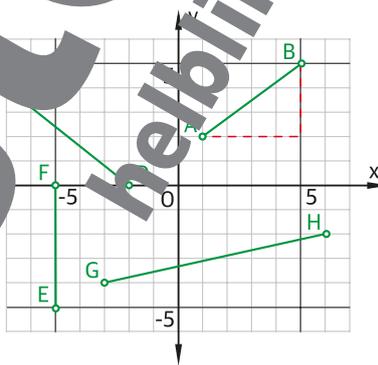
Hinweis: Die Länge eines Kästchens entspricht 1 cm!

H1
H2
I3

- a) \overline{AB}
- b) \overline{CD}
- c) \overline{EF}
- d) \overline{GH}



\overline{EF} ist einfach!



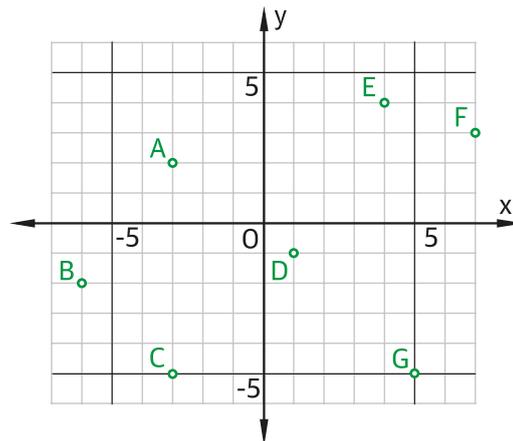
Interessant
Koordinatensysteme verkleinert dargestellt
Koordinatensysteme werden nicht immer so dargestellt, dass 1 Einheit genau 1 cm entspricht. Beachte also, welcher Länge eine Einheit entspricht.

599 Berechne jeweils die Länge der angegebenen Strecke.

Hinweis: Die Länge eines Kästchens entspricht 1 cm!

H1
H2
I3

- a) \overline{AB}
- b) \overline{CG}
- c) \overline{DE}
- d) \overline{AG}
- e) \overline{EB}
- f) \overline{BD}
- g) \overline{CE}
- h) \overline{AC}
- i) \overline{DA}
- j) \overline{FG}
- k) \overline{BF}
- l) \overline{FA}



→ Übungsteil, S. 98
→ Cyber Homework 21

English Corner

600 Find the length of the hypotenuse of a right-angled triangle, where the lengths of the other two sides are 4.6 cm and 7.3 cm.

601 Determine whether each of the following triangles is a right-angled triangle.

- a) $a = 48$ cm, $b = 55$ cm, $c = 73$ cm
- b) $a = 24$ cm, $b = 20$ cm, $c = 31$ cm

602 Mistake in the movie 

At the end of the movie "The Wizard of Oz" from 1939, the scarecrow wants to prove its intelligence. It recites the Pythagorean Theorem:

"The sum of the square root of any two sides of an isosceles triangle is equal to the square root of the remaining side!"

- a) Nobody on the film team noticed the mistake the scarecrow made. Can you find the mistake and correct it?

b) EXPLORE

The Wizard of Oz

The scarecrow wants a brain.

What do the "Tin Woodman" and the "Cowardly Lion" want?



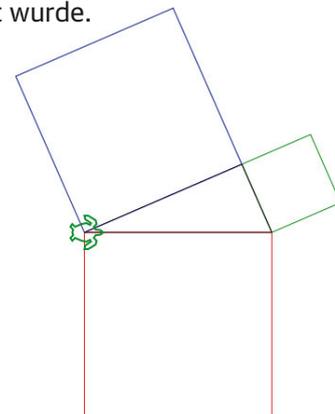
Wörterbuch
Hypotenuse
Hypotenuse
right-angled ...
gleichschienig
triangle ...
Dreieck
ermine ...
feststellen
scarecrow ...
Vogelscheuche
prove ...
beweisen
recite ...
aufsagen
Pythagorean Theorem
... Satz des Pythagoras
isosceles ...
gleichschenkelig
square root ...
Quadratwurzel

Technik-Labor

603 myTurtle-Aufgabe

Das Bild zeigt eine Grafik, die mit dem myTurtle-Programm erzeugt wurde.

- a) Beschrifte das Dreieck richtig (Punkte, Seiten, Winkel).
Gib die Längen der roten und grünen Seiten und den rechten Winkel ein.
- b) Welche Zusammenhang besteht zwischen der roten, blauen und grünen Fläche?
- c) Der Aufruf für diese Zeichnung lautet so:
`pythagoras 200 120`
Welche Zahlen bezeichnen die Zahlen 200 und 80?
Ermittle die Länge der fehlenden Seite rechnerisch.
- d) Welche Figur würde der Aufruf
`pythagoras 200 120`
zeichnen? Erstelle eine Skizze.
- e) Schreibe ein Turtle-Programm, das nur das Dreieck zeichnet.
Welche Angaben brauchst du dazu?



⇒ Dieses Programm und weitere Aufgaben dazu findest du in der e-zone, Klasse 3 - K.

Anwendungen in der Geometrie

604 Gegeben ist ein Quadrat mit einer Seitenlänge von $a = 4$ cm.

H1
H2
I3

- Konstruiere das Quadrat und bestimme die Länge der Diagonale durch Abmessen.
- Berechne die Länge der Diagonale mit Hilfe des Satzes des Pythagoras. Vergleiche das Ergebnis mit deinem Messergebnis aus a)

605 Berechne die Längen der Diagonalen der angegebenen Rechtecke. Runde auf Millimeter.

H2
I3

- $a = 5$ cm, $b = 4$ cm
- $a = 3,6$ cm, $b = 4,8$ cm
- $a = 6,2$ cm, $b = 3,5$ cm

606 Berechne zuerst die Länge der fehlenden Seite. Konstruiere dann das Rechteck. Runde auf Millimeter.

H1
H2
I3

- $a = 5$ cm, $d = 6$ cm
- $b = 3,5$ cm, $d = 7,2$ cm
- $a = 4,8$ cm, $d = 5,5$ cm

607 Berechne die Höhen, Umfänge und Flächen der angegebenen gleichschenkeligen Dreiecke. Runde deine Ergebnisse auf Millimeter.

H1
H2
I3

Hinweis: a gibt jeweils die Länge der Schenkel an, c die Länge der Basis.

- $c = 4$ cm, $a = 3$ cm
- $c = 5,6$ cm, $a = 3,8$ cm
- $c = 2,4$ cm, $a = 4,9$ cm
- $c = 3,6$ cm, $a = 2,1$ cm

608 **KNOBELAUFGABE** Die Fläche eines gleichschenkeligen Dreiecks beträgt 24 cm². Die Basis c des Dreiecks ist 5 cm lang.

H1
H2
I3

- Berechne die Länge des Schenkels a .
- Zeichne ein Dreieck und vergleiche die ermittelten Abmessungen mit deinen Berechnungen.
- Beschreibe, wie du die Lösung gefunden hast.

609 **KNOBELAUFGABE**

H1
H4
I3

Ändere die Länge der Basis c in Aufgabe 608, sodass die Höhe des gleichschenkeligen Dreiecks kleiner als die Basis c ist und löse die geänderte Aufgabe.

Ziel

- den Satz des Pythagoras für Berechnungen an einfachen geometrischen Figuren anwenden können

Wissen

Der Satz des Pythagoras in der Geometrie

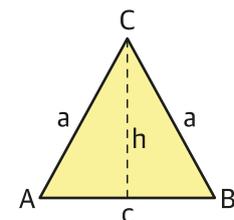
Mit deinem Wissen über den Satz des Pythagoras kannst du viele Aufgaben nun auch rechnerisch lösen.

Dazu gehören:

- Diagonale eines Quadrats bei gegebener Seitenlänge berechnen
- Länge eines Rechtecks bei gegebener Diagonale und Breite berechnen
- Höhe eines gleichschenkeligen Dreiecks bei gegebener Basis und gegebenem Schenkel berechnen

Tipp

Begriffe beim gleichschenkeligen Dreieck



- a ... Schenkel
- c ... Basis
- h ... Höhe des Dreiecks

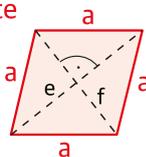
Besondere Vierecke

610 Berechne die gesuchten Größen in den angegebenen Rauten.

H1
H2
I3

Hinweis: Runde deine Ergebnisse auf mm bzw. mm²!

Raute



a) $e = 4 \text{ cm}$
 $f = 3 \text{ cm}$
 $a = ?$
 $u = ?$
 $A = ?$

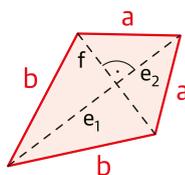
b) $e = 6 \text{ cm}$
 $f = ?$
 $a = ?$
 $u = ?$
 $A = 12 \text{ cm}^2$

611 Berechne die gesuchten Größen in den angegebenen Deltoiden.

H1
H2
I3

Hinweis: Runde deine Ergebnisse auf mm bzw. mm²!

Deltoid



a) $e_1 = 3 \text{ cm}$
 $e_2 = 1 \text{ cm}$
 $f = 4 \text{ cm}$
 $a = ?$
 $b = ?$
 $u = ?$
 $A = ?$

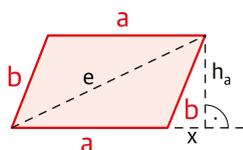
b) $e_1 = ?$
 $e_2 = 5 \text{ mm}$
 $f = 4 \text{ mm}$
 $a = 3 \text{ mm}$
 $b = ?$
 $u = 114 \text{ mm}$
 $A = ?$

612 Berechne die gesuchten Größen in den angegebenen Parallelogrammen.

H1
H2
I3

Hinweis: Runde deine Ergebnisse auf mm bzw. mm²!

Parallelogramm



a) $a = 5 \text{ cm}$
 $b = 3 \text{ cm}$
 $h_a = 2 \text{ cm}$
 $x = ?$
 $e = ?$
 $u = ?$
 $A = ?$

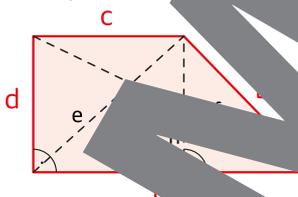
b) $a = 6,4 \text{ cm}$
 $b = ?$
 $h_a = ?$
 $x = ?$
 $e = ?$
 $u = 20,8 \text{ cm}$
 $A = 22,4 \text{ cm}^2$

613 Berechne die gesuchten Größen in den angegebenen Trapezen (α und β , siehe Skizze).

H1
H2
I3

Hinweis: Runde deine Ergebnisse auf mm bzw. mm²!

Trapez



a) $a = 10 \text{ cm}$
 $b = 3,5 \text{ cm}$
 $c = 3 \text{ cm}$
 $d = ?$
 $e = ?$
 $A = ?$

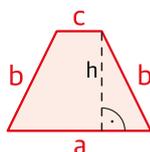
b) $a = 7,3 \text{ cm}$
 $c = 2,5 \text{ cm}$
 $f = 8 \text{ cm}$
 $h = ?$
 $u = ?$
 $A = ?$

614 KNOBELAUFGABE

H1
H2
I3

Formel finden

Finde eine allgemeine Formel für die Berechnung der Höhe in einem gleichschenkeligen Trapez.



Ziel

geometrisches Wissen
 Äquivalenz-
 umformungen zum
 Lösen von Aufgaben
 anwenden können

Wissen



Tipps zum Lösen

- 1. Erstelle eine Skizze!**
 Markiere alle Angaben, die du kennst.
- 2. Suche rechte Winkel!**
 Wenn du zwei Seiten eines rechtwinkligen Dreiecks kennst, kannst du die dritte mit Hilfe des Satzes des Pythagoras berechnen.
- 3. Nutze Formeln!**
 Schreibe dir die Formeln für Umfang und Flächeninhalt auf. Markiere auch hier wieder die Größen, die du kennst. Wenn nur eine Unbekannte in einer Gleichung übrig bleibt, kannst du sie berechnen.

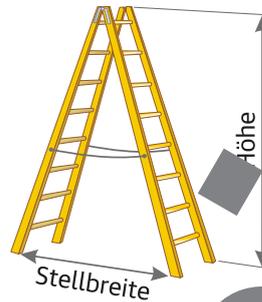
Anwendungen in Sachaufgaben

615 Eine Stehleiter hat aufgestellt die Form eines gleichschenkeligen Dreiecks.

H1
H2
I3

Berechne die Länge eines Schenkels, wenn die Stehleiter ...

- a) ... eine Höhe von 2,40 m und eine Stellbreite von 2,00 m hat.
- b) ... eine Höhe von 1,75 m und eine Stellbreite von 1,2 m hat.
- c) ... eine Höhe von 2,31 m und eine Stellbreite von 2,16 m hat.



Ziel
 ⇒ den Satz des Pythagoras für Berechnungen in Sachsituationen verwenden können

Wissen

Der Satz des Pythagoras bei Anwendungen in Sachaufgaben

Mit deinem Wissen über den Satz des Pythagoras kannst du viele Aufgaben, die du bisher nur durch Konstruieren und Messen lösen konntest, nun auch rechnerisch lösen.

616 Berechne die Höhe der Stehleiter.

H1
H2
I3

- a) Leiterlänge: 3,40 m, Stellbreite: 2,88 m
- b) Leiterlänge: 2,96 m, Stellbreite: 1,92 m
- c) Leiterlänge: 2,21 m, Stellbreite: 1,7 m

617 KREATIVAUFGABE

H1
H4
I3

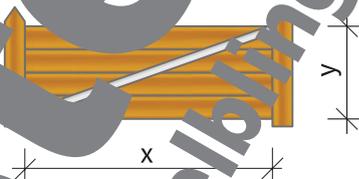
Entwirf selbst eine Stehleiter!

Sie soll aufgestellt 1,6 m hoch sein. Lege selbst die Stellbreite und die Anzahl der Stufen fest.

618 Die Firma Strasser baut Holztore.

H1
H2
I3

Eine schräg verbaute Metallstange verstärkt die Tore auf der Rückseite (siehe Skizze).



Berechne jeweils die benötigte Länge der Metallstange für die in der Tabelle angegebenen Maße.

	a)	b)	c)	d)	e)
Breite x	1,8 m	2,5 m	3,5 m	3 m	3,6 m
Höhe y	2,5 m	2,0 m	1,2 m	1,6 m	1,5 m

f) KNOBELAUFGABE

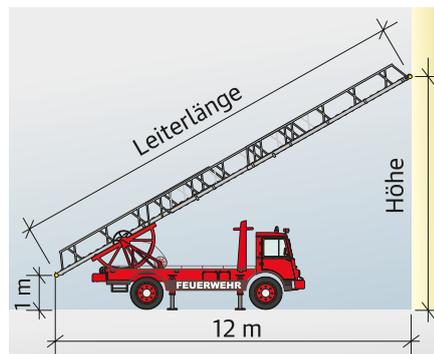
Finde die passenden Abmessungen für eine 3,85 m lange Metallstange.

619 Die Feuerwehr rettet Menschen auf dem Dach eines Hauses.

H1
H2
I3

Auf wie viele Meter Länge muss die Leiter ausgefahren werden, um eine Höhe von ... zu erreichen?

- a) 10 m
- b) 17 m
- c) 23,5 m



Interessant

Beruf: Feuerwehrfrau/ Feuerwehrmann



Als Mitglied einer Feuerwehr hilfst du nicht nur, Brände zu löschen, sondern bist auch bei der Bergung von Verletzten und der Rettung von Mensch und Tier bei Katastrophen zuständig.

Teamfähigkeit und psychische Belastbarkeit sind Kompetenzen, die du in diesem Beruf benötigst, den du in größeren Städten bzw. Firmen auch häufig hauptberuflich ausübst.

→ Übungsteil, S. 101

→ Cyber Homework 22

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Der Satz des Pythagoras

620 Kreuze an: Wahr (w) oder falsch (f)?

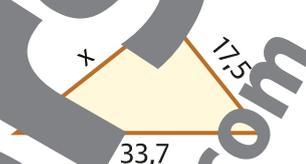
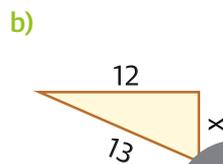
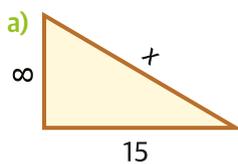
H3
I3

	w	f
a) Die Hypotenuse ist immer länger als die Katheten.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b) Ein rechter Winkel hat 180° .	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c) Zieht man die Quadratwurzel aus der Hypotenuse, erhält man die Länge der Kathete.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d) Der Satz des Pythagoras gilt nur für rechtwinkelige Dreiecke.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

K1
 K2

621 Berechne jeweils die Länge der Seite x in den abgebildeten rechtwinkligen Dreiecken (Maßangabe in cm).

H2
H3
I3



K3
 K4

Anwendungen in der Geometrie

622 Gegeben ist ein Rechteck mit den Seitenlängen $a = 5,6$ cm und $b = 3,3$ cm.

H1
H2
I3

- Berechne die Länge der Diagonale d .
- Konstruiere das Rechteck und miss die Länge der Diagonale d ab. Vergleiche das Messergebnis mit deinem Ergebnis aus a).

K5
 K6

623 Berechne die Höhe h_c eines gleichschenkeligen Dreiecks mit einer Basislänge c von $7,2$ cm und einer Schenkellänge a von 6 cm.

H1
H2
I3

K5

624 Die Diagonalen einer Raute sind 4 cm und $4,8$ cm lang.

H1
H2
I3

Berechne den Umfang der Raute.

K6

Anwendungen in der Geometrie

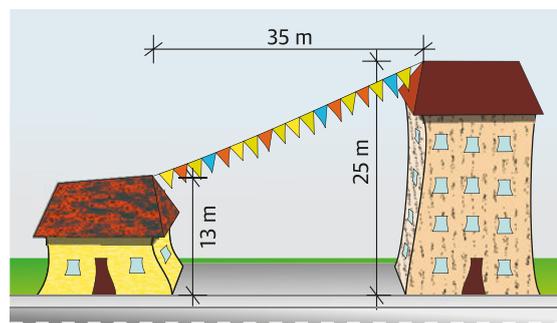
625 Für eine Straßensoll

H1
H2
I3

zwischen zwei Häusern aufgehängt werden (siehe Skizze).

Wie lang muss das Seil mindestens sein?

Beschreibe deine Überlegungen.



K7

L

Prozent- und Zinsenrechnung Handel, Steuern und Kreditmodelle



Inhalt

	Warm-up	142
L1	Prozentrechnung	143
L2	Absolute und relative Anteile	144
L3	Wachstums- und Abnahmeprozesse	145
L4	Anwendung – Handel	146
	English Corner	147
	Technik-Labor	147
L5	Zinsenrechnung	148
L6	Vertiefte Zinsenrechnung	149
	Extra: Steuern in Österreich	150
L7	Kreditmodelle	151
	Checkpoint	152

626 Schaut euch den Comic an. Löst dann folgende Aufgaben.

H2
H3
H4
I1

- Warum ärgert sich der Lehrer über die Aussage des Schülers?
- Wie viele Schüler/innen gibt es in der Klasse? Begründet eure Antwort.
- Wie viele Schüler/innen sind der Lehrer mit 20%?
- Schätzt ein, wie viel Prozent der Schüler/innen eurer Klasse die Grundlagen der Prozentrechnung beherrschen.

e) FORSCHER

Bildungsbericht

Wie viele Prozent der Schüler/innen haben bei der letzten Standardüberprüfung in Mathematik mindestens 50 Punkte nicht erreicht?

Wie hoch war der Prozentsatz der Schüler/innen, die die Standards nur teilweise erreicht haben?
Wie viele Schüler/innen waren das insgesamt?

Tipp: Suche nach „BIST M8 Bundesergebnisbericht“!

Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Prozentrechnung: Grundlagen

627 Wandle die Prozentzahlen zuerst in Bruchzahlen und dann in Dezimalzahlen um.

H1
I1

a) $5\% \triangleq \frac{5}{100} = 0,05$

b) $2\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

c) $40\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

d) $9\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

e) $10\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

f) $67\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

g) $90\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

h) $170\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

i) $320\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

j) $110\% \triangleq \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$

628 Berechne die angegebenen Prozentanteile im Kopf.

H2
I1

a) 10% von 150 € = _____

f) 20% von 100 € = _____

b) 50% von 300 € = _____

g) 25% von 400 € = _____

c) 10% von 70 € = _____

h) 30% von 80 € = _____

d) 50% von 2 400 € = _____

i) 50% von 2 000 € = _____

e) 100% von 470 € = _____

j) 100% von 4 000 € = _____

Einfache Prozentrechnung

629 Berechne die gesuchten Prozentanteile.

H1
H2
I1

Runde jeweils auf zwei Kommastellen.

a) 6% von 150

b) 15% von 2 700

c) 23% von 894

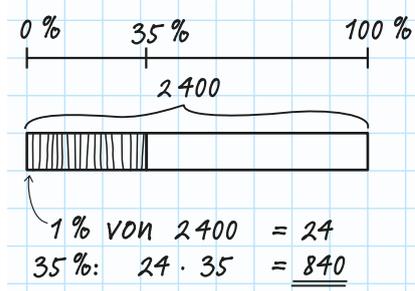
d) 84% von 16 940

e) 52% von 712 803

f) 125% von 94

g) 43% von 2 500

Ich zeichne ein
Balkendiagramm!
Dann berechne
ich den Wert
von 1% ...



630 Berechne jeweils den Prozentwert.

H1
H2
I1

a) 20% entsprechen 350.

b) 10% entsprechen 800.

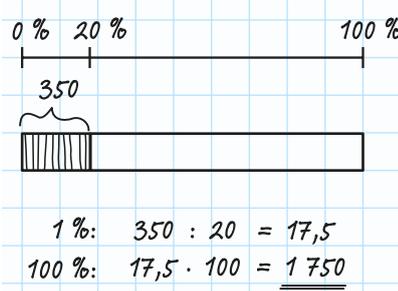
c) 7% entsprechen 630.

d) 45% entsprechen 2 796,3.

e) 94% entsprechen 987.

f) 110% entsprechen 90,2.

g) 180% entsprechen 11 340.



Prozentrechnung

- 631** Von den 91 578 Sechzehnjährigen im Jahr 2014  besuchten 36 % eine Berufsschule. Wie viele Jugendliche waren das?

H1
H2
I1

Luisa und Viktoria haben die Aufgabe unterschiedlich gelöst.

Anzahl	Prozent
91 578	100
: 100	: 100
915,78	1
· 36	· 36
<u>32 968,08</u>	36

Luisa

$$G = 91\,578; \quad p = 36$$

$$A = G \cdot \frac{p}{100}$$

$$A = 91\,578 \cdot \frac{36}{100} = 32\,968,08$$

Viktoria

Ziele

⇒ Die Begriffe Grundwert, Prozentanteil und Prozentsatz kennen und richtig deuten können
Die Formeln für die Berechnung von Grundwert, Prozentanteil und Prozentsatz kennen und richtig verwenden können

Beschreibt und vergleicht ihre Rechenwege.
Besprecht eure Überlegungen mit anderen.

- 632** Lies dir die jeweilige Aussage zuerst genau durch.
Beantworte dann die gestellte Frage.

H2
H3
I1

a) Aussage:

„Viele Jugendliche beginnen in einer berufsbildenden mittleren Schule. Ein Teil davon verlässt die Schule jedoch nach dem ersten Jahr wieder.“

Im Schuljahr 2014/15 waren 29 Schüler/innen, das entspricht 28 % aller, die angefangen haben.“

Wie viele Jugendliche haben am Beginn des Schuljahres 2014/15 in einer berufsbildenden mittleren Schule angefangen?

b) Aussage:

„Von den insgesamt 91 578 Schülerinnen und Schülern der 9. Schulstufe im Schuljahr 2013/14 besuchten 27 % ein Gymnasium.“

Wie viele Schüler/innen der 9. Schulstufe besuchten im Schuljahr 2013/14 ein Gymnasium?

c) Aussage:

„Von den insgesamt 91 578 Schülerinnen und Schülern der 9. Schulstufe im Schuljahr 2013/14 besuchten 48 % eine Polytechnische Schule.“

Wie viel Prozent der Schüler/innen der 9. Schulstufe besuchten im Schuljahr 2013/14 eine Polytechnische Schule?

- 633** FORSCHER  Schultypen

H3
I1

- a) Welche Schultypen kennt ihr?
b) Was machen 15-Jährige in eurem Bekannten- oder Verwandtenkreis? Schreibt eine Liste.
c) Wie viel Prozent der Personen aus b) besuchen die einzelnen Schultypen?

Wissen



Grundwert G

Als Grundwert bezeichnet man das Ganze. Er entspricht immer 100 %.

$$G = A : \frac{p}{100}$$

Prozentsatz p

Der Prozentsatz gibt die relative Größe des Anteils an und wird in % angegeben.

$$p = \frac{A}{G} \cdot 100$$

Prozentanteil A

Der Prozentanteil bezeichnet einen Anteil am Grundwert. Er kann weniger, aber auch mehr als 100 % entsprechen.

$$A = G \cdot \frac{p}{100}$$

Absolute und relative Anteile

- 634** Die Tabelle zeigt die Größe der Bundesländer, ihren relativen Anteil von Wald an dieser Fläche und die Größe der Waldfläche in Hektar.

H2
H3
I4

(Quelle: Österreichische Waldinventur, Stand März 2018)

Berechne jeweils die fehlende Größe.

	Gesamtfläche	Anteil Wald	Waldfläche
a) Burgenland	0,4 Mio. ha	33,9%	
b) Kärnten		61,2%	0,6 Mio. ha
c) Niederösterreich	1,9 Mio. ha		0,8 Mio. ha
d) Oberösterreich	1,2 Mio. ha	41,6%	
e) Salzburg	0,7 Mio. ha	52,5%	
f) Steiermark	1,6 Mio. ha		1,1 Mio. ha
g) Tirol		41,2%	0,5 Mio. ha
h) Vorarlberg	0,3 Mio. ha		0,1 Mio. ha
i) Wien		21,5%	9 000 ha

- j) Welches Bundesland besitzt die größte Waldfläche?
- k) Welches Bundesland hat den größten relativen Anteil an Wald im Verhältnis zu seiner Gesamtfläche?
- l) **FORSCH WEITER**
Was bedeuten die Begriffe „Schutzwald“ und „Nutzwald“?

- 635** Im Jahr 2012 gab es in der Steiermark 2 171 157 Legehennen. Davon lebten 194 327 in BIO-Betrieben.

H1
H2
I4

(Quelle zu Aufgaben 635 bis 637: LV 10)

Gib den relativen Anteil der BIO-Hennen an Prozent an.

- 636** In Österreich gibt es 1 765 Betriebe, die Legehennen halten. 44,9% dieser Betriebe betreiben Bio-Haltung.

H1
H2
I4

Wie viele Betriebe sind das?

- 637** Jede Person in Österreich legt im Schnitt 233 Eier pro Jahr. Eine Legehenne legt etwa 290 Eier im Jahr.

H1
H2
H3
I4

Wie viele Legehennen benötigt man, um den Bedarf von allen Österreicherinnen in Österreich zu decken?

- 638** **KNOBELAUFGABE**

H3
I4**Fermi-Aufgabe**

Wie viele Eier habt ihr in eurem Leben schon gegessen?
Vergleicht eure Annahmen und euren Rechenweg auch mit anderen Gruppen.



Ziel

absolute und relative Anteile in verschiedenen Situationen sicher bestimmen können

Wissen



Absolute und relative Anteile

Will man einen Anteil angeben, verwendet man oft Prozente.

Das Verhältnis der Zahlen wird dadurch deutlicher als bei absoluten Zahlen.

Beispiel für eine absolute Angabe:

„In einer Klasse mit 20 Kindern sind 14 Buben.“

Beispiel für eine relative Angabe:

„In einer Klasse mit 24 Kindern sind 70% Buben.“

Interessant

Beruf: Förster/in



Förster/innen planen und beaufsichtigen die Nutzung von Wäldern. Sie müssen sich mit Pflanzen und Tieren im Wald ebenso auskennen wie mit der Verarbeitung von Holz.

Die Ausbildung erfolgt in Schulen für Land- oder Forstwirtschaft.

→ Übungsteil, S. 104

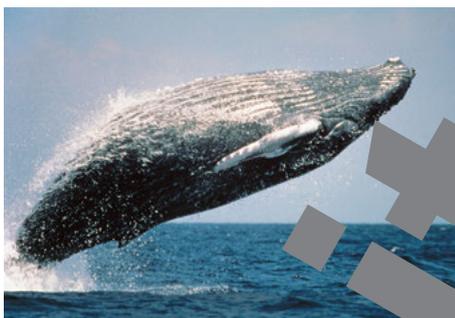
Wachstums- und Abnahmeprozesse

639 Buckelwale sind nicht mehr vom Aussterben bedroht!

H1
H2
I2

Der ursprüngliche Bestand zählte etwa 120 000 Tiere. Bis 1966 wurde ihre Zahl um 90 % reduziert, worauf sie unter Artenschutz gestellt wurden.

(Quelle: Sea Shepherd Australia)



- a) Wie viele Buckelwale lebten im Jahr 1966 noch?
- b) Heute leben wieder rund 36 000 Buckelwale. Wie viel Prozent des ursprünglichen Bestandes entspricht das?

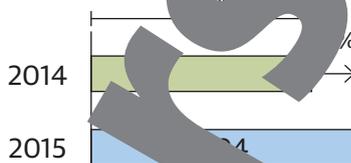
640 Wieder mehr Luchse in Spanien!

H2
H3
I2

„Im Jahr 2015 wurden 404 Tiere gezählt, das waren um 20 % mehr als im Jahr davor.“

(Quelle: FinanzNachrichten.de)

Wie viele Luchse lebten im Jahr 2014 in Spanien?



641 Im Jahr 1990 lebten ungefähr 7 677 850 Menschen in Österreich. Bis zum Jahr 2015 ist diese Zahl um 14 % gestiegen.

H1
H2
I2

(Quelle: Statistik Austria)

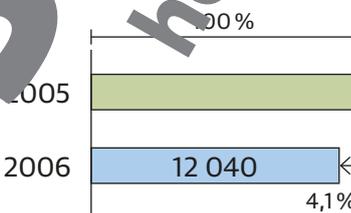
Wie viele Menschen lebten im Jahr 2015 in Österreich?

642 Die Zahl der Arbeitslosen im Bundesland Salzburg ist im Jahr 2006 um 4,1 % auf 12 040 Menschen gestiegen.

H2
H3
I2

(Quelle: AMS Salzburg)

Wie viele Arbeitslose gab es im Bundesland Salzburg im Jahr 2005?



643 Weniger Straftaten!

H1
H2
H3
I2

„Die Zahl der Straftaten im Jahr 2015 ist im Bezirk Gmünd gegenüber dem Jahr 2014 um rund 18 % gesunken. Es gab also weniger angezeigt Fälle.“

(Quelle: www.gmuend.at)

- a) Zeichne zum angegebenen Sachverhalt ein passendes Balkenmodell.
- b) Wie viele angezeigte Straftaten gab es im Jahr 2014 im Bezirk Gmünd?
- c) Wie viele angezeigte Straftaten gab es im Jahr 2015 im Bezirk Gmünd?

Ziel

⇒ statische Wachstums- und Abnahmeprozesse in Prozent und in absoluten Zahlen berechnen können

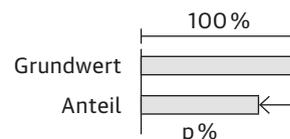
Wissen



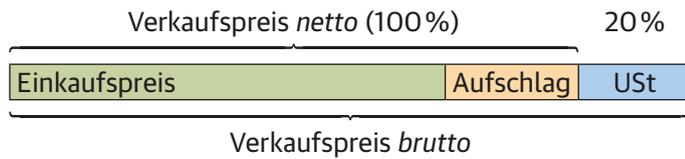
Zunahme oder Abnahme?

Will man herausfinden, ob etwas zugenommen oder abgenommen hat, vergleicht man Zahlen zu verschiedenen Zeitpunkten. Meist ist die Zahl am Anfang der Grundwert.

Zur Bestimmung von Grundwert, Anteil und Prozentwert kann ein Balkenmodell hilfreich sein:



Anwendung – Handel



644 Lies den Text und ordne den Fachbegriffen den richtigen Geldbetrag zu.

H2
H3
I1

Mario ist Fahrradverkäufer.

Das neue Fahrrad CF-17 kostet im Einkauf 625,20 €.

Er schlägt 191,40 € auf den Preis auf.

Außerdem rechnet er noch die Umsatzsteuer von 163,32 € hinzu und verkauft das Fahrrad schließlich um 979,92 €.

Aufschlag		A	979,92 €
Verkaufspreis brutto		B	163,32 €
Umsatzsteuer		C	191,40 €

645 Bestimme jeweils den Verkaufspreis netto und brutto. Rechne mit 20% Umsatzsteuer (USt).

H2
H3
I1

	Einkaufspreis	Aufschlag
a) BMX-Rad H 400	715,90 €	29,00 €
b) E-Bike K3000	1 229,50 €	68,00 €
c) Rennrad TXF 12	6 915,00 €	2 422,90 €

646 Bestimme jeweils den Verkaufspreis netto und den Aufschlag. Rechne mit 10% Umsatzsteuer (USt). Runde jeweils auf ganze Cent.

H2
H3
I1

	Einkaufspreis	Verkaufspreis (brutto)
a) Schokolade spezial	2,90 €	4,99 €
b) Konfekt, mittelgroß	11,00 €	12,50 €
c) Torte, 3 Personen	69,50 €	134,50 €

647 Ein Baumarkt gestaltet seine Preise nach einer einfachen Formel: Jedes Produkt wird zu 3-fachen Einkaufspreis verkauft.

H1
H2
I1
I2

Berechne den Einkaufspreis der angegebenen Produkte.

Angegeben ist jeweils der Verkaufspreis brutto (Regalpreis).

- a) Kübel Farbe: 27,50 € c) Bohrmaschine: 69,90 €
 b) Dusche: 329,50 € d) Sitzgarnitur: 416,50 €

e) KNOBELAUFGABE

Finde eine Formel, mit der man den Einkaufspreis (= EKP) aus dem Bruttoverkaufspreis (= VKP) berechnen kann.

Interessant

Beim Handel werden dem Handel die Kosten für den Einkauf und diese Kosten können

Wissen

Steuer (netto-brutto)

Die „Umsatzsteuer“ (USt) ist der Teil vom Verkaufspreis, den der Verkäufer an den Staat abführen muss. Als „netto“ bezeichnet man den Preis ohne, als „brutto“ den Preis mit Steuern.

Aufschlag und Gewinn

Händler schlagen auf den Einkaufspreis Geld auf, damit sie Gewinn machen. Es bleibt jedoch nur ein Teil als Gewinn übrig, da vom Aufschlag auch die Miete, Mitarbeiter/innen, usw. bezahlt werden müssen.

Interessant

Beruf: Buchhalter/in



Sie führen Tabellen über die Einkäufe, Verkäufe und Kosten einer Firma.

Es gibt viele Stufen der Ausbildung, vom Lehrberuf über mittlere Schulen bis hin zum Wirtschaftsstudium.

→ Übungsteil, S. 106

English Corner

648 There are 3 types of umbrellas in a store: red, blue and black.

H1
H2
I1

A total of 180 umbrellas are sold in a day.

If 20% of the umbrellas sold are red and 45% are blue, how many umbrellas of each colour are sold?

649 There are 160 books on a bookshelf:

H2
I1

56 of them are mathematics books, 64 of them are English books and the rest are science books.

Find the percentage of ...

a) ... mathematics books. b) ... English books. c) ... science books.

650 At the duty-free shop you can buy things without paying sales tax.

H2
H3
I1

Given a tax rate of 20%, calculate the saving for each product (prices are already without tax).



a) hat \$35

b) boomerang \$

c) kangaroo \$29

d) didgeridoo \$59

Wörterbuch
percent

percentage ...
Prozentsatz

duty-free ...
steuerfrei

tax ...
Steuer

sales tax ...
Umsatzsteuer (USt)

tax rate ...
Steuersatz

saving ...
Ersparnis

Technik-Labor

651 Das Bild zeigt eine Kalkulation für verschiedene Produkte.

H1
H2
H3
I2

Die Zahlen in den ... Feldern werden eingegeben, die Zahlen in den gelben ... berechnet das Programm automatisch.

	A	B	C	D
1	Produkt	der	Tarnumhang	???
2	Einzelpreis	10,00	€ 2.000,00	
3	Abknappungspreis	€ 8,00	€ 2.500,00	
4	Nettopreis	18,00		
5	USt. (20%)	3,60		
6	Nettopreis	€ 21,60		
7	Nettopreis	10%	5%	
8	Nettopreis (in €)	€ 2,16		
9	Nettopreis	€ 19,44		

⇒ Die Excel-Datei findet ihr in der e-zone, Klasse 3 - L.

- a) Berechne die fehlenden Zahlen für den Tarnumhang.
 b) Kreuze an: Wie lautet die Formel für den Nettopreis im Feld B4?
 = B1 + B2 = B2 + B3 = B3 + B4 = B4 + B5
 c) Denk dir selbst ein Produkt und Preise für Spalte D aus und berechne alle Werte dazu.

Zinsenrechnung

652 Frau Gartner renoviert ihre Wohnung.

Dafür nimmt sie bei ihrer Bank einen Kredit in der Höhe von 12.500,- € mit 3% Zinsen pro Jahr auf.

Wie viel Euro an Zinsen bezahlt Frau Gartner im ersten Jahr?

653 Herr Okur eröffnet ein Sparbuch auf der Bank.

Er zahlt 4.000,- € ein und bekommt dafür 0,5% an Zinsen pro Jahr.

- a) Berechne die Zinsen für ein Jahr.
 b) Wie viel Geld befindet sich nach einem Jahr auf dem Sparbuch von Herrn Okur?

c) FORSCHE WEITER

Finde die aktuellen Sparzinsen bzw. Kreditzinsen bei einer Bank in deiner Nähe heraus.

654 Berechne jeweils die Zinsen für ein Jahr.

	Kapital	Zinssatz
a) Spareinlage	3.721,50 €	0,2%
b) Kredit	4.960,- €	6%
c) Kredit	185.000,- €	1,7%
d) Spareinlage	8.416,- €	0,3%
e) Kredit	500,- €	2,5%
f) Spareinlage	1.000,- €	0,3%

655 Berechne jeweils den Zinssatz für den gegebenen Kredit.

- a) Frau Topuz bezahlt 504,- € an Zinsen im ersten Jahr für einen Kredit über 18.000,- €.
 b) Herr Stoya leiht sich 20.000,- € bei der Bank. Im ersten Jahr sind für 380,- € Zinsen fällig.
 c) Für den Kredit in Höhe von 10.000,- € bezahlt Frau ... 445,- € an Zinsen pro Jahr.

656 Berechne jeweils den ursprünglichen Kapital K.

- a) Simon hat ein Sparkonto mit einem Zinssatz von 0,7%. Nach einem Jahr haben sich ihre Zinsen auf 4,55 €.
 b) Olaf nimmt einen Kredit mit einem Zinssatz von 3,5% auf. Die Zinsen nach dem ersten Jahr betragen 297,50 €.
 c) Frau Tulinski legt einen größeren Betrag bei einer Bank an. Ihr Zinssatz beträgt 1,5%, die Zinsen betragen 750 € nach einem Jahr.

657 Schreibt die folgende Aufgabe fertig und löst sie. 

„Frau ... nimmt einen Kredit ... Ihr Zinssatz beträgt ...“

Ziel

Grundlegende Begriffe der Wirtschaft kennen und damit arbeiten können

Wissen



Kredit

Leiht man sich Geld von jemandem aus, so nennt man das einen „Kredit“.

Zinsen Z

Zinsen nennt man die Leihgebühr für Geld.

Zinsen für ein Jahr

Formel: $Z = K \cdot \frac{p}{100}$

K ... Kapital

Menge an Geld, die geliehen wird (entspricht dem Grundwert G)

p ... Zinssatz

(entspricht dem Prozentwert p)

Interessant

Niedrige Zinsen für ein Sparbuch



Im Jahr 1980 bekam man noch 5% Zinsen, im Jahr 2000 waren es nur noch 2% und heute liegen die Zinsen meist unter 1%.

→ Übungsteil, S. 107

Vertiefte Zinsenrechnung

- 658** Anita zahlt 5 000 € auf ein Sparkonto ein.
Der Zinssatz beträgt 0,4%.

H1
H2
I1

Wie viel Geld hat Anita nach einem Jahr?
Berücksichtige die Kapitalertragssteuer (KESt).

Hier musst du mit
Nettozinsen rechnen!



Ziele

Die Kapitalertragssteuer (KESt) erkennen und bei der Zinsenberechnung berücksichtigen können
Monats- und Tageszinsen berechnen können

- 659** Berechne zuerst die Nettozinsen z_{netto} , dann das Kapital am Ende der Laufzeit für die folgenden Spareinlagen.

H2
I1

	Kapital	Zinssatz	Laufzeit
a)	16.200,-	0,6%	6 Monate
b)	250.000,-	0,7%	9 Monate
c)	58.952,-	0,4%	56 Tage
d)	7.563,-	0,3%	11 Monate
e)	620.000,-	0,5%	4 Monate 16 Tage
f)	92.840,-	0,6%	11 Monate 16 Tage

- 660** Berechne jeweils die zu bezahlenden Zinsen für die angegebenen Kredite am Ende der Laufzeit.

H2
I1

	Kapital	Zinssatz	Laufzeit
a)	4.000,-	3,5%	3 Monate
b)	750,-	4%	6 Monate
c)	35.200,-	2,8%	310 Tage
d)	120.000,-	2%	217 Tage
e)	9.500,-	2%	7 Monate 16 Tage
f)	16.730,-	2,2%	10 Monate 22 Tage

- 661** Tom und Frieda sollen die folgende Aufgabe lösen:

H1
H4
I1

„Jemand legt 10 000 € auf ein Sparkonto mit einem Nettozinssatz von 0,4%.
Wie hoch sind die Nettozinsen nach 6 Monaten?“

Beide haben Schwierigkeiten, wie die Aufgabe vereinfachen können:

Tom: „Rechne die Zinsen für 4.100 € und einem Jahr Laufzeit!“

Frieda: „Rechne die Zinsen für 10 000 € mit einem Nettozinssatz von 0,2%“

und einem Jahr Laufzeit!“

Erhalten beide das richtige Ergebnis? Rechne nach und begründe.

- 662** Susanne nimmt einen Kredit in der Höhe von 6.400 € auf.
Nach 8 Monaten muss sie 6.528 € zurückzahlen.

H1
H2
I1

- a) Wie hoch waren die Zinsen?
b) Wie hoch war der Zinssatz?

Wissen



Kapitalertragssteuer (KESt) und Nettozinssatz (p_{netto})

Ein Viertel der Zinsen, die man für eine Spareinlage in Österreich bekommt, wird an den Staat in Form der KESt abgeführt. Daher berechnet sich der Nettozinssatz p_{netto} , den man wirklich bekommt, so:

$$p_{\text{netto}} = p \cdot 0,75$$

Zinsen für Monate und Tage

Der Zinssatz gibt üblicherweise an, wie viel Zinsen man für ein Jahr bekommt. Für die Berechnung der Zinsen für Monate und Tage rechnet die Bank mit dem Bankjahr.

Ein Bankjahr hat zwölf Monate mit je 30 Tagen, also 360 Tage.

Zinsen für m Monate:

$$Z_m = K \cdot \frac{p}{100} \cdot \frac{m}{12}$$

Zinsen für t Tage:

$$Z_t = K \cdot \frac{p}{100} \cdot \frac{t}{360}$$

Extra: Steuern in Österreich

663 Die Tabelle zeigt die Steuereinnahmen des Staates Österreich im Jahr 2016.

H1
H2
H3
I4

Steuer	Einnahmen (in Mio. €)
Steuer auf Gehälter ¹	28.950
Steuer auf Firmengewinne ²	6.300
Kapitalertragsteuer (KESt)	3.000
Verkehrssteuern ³	13.107
Umsatzsteuer (USt)	28.200
Sonstige Steuern	2.293
Gesamtsteuereinnahmen:	81.850

Grundaufgaben, die erfüllt werden müssen. Dazu gehören Schulen, Krankenhäuser, die Polizei, Gerichte, Straßenbau und vieles mehr. Dafür braucht der Staat Geld. Er bekommt es durch Steuern.



¹ Veranlagte Einkommens- und Lohnsteuer

² Körperschaftssteuer

³ Verbrauchs- und Verkehrssteuern abzüglich Umsatzsteuer

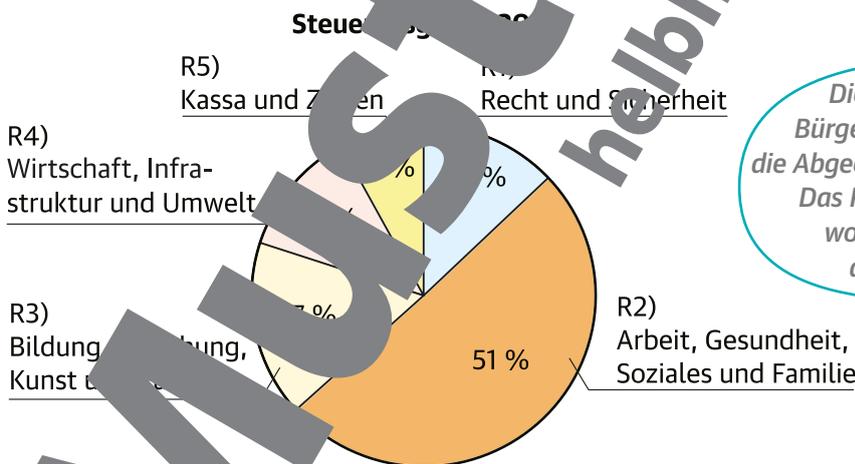
a) Berechne für jede Position, wie groß ihr Anteil an den Gesamtsteuereinnahmen in Prozent ist.

b) Erstelle ein Kreisdiagramm, in dem deine Ergebnisse aus a) dargestellt werden.

664 Das Diagramm zeigt, wofür Steuereinnahmen ausgegeben werden.

H2
H3
I4

Die Ausgabenbereiche nennt man Rubriken (R).



Die Bürgerinnen und Bürger Österreichs wählen die Abgeordneten des Parlaments. Das Parlament beschließt, wofür das Steuergeld ausgegeben wird.



a) Die Ausgaben im Jahr 2016 betragen 72.330 Mio. €.

Bestimme die Ausgaben für jede Rubrik (R1 bis R5).

b) Ordne die Kosten einer der Rubriken R1 bis R5 zu:

Bau einer Straße	R4	Familienbeihilfe	
Gehalt von Lehrer/innen		Betrieb eines Museums	
neue Uniformen für die Polizei		neue Gewehre für das Bundesheer	

(Quelle: Strategiebericht 2017–2020 zum Bundesfinanzierungsgesetz des BMF)

Kreditmodelle

665 Betrachte die Angebote für folgende Fernseher.

H2
H3
I1



Modell A



Modell B

Beantworte jeweils für Modell A und Modell B:

- Wie hoch ist die Laufzeit der Ratenzahlung in Jahren?
- Wie groß ist der Gesamtbetrag der Ratenzahlung?

666 Eine Waschmaschine kostet 799,90 €.

H1
H2
I1

Herr Meier entscheidet sich für folgende Finanzierung:

349,90 € Anzahlung und 12 Raten zu je 42,50 €

- Berechne den Gesamtbetrag, den Herr Meier zahlen muss.
- Welchem Zinssatz entspricht der Gesamtbetrag der Ratenzahlung?

Tipp: Rechne mit K als Preis der Waschmaschine (799,90 €) und Z als Differenz zum Kaufpreis.

667 Toni will sich das neue XT-Phone für 99 € kaufen.

H1
H2
H3
I1

Ein Elektronikmarkt bietet ihm 100 € an, die er für 179 € ankaufen kann.

Auf der Bank kann Toni andererseits ein Darlehen für ein Jahr mit einem Zinssatz von 3% aufnehmen.

- Wie viel Geld spart Toni, wenn er die Bank geht?
- FORSCH WEITER**

Kostenfalle Ratenkauf

Warum entscheiden sich viele Konsumenten für höhere Kosten? Warum entscheiden sich viele Leute für den Kredit in Elektronikmärkten, etc.?

668 Die Heimkinoanlage HK3000 kostet 3.949,90 €.

H1
H2
H3
I1

Das Geschäft bietet ein besonderes Angebot:

0% Finanzierung!
 Zinsen sind 0%!
 Sie zahlen die 1. Hälfte jetzt,
 die 2. Hälfte in einem Jahr!
 (einmalige Bearbeitungsgebühr: 29,90 €)

- Erkläre, warum der Begriff „0% Finanzierung“ hier irreführend ist.
- Vergleiche das Angebot mit einer Finanzierung über einen Bankkredit mit einem Zinssatz von 3%.

Achtung:
 Nur die Hälfte
 von 3.949,90 €
 werden für
 12 Monate
 geliehen!



Ziel

⇒ Kreditmodelle
 sachlich beurteilen
 können

Wissen



Ratenzahlung/Gebühren

Hier wird das geliehene Geld in gleich großen Teilen (Raten) zurückgezahlt.

Gebühren sind Beträge, die man zusätzlich zu den Zinsen für einen Kredit bezahlen muss.

Beispiele:
 „Bearbeitungsgebühr“,
 „Servicepauschale“, ...

0% Finanzierung

ist ein Kredit, bei dem keine Zinsen anfallen.

Es werden jedoch Gebühren verlangt.

Wenn die Zahlung nicht pünktlich erfolgt, werden meist hohe Verzugszinsen fällig.

Tipp

Die wahre Gefahr bei Ratenzahlungen



... sind meist nicht die versteckten Zinsen, sondern dass man den Überblick über sein Geld verliert!

→ Übungsteil, S. 109

→ Cyber Homework 24

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Prozentrechnung

669 In einer Schule sind 315 Mädchen und 268 Buben.

H2
I1

- a) Wie viele Kinder gehen in diese Schule?
b) Drücke den Anteil der Buben an der Gesamtschülerzahl in Prozent aus.

5L1

670 Bei einem Stadtlauf lag die Laufzeit von 28 Teilnehmer/innen unter 30 Minuten.
Das entsprach 35 % aller Teilnehmer/innen.

H2
I1

Wie viele Personen haben an diesem Stadtlauf teilgenommen?

5L1
5L2

671 Dieses Jahr wurden 15% mehr Lose verkauft als letztes Jahr, insgesamt 690 Stück.

H1
H2
I1

Wie viele Lose wurden im letzten Jahr verkauft?

5L2
5L3

672 Ein Pullover kostet brutto 69,90 €.

H2
I1

Berechne den Nettopreis bei 20 % Umsatzsteuer.

5L4

673 Kreuze an: Wahr oder falsch?

H3
H4
I1

	wahr	falsch
a) Der Grundwert ist immer höher als der Prozentanteil.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b) 50% entspricht der Hälfte von etwas.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c) Der Bruttopreis ist immer höher als der Nettopreis.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

5L1
5L3
5L4

Zinsenrechnung

674 Vincent leiht sich für ein Jahr 500 € von der Bank.

H2
I1

Als Zinssatz verrechnet die Bank 4,5%.

Wie hoch sind die Zinsen für ein Jahr?

5L5

675 Angela eröffnet ein Sparkonto mit einem Zinssatz von 0,2% und zahlt 590,- € ein.

H2
I1

Wie viel Geld hat sie nach einem Jahr auf ihrem Konto?
Berücksichtige die Zinsen.

5L6

676 Heide nimmt einen Kredit über 6.000,- € mit einem Zinssatz von 2,6% auf.

H2
I1

Wie viel Geld muss sie nach 7 Monaten zurückzahlen?

5L6

677 Ein Handy kostet 579,90 €.

H1
H2
I1

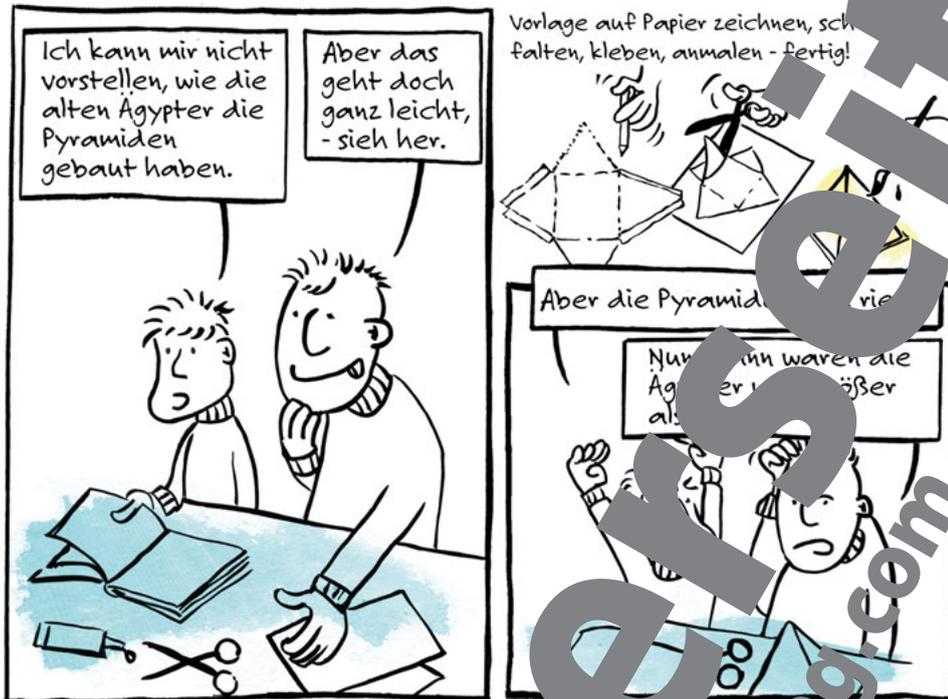
Peter kauft es mit 12 Raten zu je 59,90 €.

- a) Wie hoch ist der Gesamtbetrag, den Peter bezahlen muss?
b) Welchem Zinssatz entspricht dieses Kreditangebot?

5L7

M

Körper Pyramiden, Prismen und Masseberechnungen



Inhalt

Warm-up	154
M1 Pyramiden	155
M2 Schrägriss eines Prismas	156
M3 Schrägriss einer Pyramide	157
M4 Netz und Oberfläche eines Prismas	158
M5 Netz und Oberfläche einer Pyramide	159
M6 Volumen	160
English Corner	161
Technik-Labor	161
M7 Zusammengesetzte Körper	162
M8 Masseberechnungen	163
Checkpoint	164

678 Schaut euch den Comic an.  Löst dann die Aufgaben.

H1
H2
H3
I3

- Beschreibt die Pyramide. Wie viele Ecken, Kanten und Flächen hat sie?
- Zeichnet das Netz einer Pyramide. Wie stellt selbst eine Pyramide her?
- Wenn die Pyramiden in Ägypten tatsächlich Bastelarbeiten der alten Ägypter waren:
 - Wie groß mussten die Bastelungen sein?
 - Wie groß waren die Pyramiden?
 Übersetzt euch das so gut ihr könnt für eine 10-Meter hohe Pyramide. Beschreibt, was ihr vorgehen seid.
- Wie viele Pyramiden stehen heute noch in Ägypten?

Warm-up

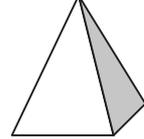
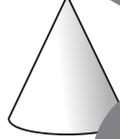
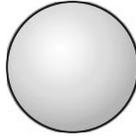
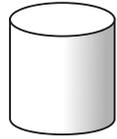
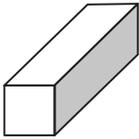
Zeig, was du bereits kannst.

Körper benennen, Flächeninhalte berechnen

679 Schreibe die richtigen Bezeichnungen zu den Körpern.

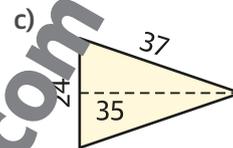
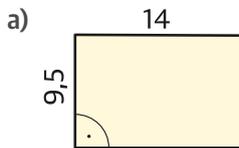
H1
I3

Würfel Quader Pyramide Kegel Zylinder Kugel



680 Berechne jeweils den Flächeninhalt der abgebildeten Figuren (Maßangaben in cm)

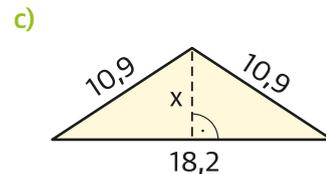
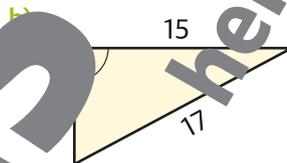
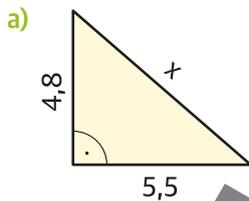
H2
I3



Satz des Pythagoras

681 Berechne jeweils die Länge der ... der abgebildeten Dreiecke (Maßangaben in ...)

H2
I3



Maßumwandlung

682 Wandle in ... ang ... en Maße um.

H2
I1

Flächenmaße	Raummaße	Massenmaße
5,7 dm ² = _____ mm ²	8 cm ³ = _____ mm ³	316 g = _____ dag
0,2 m ² = _____ cm ²	0,5 dm ³ = _____ cm ³	2,9 kg = _____ g
145 dm ² = _____ m ²	1,8 m ³ = _____ dm ³	0,631 kg = _____ dag
73 mm ² = _____ cm ²	72 dm ³ = _____ l	4 215 dag = _____ kg
6 029 cm ² = _____ dm ²	5 814 cm ³ = _____ l	0,61 t = _____ kg

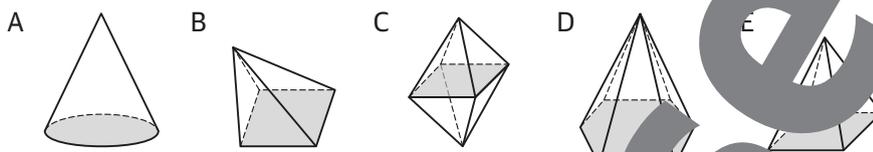
Pyramiden

683 Was ist eine Pyramide?

H1
H3
I3

Kreuze an, ob die unten abgebildeten Körper gerade, schiefe oder keine Pyramiden sind. Vergleiche deine Ergebnisse mit anderen.

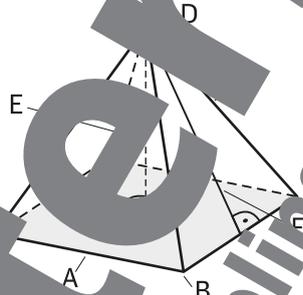
	A	B	C	D	E
gerade Pyramide:	<input type="checkbox"/>				
schiefe Pyramide:	<input type="checkbox"/>				
keine Pyramide:	<input type="checkbox"/>				



684 Ordne die Begriffe richtig zu.

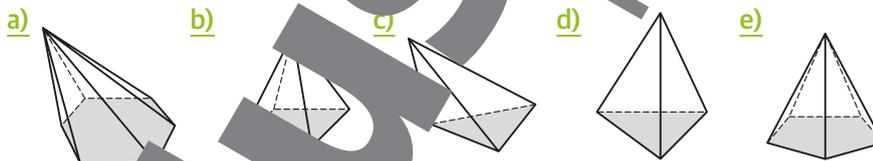
H1
H3
I3

1	Spitze	D
2	Eckpunkt	
3	Grundkante	
4	Seitenkante	
5	Körperhöhe	
6	Seitenflächenhöhe	



685 Benenne die abgebildeten Pyramiden. Gib an, wie viele Eckpunkte und Kanten sie haben.

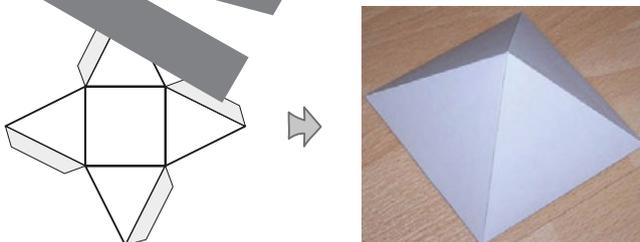
H1
H3
I3



a) schiefe, sechsseitige Pyramide: 7 Eckpunkte, 12 Kanten

686 Falte die Pyramide.

H1
I3



Ziel

⇒ Eigenschaften von Pyramiden kennen und beschreiben können

Wissen

Pyramiden

Eine Pyramide hat ein Vieleck als Grundfläche und eine Spitze. Die Seitenflächen sind Dreiecke. Man benennt die Pyramide nach ihrer Grundfläche.

Beispiele:
„quadratische Pyramide“
„sechseckige Pyramide“

Gerade oder schief?

Liegt die Spitze über dem Mittelpunkt der Grundfläche, nennt man die Pyramide „gerade“, ansonsten bezeichnet man sie als „schief“.

Interessant

Pyramiden im Alltag

Auch heute noch findet man Pyramiden als Gebäudeformen.

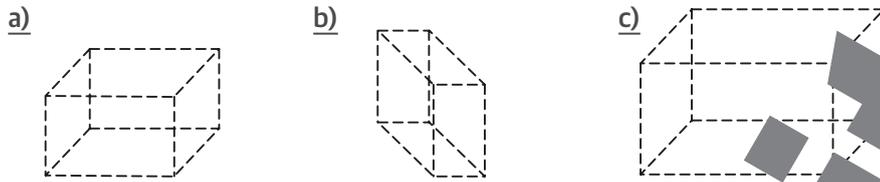


Gebäude des Slowakischen Hörfunks in Bratislava, Slowakei

Schrägriss eines Prismas

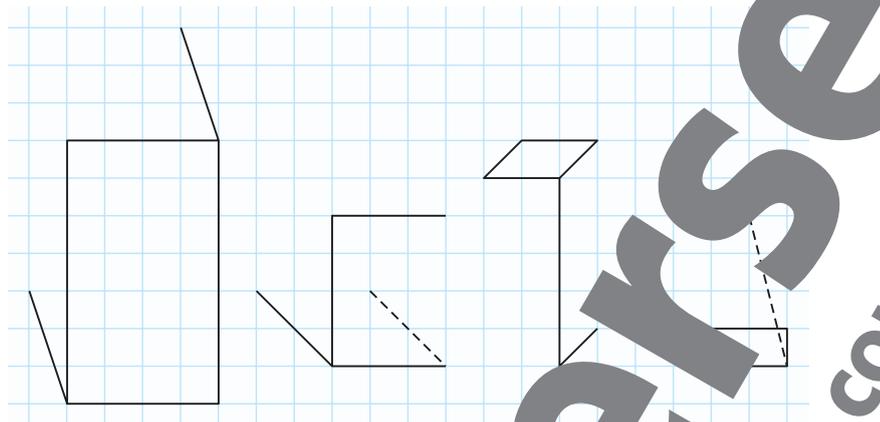
687 Stell dir vor, du schaust von schräg oben auf die Quader.
Ziehe jeweils die sichtbaren Kanten nach.

H3
I3



688 Zeichne die Quader fertig. Stelle nicht sichtbare Kanten strichliert dar.

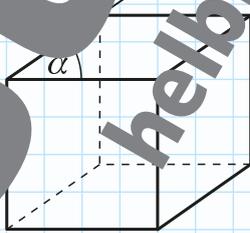
H1
I3



689 Konstruiere jeweils den Schrägriss der angegebenen Quader.

H1
H2
I3

- a) Seitenlänge: $s = 20 \text{ mm}$
Verzerrungswinkel: $\alpha = 35^\circ$
Verkürzungsfaktor: $v = 0,75$
- b) Seitenlänge: $s = 40 \text{ mm}$
Verzerrungswinkel: $\alpha = 45^\circ$
Verkürzungsfaktor: $v = 0,5$
- c) Seitenlänge: $s = 35 \text{ mm}$
Verzerrungswinkel: $\alpha = 40^\circ$
Verkürzungsfaktor: $v = 0,6$



690 Konstruiere jeweils den Schrägriss der angegebenen Quader.

H1
H2
I3

- a) Grundfläche: $a = 50 \text{ mm}, b = 40 \text{ mm}$
Seite b verkürzt: $\alpha = 40^\circ, v = 0,5$
Höhe: $c = 50 \text{ mm}$
- b) Grundfläche: $a = 60 \text{ mm}, b = 30 \text{ mm}$
Seite b verkürzt: $\alpha = 30^\circ, v = 0,6$
Höhe: $c = 50 \text{ mm}$
- c) Grundfläche: $a = 80 \text{ mm}, b = 50 \text{ mm}$
Seite b verkürzt: $\alpha = 45^\circ, v = 0,5$
Höhe: $c = 30 \text{ mm}$
- d) Grundfläche: $a = 6 \text{ cm}, b = 3 \text{ cm}$
Seite b verkürzt: $\alpha = 50^\circ, v = 0,3$
Höhe: $c = 3,5 \text{ cm}$

Ziel

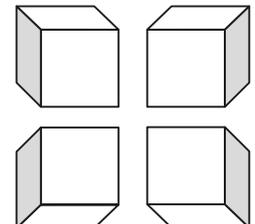
einige Prismen wie
einen Quader im
Schrägriss konstruieren
können

Wissen



Schrägriss eines Prismas

Beim Schrägriss werden Körper so dargestellt, wie wir sie von schräg oben oder schräg unten sehen. Dabei werden Kanten, die schräg nach hinten gehen, verkürzt dargestellt:

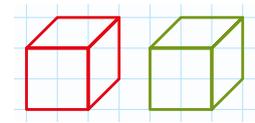


Zur Konstruktion brauchen wir neben den Seitenlängen des Prismas auch:

- den Verzerrungswinkel α
- den Verkürzungsfaktor v

Tipp

Hilfslinien

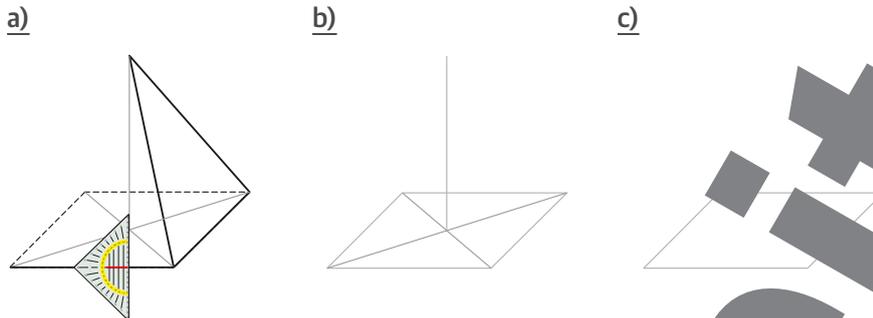


Die Kästchen in deinem Heft helfen dir beim Zeichnen.

Schrägriss einer Pyramide

691 Zeichne die Schrägrisse der abgebildeten Pyramiden fertig.

H1
I3



692 Konstruiere jeweils den Schrägriss der angegebenen quadratischen Pyramiden.

H1
H2
I3

- a) Grundkante: $a = 15 \text{ mm}$
Verzerrungswinkel: $\alpha = 40^\circ$
Verkürzungsfaktor: $v = 0,6$
Körperhöhe: $h = 2 \text{ cm}$
- b) Grundkante: $a = 30 \text{ mm}$
Verzerrungswinkel: $\alpha = 45^\circ$
Verkürzungsfaktor: $v = 0,5$
Körperhöhe: $h = 4 \text{ cm}$
- c) Grundkante: $a = 45 \text{ mm}$
Verzerrungswinkel: $\alpha = 40^\circ$
Verkürzungsfaktor: $v = 0,8$
Körperhöhe: $h = 3 \text{ cm}$



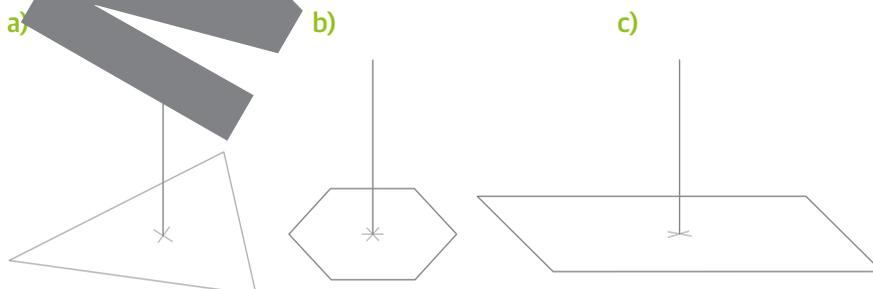
693 Zeichne die Schrägrisse der abgebildeten Pyramiden fertig.

H1
H3
I3



694 Zeichne die Schrägrisse der abgebildeten Pyramiden fertig.

H1
H3
I3



Ziel

⇒ Schrägrisse von Pyramiden konstruieren können

Wissen



Schrägriss einer Pyramide

Bei geraden Pyramiden liegt die Spitze senkrecht über dem Mittelpunkt der Grundfläche.

In regelmäßigen Vielecken ist das der Umkreismittelpunkt. Bei Rechtecken und Quadraten ist dieser leicht zu finden. Er ist der Schnittpunkt der beiden Diagonalen.

Interessant

Beruf:
Technische/r Zeichner/in



Der Schwerpunkt liegt auf der Erstellung von detail- und normgenauen Plänen mit Hilfe von digitalen Zeichenprogrammen.

Ein gutes räumliches Vorstellungsvermögen ist Grundlage für diesen Lehrberuf, den du häufig allein ausübst und den du später durch eine Matura bzw. ein Studium ausbauen kannst.

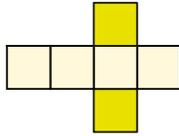
→ Übungsteil, S. 113

Netz und Oberfläche eines Prismas

695 Zeichne zuerst jeweils das Netz des angegebenen Würfels mit Kantenlänge a. Berechne dann seinen Oberflächeninhalt O.

H1
H2
I3

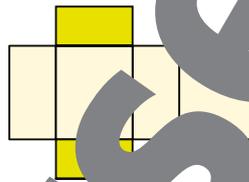
- a) $a = 3 \text{ cm}$
- b) $a = 2 \text{ cm}$
- c) $a = 1,5 \text{ cm}$



696 Zeichne zuerst jeweils das Netz des angegebenen Quaders mit den Kantenlängen a, b und c. Berechne dann seinen Oberflächeninhalt O.

H1
H2
I3

- a) $a = 1 \text{ cm}, b = 3 \text{ cm}, c = 1,5 \text{ cm}$
- b) $a = 2 \text{ cm}, b = 0,5 \text{ cm}, c = 2,5 \text{ cm}$
- c) $a = 0,8 \text{ cm}, b = 2,6 \text{ cm}, c = 1,3 \text{ cm}$



697 Berechne die Kantenlängen der Würfel bei gegebenen Oberflächeninhalten O.

H2
I3

- a) $O = 1734 \text{ mm}^2$
- b) $O = 2400 \text{ cm}^2$
- c) $O = 1 \text{ dm}^2$
- d) $O = 2,30 \text{ m}^2$

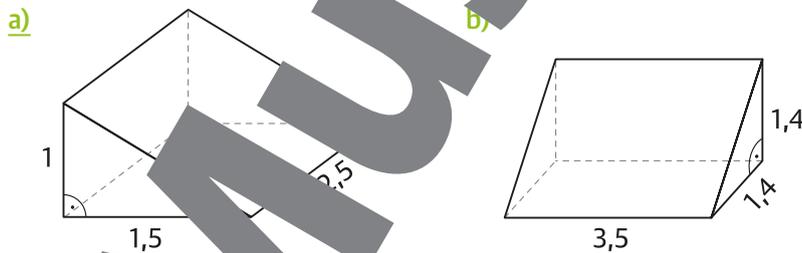
698 KNOBELAUFGABE
Umkehraufgabe

H1
H2
I3

Berechne die Kantenlänge a eines Quaders, wenn gilt: $b = 3 \text{ cm}, c = 4 \text{ cm}$ und $O = 108 \text{ cm}^2$.
Tipp: Versuche, die Formel für den Oberflächeninhalt umzuformen!

699 Gegeben ist jeweils ein dreiseitiges Prisma. Zehe Skizzen

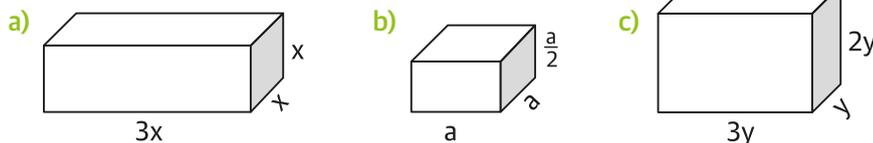
H1
H2
I3



Zeichne jeweils das Netz des Prismas (Maßangaben in cm). Berechne dann seinen Oberflächeninhalt O. Runde deine Ergebnisse auf mm^2 .

700 Gib jeweils eine Formel für den Oberflächeninhalt des Quaders an. Vereinfache den Term dabei so weit wie möglich.

H1
H3
I2
I3



Ziele

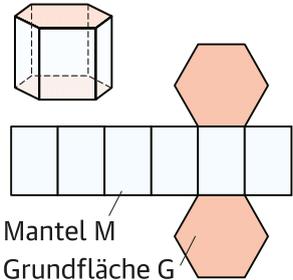
- Name von Würfeln und Quadern zeichnen
- Kantenlängen angeben
- Oberflächeninhalte von Prismen berechnen können

Wissen



Netz eines Prismas

Jedes Prisma hat eine Grundfläche und eine dazu kongruente Deckfläche. Die anderen Flächen nennt man „Mantel“.



Oberflächeninhalt berechnen

Aus dem Netz ergibt sich allgemein für Prismen:

$$O = 2 \cdot G + M$$

G ... Grundfläche
M ... Mantel

Beim **Würfel** vereinfacht sich die Formel, da alle 6 Flächen gleich groß sind:

$$O = 6 \cdot a^2$$

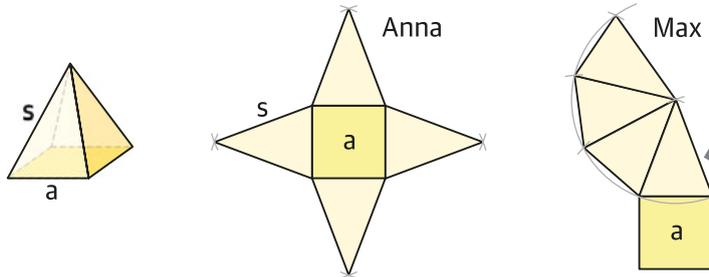
Beim **Quader** ergibt sich durch Einsetzen die Formel:

$$O = 2 \cdot (a \cdot b + a \cdot c + b \cdot c)$$

Netz und Oberfläche einer Pyramide

701 Anna und Max haben das Netz einer quadratischen Pyramide konstruiert.

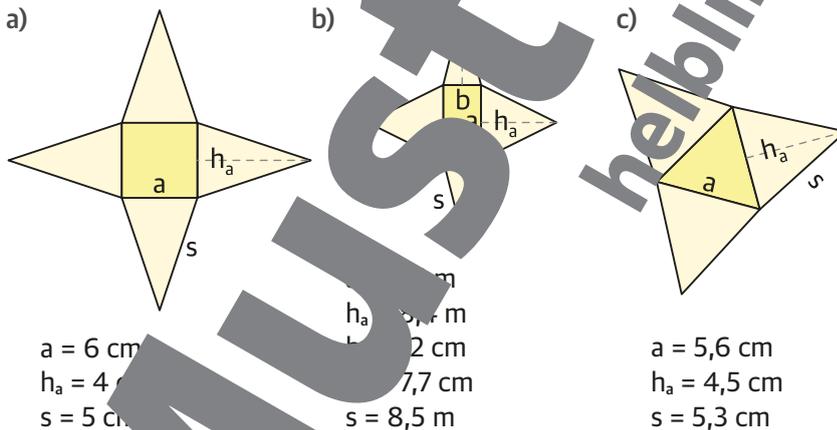
H1
H3
H4
I3



- Erklärt, wie Anna und Max jeweils vorgegangen sind.
- Vergleicht, ob die beiden Netze korrekt sind. Welches Netz gefällt euch besser? Welches Netz war einfacher zu konstruieren? Welches Netz war weniger Arbeit? Besprecht eure Überlegungen mit anderen.
- Konstruiert das Netz einer quadratischen Pyramide mit $a = 2 \text{ cm}$ und $s = 3,5 \text{ cm}$ auf die Art, die euch am besten gefällt.
- Konstruiert das Netz einer quadratischen Pyramide mit $a = 1 \text{ cm}$ und $s = 3 \text{ cm}$ auf die andere Art.

702 Gegeben sind die Netze von Pyramiden. Berechne jeweils ihren Oberflächeninhalt.

H2
H3
I3



703 Berechne die Oberflächeninhalte der angegebenen Pyramiden.

H2
H3
I3

- Quadratische Pyramide:
 $a = 3 \text{ cm}, s = 3,7 \text{ mm}$
- Quadratische Pyramide:
 $a = 4 \text{ cm}, s = 2,9 \text{ cm}$
- Rechteckige Pyramide:
 $a = 66 \text{ mm}, b = 32 \text{ mm}, s = 65 \text{ mm}$
- KNOBELAUFGABE**
Regelmäßige, dreiseitige Pyramide:
 $a = 10,2 \text{ cm}, s = 14,9 \text{ cm}$

Du musst erst die Höhe der Seitenfläche ausrechnen.

Mit einer Skizze geht das leichter!



Ziele

- Netze von quadratischen Pyramiden konstruieren können
- Oberflächeninhalte von Pyramiden berechnen können

Wissen

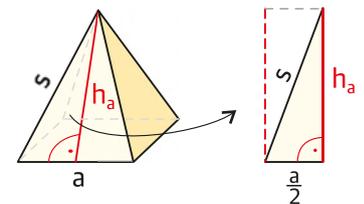


Oberflächeninhalt einer Pyramide

Pyramiden haben ein Vieleck als Grundfläche, keine Deckfläche und einen Mantel, der aus gleichschenkeligen Dreiecken besteht.

$$\text{Es gilt: } O = G + M$$

Berechnung einer Seitenfläche



Kennt man die Höhe einer Seitenfläche, kann man ihren Flächeninhalt einfach berechnen:

$$A_{\text{Seitenfläche}} = \frac{a}{2} \cdot h_a$$

Oberflächeninhalt einer quadratischen Pyramide

Setzt man die Formeln von oben zusammen, ergibt das für eine quadratische Pyramide:

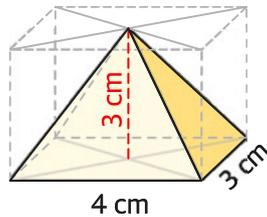
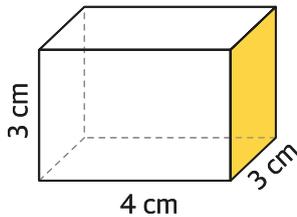
$$O = G + M$$

$$O = a^2 + 4 \cdot \frac{a}{2} \cdot h_a$$

$$O = a^2 + 2 \cdot a \cdot h_a$$

704 Gegeben sind ein Quader und eine Pyramide.

H2
H3
I2
I3



- Berechne das Volumen des Quaders und das Volumen der Pyramide.
- Vergleiche die beiden Volumina aus a).
Gib das Verhältnis von $V_{\text{Quader}} : V_{\text{Pyramide}}$ an.

705 Berechne jeweils das Volumen der Körper.

H1
H2
I3

- Quader mit den Kanten $a = 2,5$ dm, $b = 0,9$ dm und $c = 2$ dm
- Quader mit $B \times H \times T = 14 \times 25 \times 40$ (Angaben in cm)
- Quadratische Pyramide mit der Grundkante $a = 2$ m und der Körperhöhe $h = 1,5$ m
- Rechteckige Pyramide mit den Grundkanten $a = 34$ cm und $b = 18$ cm sowie der Körperhöhe $h = 25$ cm
- Würfel mit der Grundkante $a = 1,2$ m
- Quadratische Pyramide mit der Grundkante $a = 7,5$ m und der Körperhöhe $h = 12$ cm

706 Berechne jeweils die gesuchte Länge.

H1
H2
I3

- Das Volumen einer quadratischen Pyramide beträgt 294 cm^3 . Die Grundkante ist 7 cm lang. Wie hoch ist die Pyramide?
- Die Grundfläche einer rechteckigen Pyramide ist $18,4 \text{ cm}^2$ groß. Berechne die Höhe der Pyramide, wenn ihr Volumen $108,56 \text{ cm}^3$ beträgt.
- Ein Quader mit quadratischer Grundfläche ist 4 dm hoch. Sein Volumen beträgt 96 dm^3 . Berechne die Länge der Grundkante.
- Eine rechteckige Pyramide ist 24 cm lang und 7 cm breit. Berechne die Höhe der Pyramide, wenn ihr Volumen $2,52 \text{ dm}^3$ beträgt.

707 KNOBELKABELE

H1
H2
I3

Das Volumen eines Würfels beträgt $15,625 \text{ cm}^3$.

- Finde die Seitenlänge a des Würfels.
Beschreibe, wie du beim Berechnen vorgegangen bist.
- Berechne den Oberflächeninhalt O des Würfels.
- Konstruiere den Schrägriss ($\alpha = 40^\circ$, $v = 0,5$) des Würfels.
- Konstruiere das Netz des Würfels.

Ziele

- Vermögen von Prismen und Pyramiden berechnen können
- Umkehraufgaben zum Volumen lösen können

Wissen



Volumen eines Prismas

Egal, welche Form ein Prisma hat, das Volumen berechnet man mit:

$$V = G \cdot h$$

G ... Grundfläche
 h ... Körperhöhe

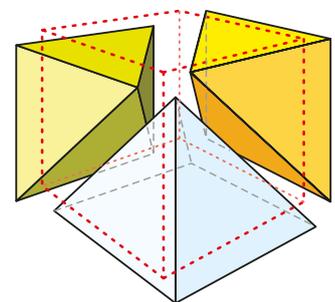
Volumen einer Pyramide

Bei Pyramiden gilt allgemein:

$$V = \frac{G \cdot h}{3}$$

Tipp

Würfel und Pyramiden



Jeder Würfel mit Kantenlänge a lässt sich in drei gleich große quadratische Pyramiden mit Grundkante a und Körperhöhe a zerschneiden.

- Übungsteil, S. 116
- Cyber Homework 25

English Corner

708 Find the volume and the total surface area of a cube of side 6 cm.

H2
I3

709 Find the volume and the total surface area of a cuboid of length \times width \times height = 3.2 dm \times 4 dm \times 1.9 dm

H2
I3

710 Find the volume and the total surface area of a square pyramid with side length 8 cm and height 5 cm.

H2
I3

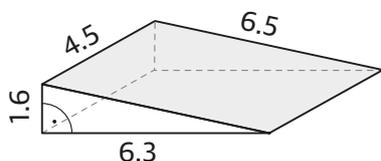
711 The volume of a pentagonal pyramid is 144.5 cm³.

H1
H2
I3

Find the height of the pyramid, when the base area is 120 cm².

712 Draw a net of the prism shown below. Find the volume and the total surface area (units \times units \times units).

H1
H2
I3



Wörterbuch
Volumen

total surface area ...
Oberfläche

cube ...
Würfel

cuboid ...
Quader

square pyramid ...
quadratische
Pyramide

pentagonal ...
fünfeckig

base area ...
Grundfläche

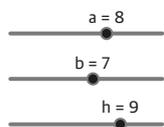
net ...
Netz

Technik-Labor

713 GeoGebra-Aufgabe: Experimente mit Pyramidennetzen

H1
H2
H3
I3

Seitenkanten



Volumen Oberflächen
V = 168 22.19

Umklappen



Netz einer Pyramide



a) Gehe die Längen a, b und h der abgebildeten Pyramide an.

b) Berechne das Volumen der abgebildeten Pyramide. Beschreibe wie ihr vorgegangen seid.

c) KNOBELAUFGABE

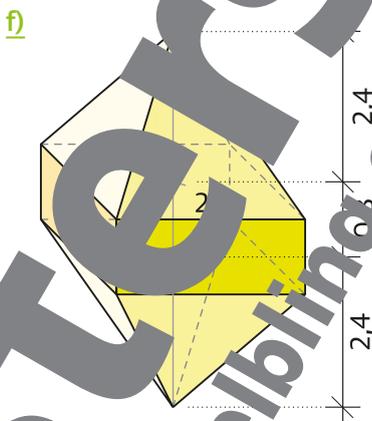
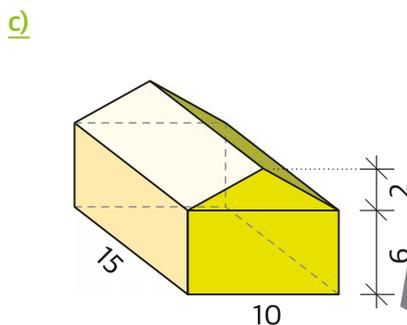
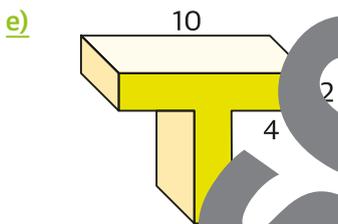
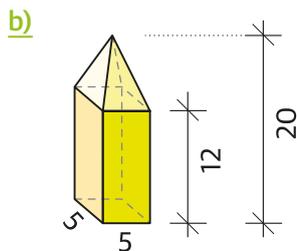
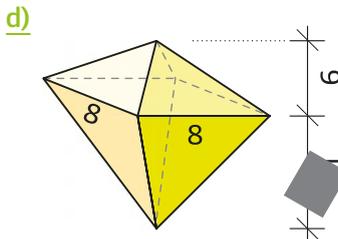
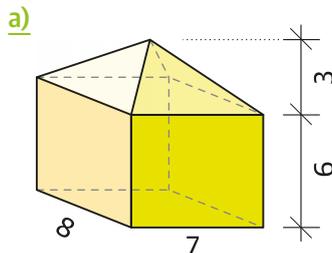
Berechne den Oberflächeninhalt der abgebildeten Pyramide. Beschreibe wie ihr vorgegangen seid.

Tipp: Der Satz des Pythagoras hilft dir beim Berechnen der Höhen der Seitenflächen!

⇒ Ein GeoGebra-Arbeitsblatt mit weiteren Aufgaben findet ihr in der e-zone, Klasse 3 - M.

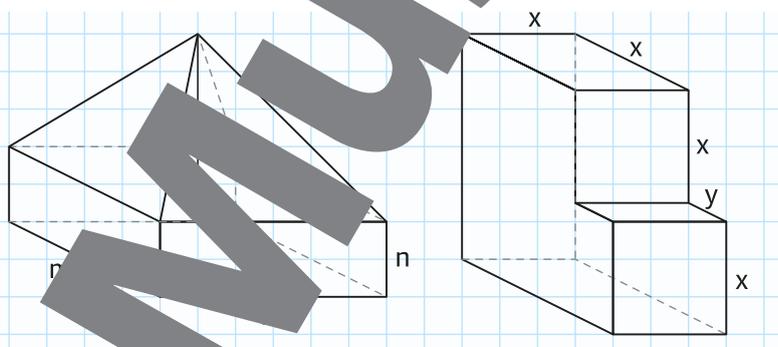
714 Berechne jeweils das Volumen (Maßangaben in m).

H2
H3
I3



715 Finde für die abgebildeten Körper jeweils eine Formel für das Volumen.

H1
H3
I2
I3



716 KNOBELAUFGABE

H1
H2
I3

Körper finden

Finde einen Körper zu der angegebenen Formel. Skizziere ihn in deinem Heft.

$$V = a^3 + \frac{a^2 \cdot h}{3}$$

Beispiel

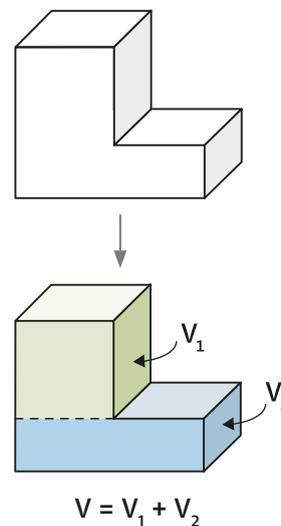
Volumina zusammengesetzter Körper durch Zerlegen oder Ergänzen berechnen bzw. Formeln aufstellen können

Wissen



Volumina von zusammengesetzten Körpern

Das Volumen lässt sich bei zusammengesetzten Körpern meist einfach durch **Zerlegen** oder **Ergänzen** berechnen:



Formeln für das Volumen finden

Anstatt durch Zahlen kann man das Volumen eines Körpers auch durch Variablen ausdrücken.

→ Übungsteil, S. 117

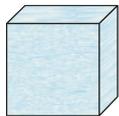
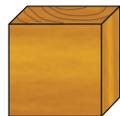
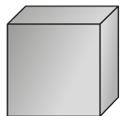
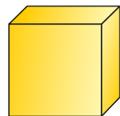
M8

Körper – Pyramiden, Prismen und Masseberechnungen

Masseberechnungen

717 In der Tabelle sind die Dichten einiger Stoffe abgebildet.

H3
H4
I3

				
Wasser $\rho = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$	Holz (Fichte) $\rho = 0,5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$	Eisen $\rho = 7,9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$	Gold $\rho = 19,3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$	Kork $\rho = 0,25 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$

a) Kreuze an: Wahr oder falsch?

	W	F
Fichtenholz ist in etwa halb so schwer wie Wasser.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Gold ist fast 20-mal so schwer wie Wasser.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Eisen ist schwerer als Gold.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Kork ist 4-mal so schwer wie Wasser.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

b) Leo behauptet:

„Stoffe, die leichter sind als Wasser, schwimmen.
Stoffe, die schwerer sind als Wasser, gehen unter.“

Was meinst du dazu?

Welche der oben genannten Stoffe würden demnach schwimmen bzw. untergehen?

c) **FORSCH WEITER**

Warum schwimmen Schiffe, die aus Eisen gemacht sind?

718 Berechne das Volumen V und die Masse m der Körper.

H2
H3
I3

- Eisenwürfel: Kantenlänge $a = 6 \text{ cm}$
- Quader aus Fichtenholz: $B = 20 \text{ cm} \times 30 \text{ cm}$, $h = 30 \text{ cm}$
- Quadratische Pyramide aus Gold:
Kantenlänge $a = 5 \text{ cm}$, Körperhöhe der Pyramide $h = 5 \text{ cm}$

719 Das Wasser in einer quaderförmigen Wanne wiegt 450 kg.

H3
I3

Wie hoch steht das Wasser, wenn die Wanne 0,5 m breit und 1,5 m lang ist?

720 Ein 1-kg-Goldbarren hat die Form eines Quaders.

H1
H2
H3
I3

Seine Grundfläche ist so groß wie ein 5-Euro-Schein.

- Wie hoch ist der Goldbarren?
- Wie viel ist der Goldbarren wert?



721 FERMI-AUFGABE

H1
H2
I3

Wie schwer ist euer Schulgebäude?

Tipp: Rechnet ohne Einrichtung, also nur die Böden, die Decke, die Wände und das Dach! Überschlagt Abmessungen möglichst einfach!

Beschreibt euren Rechenweg.

Ziele

- ⇒ den Begriff der Dichte ρ kennen
- ⇒ die Masse einfacher Körper berechnen können

Wissen

Dichte ρ

Die Dichte ρ beschreibt, wie schwer ein Stoff unabhängig von seiner Größe ist. Sie wird in Kilogramm pro Kubikmeter $[\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}]$ oder in Gramm pro Kubikzentimeter $[\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}]$ angegeben.

Es gilt: Je größer die Dichte eines Stoffes ist, desto schwerer ist er.

Masse m

Jeder Körper hat eine Masse. Sie wird meist in Kilogramm [kg] angegeben.

Zusammenhang zwischen Volumen, Masse und Dichte

Formel: $m = V \cdot \rho$

Je größer das Volumen und die Dichte sind, desto größer ist auch die Masse eines Körpers.

Tipp

Tabelle verwenden

Verwende die Tabelle aus Aufgabe 717, um die Aufgaben auf dieser Seite zu lösen.

→ Übungsteil, S. 118

→ Cyber Homework 26

Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Schrägriss

722 Konstruiere den Schrägriss des Quaders.

H1
H2
I3 Grundfläche: $a = 35 \text{ mm}$, $b = 42 \text{ mm}$
Seite b verzerrt: $\alpha = 60^\circ$, $v = 0,3$ Höhe: $c = 50 \text{ mm}$

↪ M2

723 Konstruiere den Schrägriss der quadratischen Pyramide.

H1
H2
I3 Grundkante: $a = 40 \text{ mm}$ Verzerrungswinkel: $\alpha =$
Verkürzungsfaktor: $v = 0,5$ Körperhöhe: $h = 6 \text{ cm}$

↪ M1
↪ M3

Netz und Oberfläche

724 Konstruiere das Netz eines Würfels mit $a = 2,5 \text{ cm}$.
Berechne dann seinen Oberflächeninhalt.

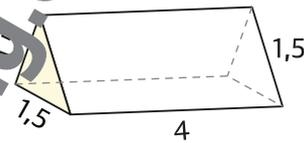
H2
I3
↪ M4

725 Konstruiere das Netz einer quadratischen Pyramide
mit Grundkantenlänge 12 mm und Seitenkantenlänge $13,7 \text{ mm}$.
Berechne dann ihren Oberflächeninhalt.

H1
H2
I3
↪ M5

726 Konstruiere das Netz des abgebildeten dreiseitigen Prismas.
Berechne dann seinen Oberflächeninhalt.
Hinweis: Alle Maßangaben in mm!

H1
H2
I3
↪ M4



Volumen und Masseberechnungen

727 In einem Park steht ein 2,4 m hoher Steinquader
mit Grundfläche $1,5 \text{ mal } 1,3 \text{ m}$.

H2
I3 Berechne das Volumen und die Masse des Quaders,
wenn die Dichte des Steins $2,7 \text{ t/m}^3$ beträgt.
↪ M6
↪ M8

728 Berechne das Volumen einer dreieckigen Pyramide
mit Grundkantenlängen $a = 8 \text{ cm}$, $b = 12 \text{ cm}$
und Körperhöhe $h = 3 \text{ cm}$.

H2
I3
↪ M6

729 Das Volumen einer 67 cm hohen,
quadratischen Pyramide beträgt $39,396 \text{ dm}^3$.

H2
I3 Berechne die Grundkantenlänge dieser Pyramide.
↪ M6

730 Ein Kunststoffwürfel (PET) mit $3,5 \text{ cm}$ Kantenlänge wiegt $54,0225 \text{ Gramm}$.

H2
H3
H4
I3 a) Berechne die Dichte des Kunststoffes.
b) Schwimmt dieser Würfel im Wasser?
Begründe deine Entscheidung.
↪ M6
↪ M8

N

Statistik Untersuchen und Darstellen von Datenmengen



Inhalt

Warm-up	166
N1 Spannweite und Modalwert	167
N2 Median und Mittelwert	168
N3 Häufigkeiten	169
English Corner	170
Technik-Labor	170
N4 Piktogramme	171
N5 Histogramme und Klasseneinteilung	172
Extra: Zufallsdaten	173
Checkpoint	174

731 Schaut euch den Comic an. Löst dann die Aufgaben.

H1
H2
H3
H4
I4

- Wie viele Aufgaben hatten die Testpersonen?
- Was meint Felix mit „im Durchschnitt alles richtig“? Erklärt.
- Bei einem anderen Mathematik-Test wurden fünf Aufgaben gestellt. Die Tabelle zeigt die maximalen Punkte pro Aufgabe und wie viele Punkte Josip und Anton jeweils erreicht haben.

Aufgabe	A	B	C	D	E
maximaler Punktzahl	8	6	9	10	15
Josip	7	3	5	10	3
Anton	6	6	0	8	12

- Wie viele Punkte wurden durchschnittlich bei Aufgabe A erreicht?
- Wie viele Punkte wurden durchschnittlich bei Aufgabe C erreicht?
- Welche Noten würdet ihr den beiden geben?
Vergleicht eure Überlegungen und eure Beurteilungen mit anderen.

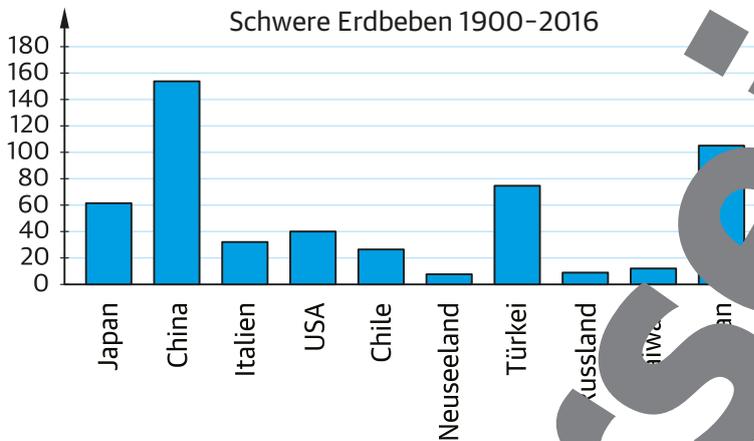
Warm-up

Zeig, was du bereits kannst.

Säulendiagramme

732 Beantworte die Fragen mit Hilfe des abgebildeten Säulendiagramm

H3
I4



- In welchem Land gab es die meisten Erdbeben?
- Gab es in den USA mehr oder weniger als 50 schwere Erdbeben?
- Wie viele Erdbeben gab es in etwa in Italien?

733 Die Tabelle zeigt die Anzahl der starken Erdbeben (Stärke 7 oder mehr) in einem Zeitraum von 500 Jahren in Österreich. (Quelle: www.512.cc)

H1
I4

1501-1600	1601-1700	1701-1800	1801-1900	1901-2000
3	4	5	7	8

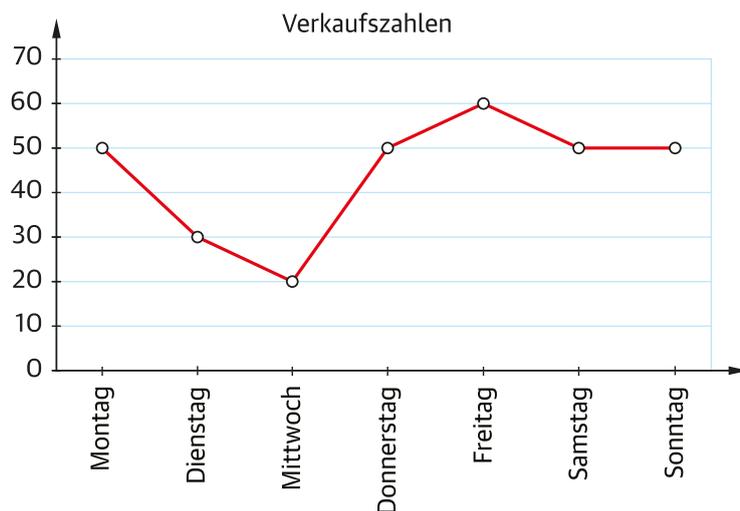
Erstelle ein Säulendiagramm.

Liniendiagramme

734 Das Liniendiagramm zeigt, wie viele Körbe Marillen Anita letzte Woche verkauft hat.

H2
H3
I4

- Gib Minimum und Maximum an.
- Berechne wie viele Körbe Anita durchschnittlich pro Tag verkauft hat.



Spannweite und Modalwert

735 Ein Tierpfleger hat die Seehunde im Zoo gemessen und gewogen und daraus die abgebildete Tabelle erstellt.

Hinweis: m steht für Männchen, w für Weibchen!

Name	m/w	Länge	Gewicht
Bea	w	150 cm	65 kg
Samba	w	145 cm	64 kg
Luna	w	165 cm	78 kg
Dana	w	155 cm	70 kg
Kuno	m	170 cm	104 kg
Oggi	m	165 cm	95 kg
Rollo	m	180 cm	140 kg
Pazzo	m	180 cm	150 kg
Hank	m	145 cm	80 kg



Bestimme jeweils (1) Minimum, (2) Maximum, (3) Mittelwert und (4) Spannweite der angegebenen Datenreihen.

- a) Länge der Weibchen
- b) Länge der Männchen
- c) Länge aller Seehunde
- d) ... der Weibchen
- e) ... der Männchen
- f) ... aller Seehunde

736 Bestimme (1) Minimum, (2) Maximum, (3) Mittelwert und (4) Spannweite der angegebenen Datenreihen.

- a) 15 / 18 / 24 / 18
- b) 0,9 / 0,8 / 1,5 / 1,6 / 1,1
- c) 112,5 / 108,4 / 122 / 115,9 / 120,15 / 109
- d) 1 / -5 / +3 / -1 / -10

737 Die 3a-Klasse hat mitgeteilt, wie lange einzelne Seehunde tauchen.

Folgende Tauchgänge wurden registriert:

- Bea: 2 min / 3 min / 4 min / 10 min
- Kuno: 3 min / 4 min / 5 min / 3 min
- Dana: 15 min / 3 min / 9 min

Bestimme die Mittelwerte und den Modalwert ...

- a) ... bei Bea.
- b) ... bei Kuno.
- c) ... bei Dana.
- d) ... über alle Tauchgänge zusammen.

738 Beantworte die Fragen und begründe deine Antworten.

- a) Angenommen, die Werte liegen sehr nah beieinander. Bedeutet das eine große oder eine kleine Spannweite?
- b) Stell dir vor, du hast eine Datenreihe mit zehn Werten. Jetzt kommt ein elfter Wert dazu, der viel größer ist.
Frage 1: Ändert sich der Modalwert der Datenreihe?
Frage 2: Ändert sich der Mittelwert der Datenreihe?

Ziele

- ⇒ Festlegung der Begriffe Minimum, Maximum, Mittelwert
- ⇒ Kenngrößen Spannweite und Modalwert bestimmen können

Wissen



Datenreihe

Die Werte einer Datenreihe bezeichnet man üblicherweise mit x_1, x_2, x_3, \dots

Statistische Kenngrößen

Minimum (x_{\min}):

kleinster Wert einer Datenreihe

Maximum (x_{\max}):

größter Wert einer Datenreihe

Spannweite (R):

gibt an, wie weit die Werte höchstens auseinanderliegen

Formel: $R = x_{\max} - x_{\min}$

Mittelwert (\bar{x}):

Durchschnitt mehrerer Zahlen

Beispiel: Werte: 4 / 9 / 8

$$\rightarrow \bar{x} = (4 + 9 + 8) : 3 = \underline{\underline{7}}$$

Modalwert (m):

Wert, der am häufigsten in einer Datenreihe auftritt

Beispiel:

$X = \{2, 2, 5, 8, 8, 8\}$

$$\rightarrow m = 8$$

Gibt es keinen häufigsten Wert, dann gibt es auch keinen Modalwert.

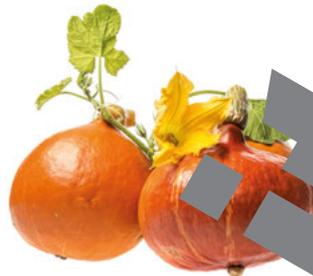
Median und Mittelwert

739 Hanna hat fünf Kürbisse gekauft und gewogen:

H2
H3
H4
I4

0,6 kg / 1,5 kg / 1,3 kg / 1,2 kg / 0,8 kg

- a) Berechne den Mittelwert.
- b) Bestimme den Median.
- c) Vergleiche die Werte aus a) und b). Welcher Wert war einfacher zu bestimmen? Sagen die beiden Werte in etwa das gleiche aus?



Hokkaido-Kürbisse

Ziele

Der Median (Zentralwert) beschreibt dich in Datenreihen berechnen können. Statistische Kenngrößen, vor allem Median und Mittelwert, miteinander vergleichen können

740 Bestimme jeweils Median und Mittelwert der angegebenen Kürbismassen.

H2
I4

- a) 1,2 kg / 1,4 kg / 0,9 kg
- b) 1,5 kg / 1,2 kg / 1,3 kg / 0,8 kg
- c) 1,3 kg / 1,3 kg / 1,2 kg / 0,6 kg / 0,7 kg
- d) 1,5 kg / 0,9 kg / 0,6 kg / 1,2 kg / 1,4 kg / 1,3 kg

Wissen

Median z (Zentralwert)

Der Median ist der mittlere Wert einer geordneten Datenreihe.

Beispiel:

Werte: 1 / 5 / 6 / 10 / 12
 $\rightarrow z = \underline{6}$

Hat die Datenreihen eine gerade Anzahl von Elementen, berechnet man den Mittelwert der beiden mittleren Werte.

Beispiel:

Werte: 1 / 5 / 6 / 8 / 10 / 12
 $\rightarrow z = \frac{6+8}{2} = \underline{7}$

741 Tom erzählt nach einer Woche Fischen am See:

H1
H2
H3
H4
I4

„Am Montag hab ich nur zwei Fische gefangen. Das war ein schlechter Tag. Am Dienstag ging es dann richtig los: 14 Fische. Am Mittwoch und am Donnerstag habe ich jeweils 10 Fische gefangen. Am Freitag bin ich mit 15 Fischen nach Hause gekommen.“

- a) Wie viele Fische hat Tom in dieser Woche gefangen?
- b) Berechne den Mittelwert und den Median an gefangenen Fischen pro Tag.
- c) Udo will wissen, wie viele Fische er an einem durchschnittlichen Tag am See fängt. Hilft ihm der Mittelwert oder der Median eher weiter? Begründe deine Entscheidung.

Tipp

Mittelwert oder Median?

Üblicherweise verwendest du zum Berechnen des Durchschnitts einer Datenreihe den Mittelwert.

Der Median bietet sich dann an, wenn es in der Datenreihe starke „Ausreißer“ gibt:

Werte: 0 / 48 / 50 / 50 / 52
 $\rightarrow z = 50$ (beschreibt die Datenreihe besser)
 $\rightarrow \bar{x} = 40$

742 Bestimme bei jeder der angegebenen Datenreihen:

H1
H2
I4

- (1) den Mittelwert \bar{x}
 - (2) den Modalwert x_{mod}
 - (3) den Median z
 - (4) das Minimum x_{min}
 - (5) das Maximum x_{max}
 - (6) die Spannweite R
- a) 15 / 10 / 7
 - b) 105 / 100 / 197 / 210
 - c) 4 / 4 / 4 / 5 / 6 / 7 / 8 / 8 / 8 / 8 / 12 / 12
 - d) -6 / -2 / -2 / -2 / 0 / 4 / 4 / 5

743 Erfinde eine Datenreihe mit fünf Zahlen, deren Median $z = 12$ und deren Mittelwert $\bar{x} = 10$ ist.

H1
H2
I4

Beschreibe, wie du dabei vorgegangen bist.

→ Übungsteil, S. 121

Häufigkeiten

744 Die Tabelle zeigt, wie viele der Befragten angeben, dass sie bereits Opfer von (Cyber-)Mobbing geworden sind.

H1
H2
H3
I4

(Quelle: 147/ „Rat auf Draht“)

	9-14 Jahre 60 Befragte	15-20 Jahre 81 Befragte
Ich bin von Mobbing betroffen.	51	43
Ich wurde beleidigt.	25	11
Ich wurde ausgeschlossen.	13	9
Ich wurde geschlagen.	6	0
Ich wurde bloßgestellt.	3	0

- Gib die Zahlen als relative Häufigkeiten in Prozent an.
- Berechne die absoluten Häufigkeiten für alle betroffenen Jugendlichen (9-20 Jahre) und stelle die Ergebnisse in einem geeigneten Säulendiagramm dar.

745 Im Jahr 2015 haben 2 296 Mädchen und 1 186 Buben „Rat auf Draht“ wegen Problemen in der Familie angerufen.

H3
I4

Beschrifte die Teile des Kreisdiagramms mit „Mädchen“ oder „Buben“.



746 Erstelle ein Kreisdiagramm zur Geschlechterverteilung bezüglich der telefonischen Anfragen zum jeweiligen Thema.

H1
H3
H4
I4

- Mobbing in der Schule: 641 Mädchen, 49 Buben
- Recht und Jugendschutz: 641 Mädchen, 631 Buben
- Finanzielles, Schulden: 160 Mädchen, 67 Buben
- Sucht: 300 Mädchen, 576 Buben
- Gewicht, Aussehen: 160 Mädchen, 160 Buben
- Sexualität: 2 650 Mädchen, 2 650 Buben
- Überlege dir zu jeder der Themen in a) bis f) zwei Fragen, die du „Rat auf Draht“ gerne stellen würdest.

747 Erstelle ein Kreisdiagramm zur Altersverteilung bezüglich der telefonischen Anfragen zum jeweiligen Thema.

H1
I4

- | | |
|--------------------------------|--------------------------------|
| a) Gewalt: | b) Schule/Beruf: |
| 6-10 J: 2,3% | 6-10 J: 1,6% |
| 11-14 J: 33,1% | 11-14 J: 45,2% |
| 15-18 J: 33,9% | 15-18 J: 31,9% |
| 19-24 J: 14,2% | 19-24 J: 8,6% |
| älter oder jünger: restliche % | älter oder jünger: restliche % |

Ziel

⇒ absolute und relative Häufigkeiten berechnen
in geeigneten Diagrammen darstellen können

Wissen

Absolute und relative Häufigkeiten

(am Beispiel einer Klasse mit 15 Mädchen und 5 Buben)

absolute Häufigkeit:
15 Mädchen, 5 Buben

relative Häufigkeit:

$$\frac{15}{20} = 0,75 \hat{=} 75\% \text{ Mädchen}$$

$$\frac{5}{20} = 0,25 \hat{=} 25\% \text{ Buben}$$

Kreisdiagramme erstellen

Ein voller Kreis hat 360°, das entspricht 100%.
1% entspricht daher 3,6°.

Beispiel: Sektor für 15%

- Winkel berechnen:

$$15 \cdot 3,6^\circ = 54^\circ$$

- Kreis erstellen und Kreissektor mit 54° einzeichnen.

Interessant

Du bist nicht allein

Viele Kinder und Jugendliche brauchen Rat. Wenn dich etwas bedrückt, kannst du dich jederzeit unter der Telefonnummer 147 an „Rat auf Draht“ wenden.

→ Übungsteil, S. 122

→ Cyber Homework 27

English Corner

748 Greg lives in New York and keeps records of temperatures. The table shows them in Fahrenheit (°F) for the last two weeks.

H2
H3
I4

MON	TUE	WED	THU	FRI	SAT	SUN
65 °F	65 °F	70 °F	68 °F	73 °F	75 °F	75 °F
MON	TUE	WED	THU	FRI	SAT	SUN
77 °F	78 °F	75 °F	76 °F	80 °F	81 °F	79 °F

- Find the minimum and the maximum temperature.
- What is the range of Greg's data?
- Find the mean temperature.
- Find median and mode values of Greg's list.

749 How much are the minimum, the maximum and the mean temperature of ex. 748 in Celsius?

H1
H2
I4

Use this formula: $T_C = \frac{5}{9} \cdot (T_F - 32)$

Attention: T_C is the temperature in Celsius,
 T_F is the temperature in Fahrenheit



750 EXPLORE

H1
H2
I4

Prepare a record of the temperatures of your city within one week.

Describe your data with these parameters:
minimum, maximum, range, mean, median, mode

Wörterbuch
...
pre ...
minimum ...
maximum ...
Maximum
range ...
Spannweite
mean ...
Mittelwert
median ...
Median, Zentralwert
mode ...
Modalwert
formula ...
Formel
describe ...
beschreiben
parameter ...
Parameter, Merkmal

Technik-Labor

751 Die Tabelle zeigt die Anzahl der Geborenen in Österreich und die jeweils 10 beliebigen Vornamen im Jahr 2014. (Quelle: Statistik Austria)

H1
H2
H3
I4

- Berechne die relative Häufigkeit der Mädchen und Jungen.
- Erstelle ein Säulendiagramm für die zehn häufigsten Vornamen.

	Häufigkeit			Häufigkeit	
	absolut	in %		absolut	in %
Mädchen gesamt	39560	100,00%	Jungen gesamt	42162	
Anna	836	2,11%	Alexander	651	
Emma	636	1,61%	David	768	
Hannah	741	1,87%	Elias	651	
Laura	561	1,42%	Felix	673	
Lena	620	1,57%	Jakob	771	
Marie	636	1,61%	Jonas	698	
Mia	546	1,38%	Lukas	812	
Sarah	608	1,54%	Maximilian	810	
Sophia	639	1,62%	Paul	708	
Sophie	607	1,53%	Tobias	720	

Piktogramme

752 Die Darstellung zeigt den Ernährungszustand der österreichischen Schulkinder im Jahr 2012.

(Quelle: Österr. Ernährungsbericht 2012, Zahlen gerundet)



Untergewicht

Übergewicht

- a) Gib die Anteile der Ernährungszustände der Kinder in Prozent an.
 b) Kreuze an: Wahr oder falsch?

Es gibt mehr übergewichtige als untergewichtige Kinder.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Die meisten Kinder haben Normalgewicht.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Es gibt etwa gleich viele Kinder mit Fettleibigkeit wie Kinder mit Untergewicht.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Etwa drei Viertel der Kinder haben Normalgewicht.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Jedes zehnte Kind ist untergewichtig.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

753 Erstelle selbst Piktogramm-Darstellungen zu den Daten.

(Quelle: Österr. Ernährungsbericht 2012, Zahlen gerundet)

18-64 Jahre	untergewichtig	Normalgewicht	übergewichtig	fettleibig
a) Frauen	0%	70%	20%	5%
b) Männer	0%	70%	40%	10%

754 Unter „Ist“ sieht man, wie viele Lebensmittel durchschnittlich von 13-Jährigen in Österreich konsumiert werden.

Unter „Soll“ findet man die Empfehlung von Ernährungsexpert/innen.

	a) Getreide	b) Obst	c) Fleisch
Ist	0,9 kg pro Tag	0,5 kg pro Woche	18 dag pro Tag
Soll	1,5 kg pro Tag	2,5 kg pro Woche	6 dag pro Tag

Entwerfe Plakate mit Piktogrammen, die das Verhältnis Ist:Soll darstellen. Macht Werbung für eine ausgewogene Ernährung!



Ziele

- ⇒ Piktogramme zum Darstellen von Daten nutzen können
- ⇒ Piktogramme interpretieren können
- ⇒ Piktogramme zum Darstellen von Daten nutzen können

Wissen

Piktogramm

Ein Piktogramm ist ein Symbol bzw. Icon, das eine oder mehrere Informationen durch eine vereinfachte grafische Darstellung vermittelt.

Beispiel:



Interessant

Normalgewicht ist gesund!



Achte darauf, dein Gewicht im Normalbereich zu halten.

Über- oder Untergewicht können verschiedene Ursachen haben.

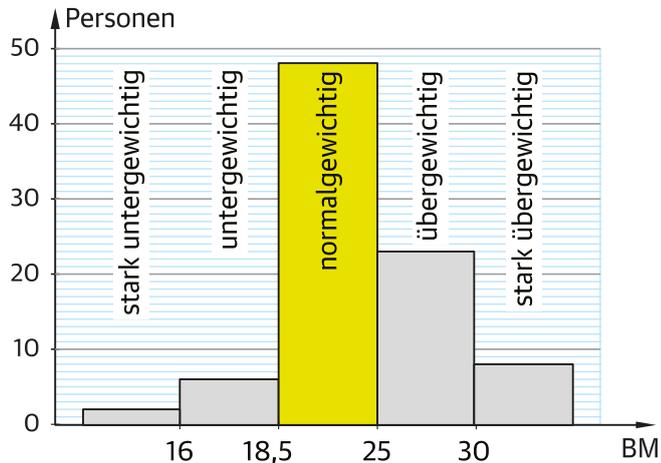
Bei Bedarf kannst du dir Rat bei deiner Schulärztin oder deinem Schularzt holen.

→ Übungsteil, S. 123

Histogramme und Klasseneinteilung

755 Das Histogramm zeigt den Body Mass Index (BMI) von 87 Personen.

H1
H2
H3
I4



- Wie viele der untersuchten Personen sind stark übergewichtig?
- Lea, eine der Personen in dieser Untersuchung, hat einen Body Mass Index (BMI) von 17,2. In welche Klasse fällt sie?
- Theo hat leichtes Übergewicht. In welchem Bereich könnte sein BMI liegen?
- Wie viel Prozent der untersuchten Personen sind normalgewichtig?

756 KNOBELAUFGABE



Fermi-Aufgabe

H1
H2
I1

Wie schwer sind alle Menschen, die sich gerade

- im Schulgebäude befinden?
- in eurer Stadt/eurem Ort?

zusammen?

Vergleicht eure Überlegungen und Ergebnisse mit anderen Gruppen.

757 Auf dem Bauernhof wurden heute Morgen 25 Eier eingesammelt.

H1
H2
H3
I4

80 g	61 g	75 g	72 g
52 g	65 g	63 g	64 g
59 g	51 g	68 g	64 g
67 g	65 g	70 g	70 g
70 g	72 g	55 g	49 g



- Teile die Eier in die Klassen S (bis 53 Gramm), M (53 bis 63 Gramm), L (63 bis 73 Gramm) und XL (schwerer als 73 Gramm) ein und zeichne ein passendes Histogramm dazu.
- Berechne, wie viel ein Ei durchschnittlich wiegt.

Ziele

- Histogramme ablesen und interpretieren können
- ⇒ den Begriff „Klassen“ in der Statistik kennen und in praktischen Beispielen anwenden können

Wissen

Einteilung in Klassen

Eine **Klasse** ist in der Mathematik eine Gruppe mit festgelegten Eigenschaften.

Histogramm

Ein **Histogramm** ist ähnlich einem Säulendiagramm, es hat jedoch keine Zwischenräume zwischen den Säulen. Die Wertebereiche werden in „Klassen“ eingeteilt.

Interessant

Body Mass Index (BMI)

Der **BMI** gilt als Richtwert für die Beurteilung des Körpergewichts bei **Erwachsenen**.

Berechnung:

$$\text{BMI} = \frac{\text{Masse}}{\text{Größe}^2}$$

Klasseneinteilung:

- < 16 ... stark untergewichtig
- 16 - 18,5 ... untergewichtig
- 18,5 - 25 ... normalgewichtig
- 25 - 30 ... übergewichtig
- > 30 ... stark übergewichtig

Beispiel:

Udo ist 1,80 m groß und 76 kg schwer:

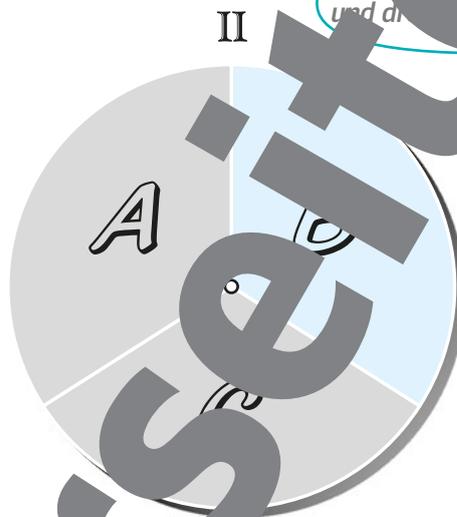
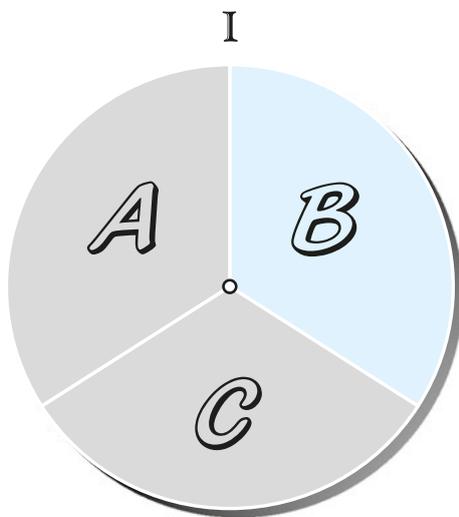
$$\text{BMI} = \frac{76}{1,8^2} = \underline{23,5}$$

→ Udo ist normalgewichtig.

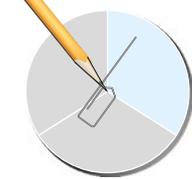
→ Übungsteil, S. 124

Extra: Zufallsdaten

Verwende für die Aufgaben auf dieser Seite die beiden Glücksräder I und II mit einer Büroklammer als Drehzeiger.



Ich habe eine Büroklammer und die Glücksräder!



758 Glücksrad I: Grau oder blau?

H1
H3
H4
I4

- Welche Farbe wird wahrscheinlich öfter getroffen, wenn du 10-mal drehst? Gib eine ungefähre Treffervorhersage für jede der Farben an.
- Drehe 20-mal am Glücksrad I und vermerke deine Ergebnisse mit deinen Überlegungen aus a).
- Stelle deine Ergebnisse aus b) in einem Kreisdiagramm dar.

759 Glücksrad II: A oder B?

H1
H3
H4
I4

- Welcher Buchstabe wird wahrscheinlich öfter getroffen, wenn du 20-mal drehst? Gib eine ungefähre Treffervorhersage für jeden der Buchstaben an.
- Drehe 20-mal am Glücksrad II und vergleiche deine Ergebnisse mit deinen Überlegungen aus a).
- Stelle deine Ergebnisse aus b) in einem Kreisdiagramm dar.

760 Beide Glücksräder: Welche Ergebnisse gibt es?

H1
H2
H4
I4

- Für wie viele unterschiedliche Ergebnisse kann man erzielen? Beispielsweise: Rad I: grau; Rad II: blau; das Ergebnis lautet: grau - blau!
- Buchstaben: Wie viele unterschiedliche Ergebnisse kann man erzielen? Beispielsweise: Rad I: A; Rad II: C; das Ergebnis lautet: A - C!

761 KOMBINATIONSGABE

H1
H3
H4
I4

Fabio bietet dir dieses Glücksspiel an:
„Drehe Rad I und Rad II je einmal.
Wenn wenigstens eines der beiden Räder „blau“ zeigt, hast du gewonnen!“

- Hat man bei diesem Spiel gute Chancen, gegen Fabio zu gewinnen? Stell dazu Überlegungen an und probiere das Spiel aus.
- Überlege dir selbst ein weiteres Glücksspiel, bei dem du beide Räder benötigst.

Auf wie viele Arten kann etwas kombiniert werden? Solche Fragen gehören in den mathematischen Bereich der „Kombinatorik“.



Checkpoint

Löse die Aufgaben und kontrolliere deine Ergebnisse (Lösungen ab Seite 175).
Kreuze an, was du noch üben möchtest.

Statistische Kenngrößen und Häufigkeiten

762 Sabine kauft 5 Salatgurken mit folgenden Massen:

H2
I4 368 g / 412 g / 450 g / 390 g / 375 g

- Bestimme den Mittelwert und den Median der Datenreihe.
- Wie viel bezahlt Sabine, wenn 1 kg Gurken 0,89 € kostet?

N2

763 Reinhard hat 10-mal gewürfelt:

H3
I4 2 / 4 / 3 / 4 / 5 / 1 / 1 / 4 / 5 / 3

- Bestimme die Spannweite der Datenreihe.
- Bestimme den Modalwert der Datenreihe.

N1

764 Die 20 Kinder der 3a-Klasse haben aufgeschrieben, wie viele Geschwister sie jeweils haben:

H1
H2
I4

40% der Kinder haben keine Geschwister,
35% haben einen Bruder oder eine Schwester,
20% haben jeweils 2 Geschwister
und 1 Kind hat 3 Geschwister.

- Wie viele Geschwister hat ein Kind durchschnittlich?
- Welche statistische Kenngröße gibt an, wie viele Geschwister die meisten Kinder in der Klasse haben?

N1
N3

Piktogramme, Histogramme und Klasseneinteilung

765 Die Tabelle zeigt die Einwohnerzahlen der fünf größten Städte Österreichs (Stand 2012).

H1
I4

Wien	Salzburg	Linz	Innsbruck	Murau
1 840 573	150 887	200 841	130 984	3 688

Stelle die Einwohnerzahlen der Städte mit einem Piktogramm dar.
Runde die Einwohnerzahlen auf die angegebene Stelle und verwende die angegebenen Symbole:



 100 000 500 000 1 Mio.

N4

766 Teile die Einwohnerzahlen der Städte sowie jene aus 765 nach ihren Einwohnerzahlen in die Klassen Kleinstadt (bis 20 000), mittlere Stadt (bis 100 000) und Großstadt (über 100 000) ein und erstelle ein Histogramm.

H1
H3
I4

Kitzbühel (8 134), Wels (60 382), Eisenstadt (14 241), Murau (3 688),
Wiener Neustadt (43 863), Bludenz (14 118), Linz (12 046), Zwettl (11 005),
Bischofshofen (10 483), Villach (61 221), Jennersdorf (4 074), Schwaz (13 444)

N5

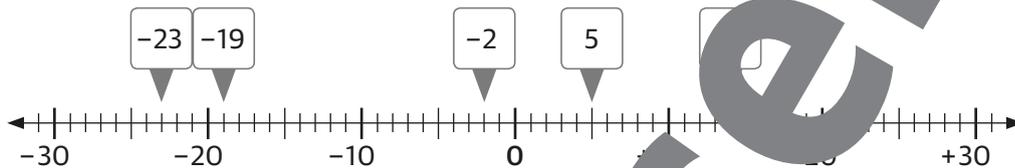
Lösungen zu den Checkpoints

Kapitel A

46) Peter bezahlt 6,96 €. 47) 25 dag Extrawurst kosten 3,30 €. 48) Die Birne wiegt 0,7 kg (→ 250 g).
 49) a) 52 € b) 27 € c) 17 € d) 0,40 € 50) 97,93 € 51) Angebot A: 13,23 €, Angebot B: 13,60 € → Angebot B ist 0,63 € billiger. 52) 80 500 € 53) Karottenbeet: 13,26 m², Salatbeet: 12,25 m². Karottenbeet ist um 1,01 m² größer. 54) Die beiden Äcker sind gleich groß (4 800 m²). Begründung: Wird eine Seitenlänge einer Fläche halbiert, halbiert sich auch der Flächeninhalt. Wird eine Seitenlänge einer Fläche verdoppelt, verdoppelt sich auch der Flächeninhalt. Daher ändert sich nichts an einem Flächeninhalt, wenn man die eine Seitenlänge halbiert und die andere verdoppelt.

Kapitel B

103)



104) $-5 < -2 < 0 < 1 < 4$

105) a) $-8 < +7$ b) $+6 > -6$

c) $|-4| > +3$ d) $|+10| < |-11|$

e) $|+15| = |-15|$ f) $|-9| > -2$

106) $-6 \cdot 250$; Begründung: $-6 \cdot 249$

wird noch auf $-6 \cdot 200$ gerundet,

ab $-6 \cdot 250$ wird auf $-6 \cdot 300$

gerundet. 107) $0 - 6 = -6$;

$2 - 3 = -1$; $-13 + 5 = -8$;

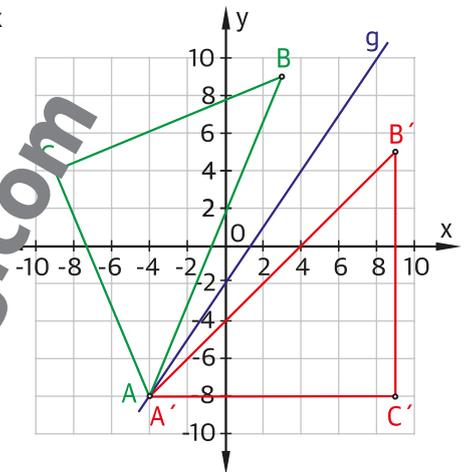
$-4 - 1 = -5$; $-253 - 42 = -295$;

$-5 + 8 = 3$; 108) a) 13 b) -35

c) 1 d) 250 e) -2 f) -360

109) b) gleichschenkeliges Dreieck

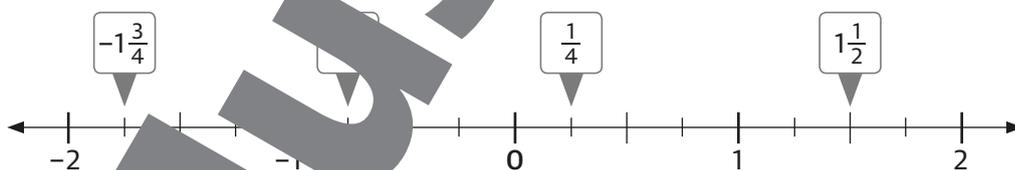
c) $A'(-4/-8)$, $B'(9/10)$



Kapitel C

170) von links nach rechts: $-1,6$; $-0,2$; 8 ; $2,1$;

171)



172) $-2,8 \notin \mathbb{Z}$; $1 \in \mathbb{N}$; $0 \in \mathbb{Q}$; $7 \in \mathbb{Z}$; $-\frac{5}{6} \notin \mathbb{Z}$; $12 \in \mathbb{N}$; $-22 \in \mathbb{Z}$; $2,25 \in \mathbb{Q}$; $0 \in \mathbb{Q}$; $-\frac{3}{10} \in \mathbb{Q}$; 173) a) 413,5

b) $-9\,573,11$ c) 110 d) -54 e) 12,768 f) $-19,32$ g) $-155,875$ h) 19,36 i) -3 174) a) $-1\,806,90$ €

b) z. B.: 1 €; Kontostand von Herrn Huber beträgt $-157,80$ €.

175) a) $-\frac{1}{15}$ b) $-\frac{2}{3}$ c) $-\frac{1}{15}$ d) $-\frac{1}{15}$ e) $-\frac{1}{15}$ f) $-2\frac{47}{48}$ g) $-\frac{6}{11}$ h) $\frac{2}{3}$ i) $-\frac{25}{38}$

Kapitel D

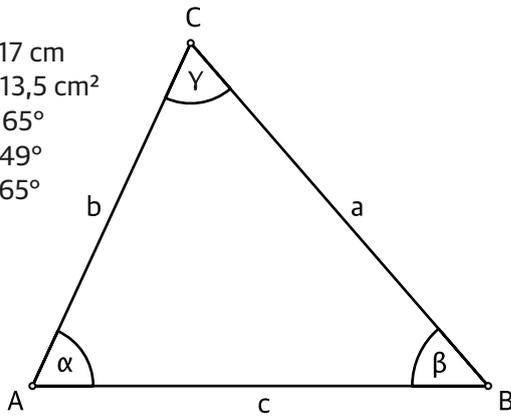
213) a) $x = 7,5$ b) $y = 5$ c) $z = 6$ 214) a) $x = 6$ b) $p = -\frac{1}{7}$ c) $a = 2$ d) $t = 4$ e) $s = 32$ f) $v = 2$ 215) a) $x \neq 0$

b) $x \neq 0$ c) $x \neq 1$ d) $x \neq -4$ e) $x \neq -2$ f) $x \neq 1$ 216) a) eine b) keine c) unendlich viele

217) a) $\frac{x}{3} + 12 = 37 \rightarrow x = 75$ b) $4x = x + 18 \rightarrow x = 6$ 218) a) $8p = 39,20 \rightarrow p = 4,9 \rightarrow$ A: Eine Fahrkarte kostet 4,90 €. b) $8,30 \cdot 25 = b \rightarrow b = 207,5 \rightarrow$ A: Die Busfahrt kostet insgesamt 207,50 €.

Kapitel E

- 271) a) $u = 17 \text{ cm}$
 $A = 13,5 \text{ cm}^2$
 $\alpha = 65^\circ$
 $\beta = 49^\circ$
 $\gamma = 65^\circ$



- 271 b) $c = 7 \text{ cm}$ 272) a) $u = 20 \text{ cm}$, $A = 21 \text{ cm}^2$
 b) $u = 16,6 \text{ cm}$, $A = 14,28 \text{ cm}^2$ c) $u = 15,6 \text{ cm}$,
 $A = 15 \text{ cm}^2$ d) $u = 19,8 \text{ cm}$, $A = 18,9 \text{ cm}^2$
 273) $h_a = 5,2 \text{ cm}$ 274) a) $u = 2 \cdot (s + r)$, $A = r \cdot t$
 b) $u = 2 \cdot (j + k)$, $A = \frac{m \cdot n}{2}$
 c) $u = x + y + z + w$, $A = x \cdot \frac{(w + x) \cdot x}{2}$
 275) $A = 126 \text{ m}^2$

Kapitel F

- 342) a) 36 b) 81 c) 125 d) 81 e) $\frac{1}{16}$ f) $\frac{9}{64}$ 343) a) 20 736 b) 7 c) x^4 344) a) $3^5 \cdot 5^5$ c) a^9 d) 24^3 e) 5^2
 f) 30^x g) 5^6 h) 15^{28} i) a^{3n} 345) a) 17 b) $-7\frac{1}{3}$ c) 32 346) a) x^7 b) $\frac{s^4}{t}$ c) $(a \cdot b)^4$
 347) a) $200\,000 = 2 \cdot 10^5$ b) $12\,000\,000 = 12 \cdot 10^6$ c) $80\,000\,000 = 8 \cdot 10^7$
 348) a) $8 \cdot 10^3$ b) $2,14 \cdot 10^6$ c) $6,2 \cdot 10^8$ 349) $10^4 \cdot 10^2 = 10^6 = 1\,000\,000 \text{ €}$

Kapitel G

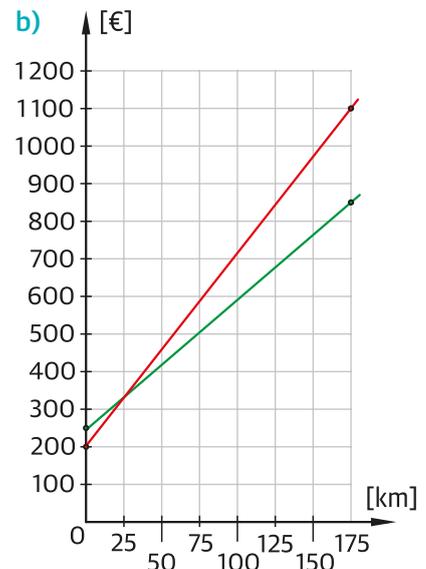
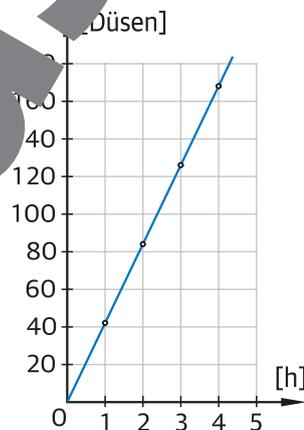
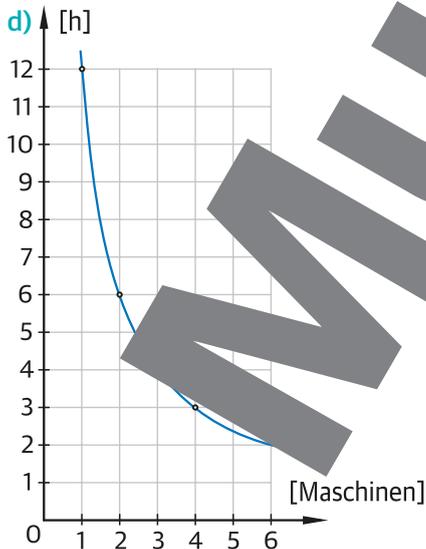
- 417) a) $T(x) = 9x + 23$, $T(2) = 41$ b) $T(a, b) = -3b + 10$, $T(9, 8) = 1$ c) $4x^2 - x + 3$ b) $-x^3 - x^2 + 5x + 2$
 419) a) $\frac{1}{2}$ b) $-1\frac{1}{4}$ c) $-\frac{1}{8}$ 420) $T(n) = 8n$ 421) a) $30s - 10t$ b) $3a^2 + 6ab - 5x^2 + 15y^3$ 422) a) $-15x + 12y$
 b) $-2y - 8xy$ 423) a) $2x \cdot (x + 3)$ b) $b \cdot (5a + 2b)$ c) $2 \cdot (x - 2y + 3)$ 424) a) $3x^2 + 10x + 8$
 b) $2a^2 + 6a - 3b - ab$ c) $5x^2 + 6y^2 - 17xy$ 425) a) $x^2 + 10x + 25$ b) $9x^2 + 12xy + 4y^2$ c) $81 - 18a + a^2$
 d) $4s^2 - 16st + 16t^2$ e) $z^2 - 9$ f) $4n^2 - 25m^2$ 426) a) $(a + 4)(a - 5) + 5s \cdot (8t - 5s)$ c) $(2p - 3q)^2$

Kapitel H

- 471) Männer : Frauen = 13 : 8 472) Die Aussagen 4 und 5 sind richtig 473) Werner bekommt 552 €, Sigmund erhält 828 €. 474) Luisa bekommt 275 €, es sind insgesamt 90 Menschen an Bord.
 476) Die andern beiden Erben erhalten 140 € und 1372,80 €. 477) Breite : Höhe = 3 : 2
 478) $400\,000 \text{ cm} = 4\,000 \text{ m} = 4 \text{ km}$ 479) $400\,000\,000$

Kapitel I

- 515) a) 4 Stunden b) $x \cdot y = 12$ c) $y = \frac{12}{x}$ d) $y = 42$
 516) a) 126 Düsen b) 126 Düsen c) 126 Düsen d) 126 Düsen
 517) a) indirekt proportional b) nicht proportional
 518) a) 1100 € b) $y = 6 \cdot x + 200$
 519) a) $y = 4 \cdot x + 250$



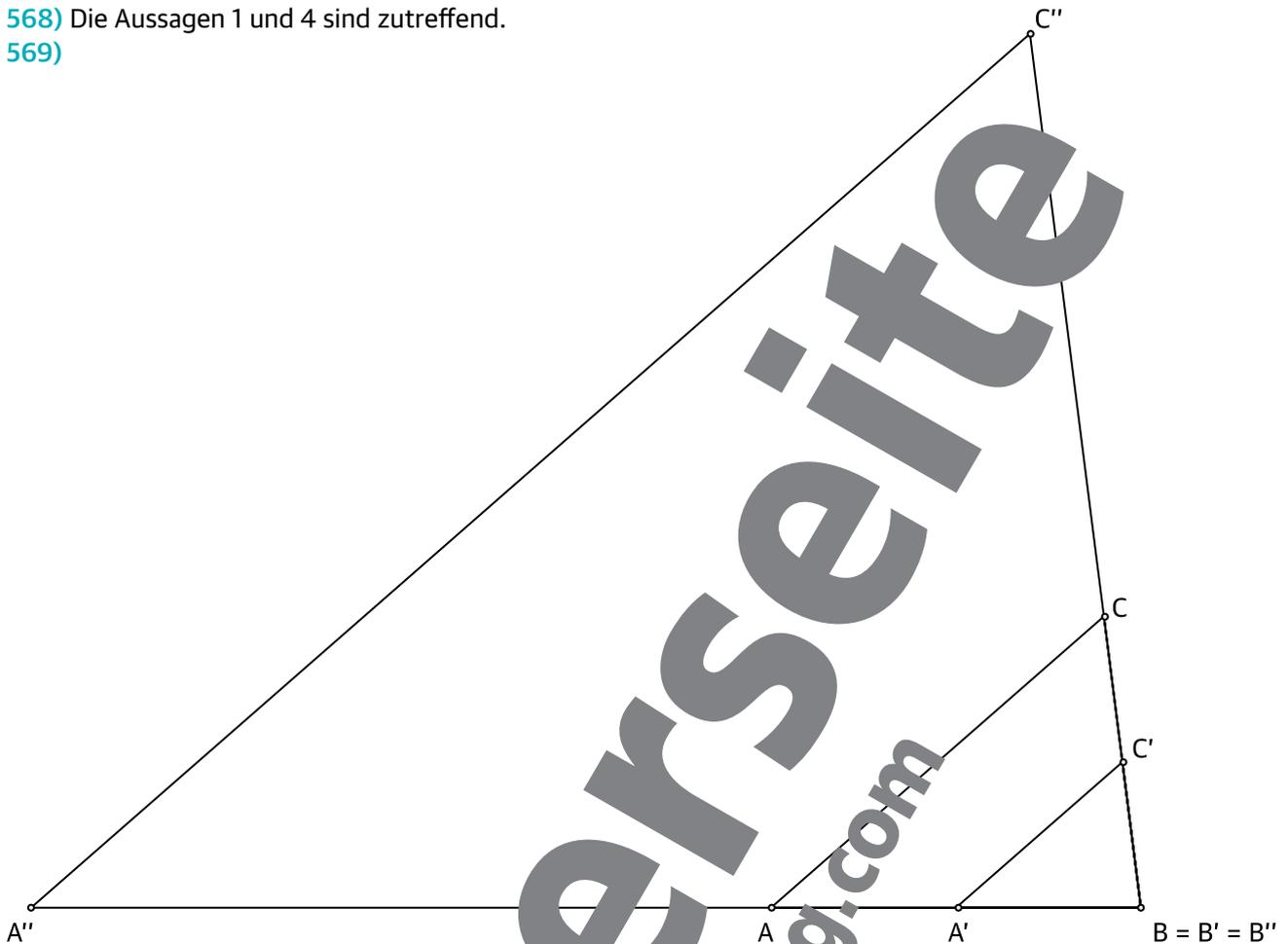
- 517) a) indirekt proportional
 b) nicht proportional
 518) a) 1100 € b) $y = 6 \cdot x + 200$
 519) a) $y = 4 \cdot x + 250$

- c) Das Busunternehmen Mair ist bei kurzen Strecken günstiger. Ab mehr als 25 km ist das Busunternehmen Steiner günstiger.

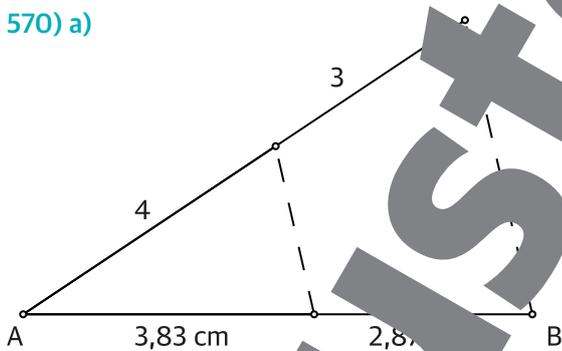
Kapitel J

568) Die Aussagen 1 und 4 sind zutreffend.

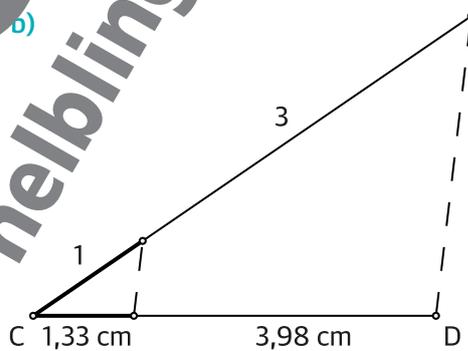
569)



570) a)



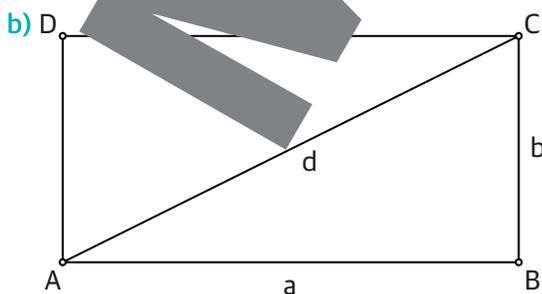
b)



571) a) $x = 6$ b) $x = 10$ c) $x = 57$ d) Das Haus ist ca. 32,61 m hoch. 573) Sein Försterdreieck könnte 30 cm lang und 25 cm hoch sein. Alle drei Dreiecke, deren Länge und Höhe im Verhältnis 6 : 5 stehen, gelten als Lösungsmöglichkeit.

Kapitel K

620) a) wahr b) falsch c) falsch d) wahr 621) a) $x = 17$ m b) $x = 5$ m c) $x \approx 28,8$ m 622) a) $d \approx 6,5$ cm



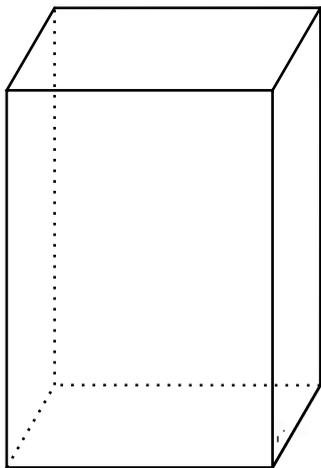
623) $h_c \approx 4,8$ cm 624) $u \approx 9,1$ cm
 625) Das Seil muss mindestens 37 m lang sein. Lösungsansatz: Das Seil, der Abstand zwischen den Häusern und die Differenz der Häuserhöhen bilden ein rechtwinkeliges Dreieck. Mit dem Satz des Pythagoras kann man nun die Seillänge berechnen, indem man für die Katheten 35 m und 12 m (= 25 m - 13 m) einsetzt.

Kapitel L

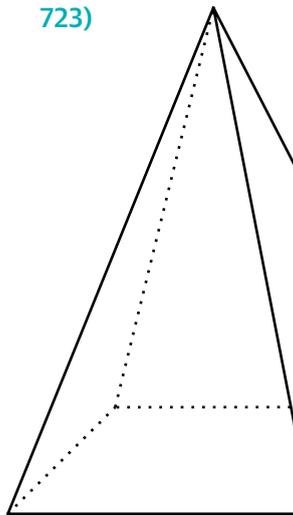
669) a) 583 b) ca. 46% 670) 80 671) 600 672) 58,25 € 673) a) falsch b) wahr c) wahr 674) 133 €
 675) ca. 590,89 € 676) 6 091 € 677) a) 718,80 € b) ca. 24% p. a.

Kapitel M

722)

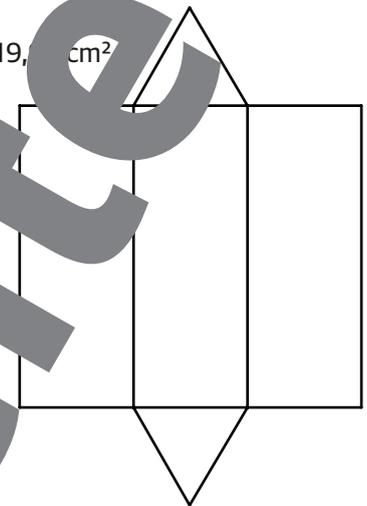


723)



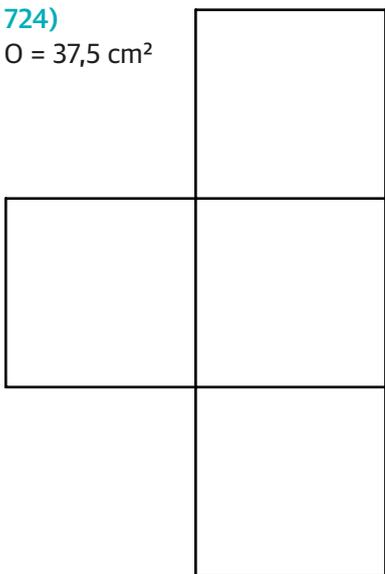
726)

$O \approx 19, \dots \text{cm}^2$

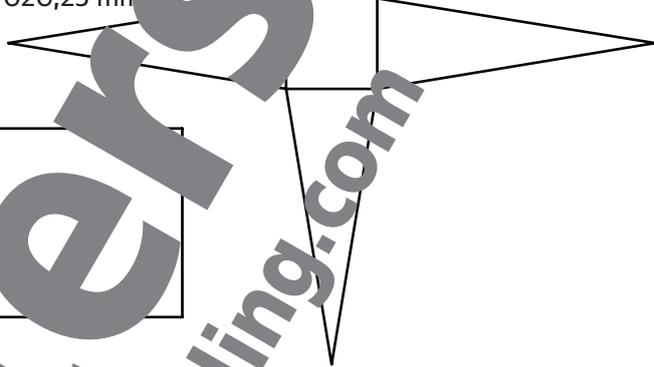


724)

$O = 37,5 \text{ cm}^2$



725) $O \approx 1\,020,25 \text{ mm}^2$



727) $V = \dots \text{ m} = 12\,500 \text{ kg}$ 728) $V = 1\,080 \text{ cm}^3$ 729) $a = 42 \text{ cm}$

730) a) $1,26 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ b) Nein, da Wasser eine Dichte von $1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ hat.

Der Stoffwürfel ist also schwerer als Wasser.

Kapitel N

762) a) $\bar{x} = 399 \text{ g}$, $z = 390 \text{ g}$ b) Salzburger Zahl 1,78 €. 763) a) $R = 4$ b) $m = 4$ 764) a) 0,9 b) der Modalwert (m)

765)

Wien



Graz



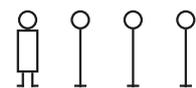
Linz



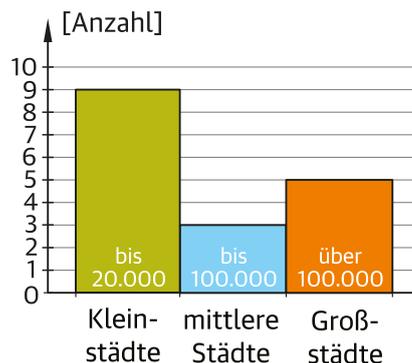
Salzburg



Innsbruck



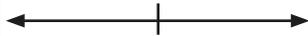
766) Kleinstädte: Kitzbühel, Eisenstadt, Murau, Bludenz, Lienz, Zwettl, Bischofshofen, Jennersdorf, Schwaz;
 mittlere Städte: Wels, Wiener Neustadt, Villach;
 Großstädte: Wien, Graz, Linz, Salzburg, Innsbruck;



Das PLUS!-Wörterbuch

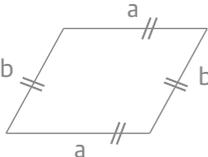
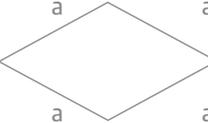
Fachbegriffe kennen und richtig verwenden

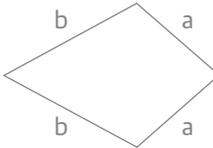
A Mathematik im Alltag – Wiederholung aus der 2. Klasse			
Addition	$4 + 3 = 7$ Summand + Summand = Summe	Die Summe von 4 und 3 ist 7. Addiere die Zahlen 4 und 3.	↪ A1
Subtraktion	$9 - 6 = 3$ Minuend – Subtrahend = Differenz	Die Differenz von 9 und 6 ist 3. Subtrahiere 6 von 9.	↪ A1
Multiplikation	$5 \cdot 8 = 40$ Faktor · Faktor = Produkt	Das Produkt aus 5 und 8 ist 40. Multipliziere 5 mit 8.	↪ A1
Division	$12 : 3 = 4$ Dividend : Divisor = Quotient	Der Quotient aus 12 und 3 ist 4. Dividiere 12 durch 3.	↪ A1
Dezimalzahl	8,02	Acht Komma zwei ist eine Dezimalzahl.	↪ A2
Prozent (%)	$0,15 \hat{=} 15 \%$	15 Prozent der Bevölkerung sind behinderte Kinder.	↪ A3
Rabatt	Nachlass	Sie bekommen 20 % Rabatt!	↪ A4

B Negative Zahlen – Einführung, Addition, Subtraktion, Koordinatensystem			
Positive Zahl	Pluszahl	15 ist eine positive Zahl.	↪ B1
Negative Zahl	Minuszahl	-15 ist eine negative Zahl.	↪ B1
Zahlengerade		Die Zahlengerade ist die Erweiterung der natürlichen Zahlen.	↪ B2
Betrag	$ -4 = 4$	Der Betrag der Zahl -4 ist gleich 4.	↪ B3
Gegenzahl	Die Gegenzahl von -648 lautet +648	Gegenzahlen haben den gleichen Betrag, aber umgekehrtes Vorzeichen.	↪ B3
Vorzeichen	+ oder -	Die Zahl -9 hat das Vorzeichen ein Minus.	↪ B5
Koordinaten	A (3/-2)	Der Punkt A liegt bei „drei minus zwei“. (3 in die x-Richtung, -2 in die y-Richtung)	↪ B6
Quadrant	I (+/+), II (-/+), III (-/-), IV (+/-)	Das Koordinatensystem lässt sich in vier Quadranten einteilen.	↪ B6

C Rationale Zahlen – Zahlenmengen, Rechenoperationen			
Natürliche Zahlen	\mathbb{N}	17 ist eine natürliche Zahl.	↪ C2
Ganze Zahlen	\mathbb{Z}	5 und +39 sind ganze Zahlen.	↪ C2
Rationale Zahlen	\mathbb{Q}	$\frac{1}{2}$ und $-\frac{1}{2}$ sind rationale Zahlen.	↪ C2

D Gleichungen lösen – Äquivalenzumformungen, Balkenmodelle, Textgleichungen			
Äquivalenzumformung	$x + 2 = 10$ $x = 8$	Bei einer Gleichung darf man links und rechts dieselbe Rechenoperation ausführen.	↪ D1
Verteilungsgesetz Distributivgesetz	$(2 + 3) \cdot 4 = 2 \cdot 4 + 3 \cdot 4$	Mit Hilfe des Verteilungsgesetzes kann man Klammern auf verschiedene Arten auflösen.	↪ D2

E Dreiecke und Vierecke – Konstruktion, Flächeninhalt, Umkehraufgaben			
Konvention	Flächeninhalt	Gemäß der Konvention kürzen wir den Flächeninhalt mit A ab.	↪ E1
Besondere Vierecke	Parallelogramm gegenüberliegende Seiten sind parallel		↪ E3
	Raute (Rhombus) alle Seiten sind gleich lang		↪ E5

Besondere Vierecke (Fortsetzung)	Trapez wenigstens zwei Seiten sind parallel		↪ E7
	Deltoid (Drachenviereck) zwei Paar gleich lange, nebeneinanderliegende Seiten		↪ E8
Winkelsumme	$\alpha + \beta + \gamma + \delta = 360^\circ$	Die Summe der Innenwinkel beträgt bei Vierecken immer 360° .	↪ E7
Diagonale	$e = 7 \text{ cm}$	Diagonalen verbinden die gegenüberliegenden Ecken eines Vierecks.	↪ E5

F Potenzen – Einführung, Rechenregeln, Anwendung

Potenz / Basis / Exponent	$5 \cdot 5 \cdot 5 = 5^3$	5 hoch 3 ist eine Potenz. Dabei ist 5 die Basis und 3 der Exponent.	↪ F1
Quadrieren	$4^2 = 4 \cdot 4$ $(-0,2)^2 = (-0,2) \cdot (-0,2)$	Multipliziert man die Zahl mit sich selbst, so nennt man dies „Quadrieren“.	↪ F2
Dekadische Einheiten	1, 10, 100, 1 000, ...	eine Zahl, die aus einer 1 und sonstiger Nullen besteht	↪ F8
Gleitkommazahl	$9,32 \cdot 10^4$	Bei der Schreibweise setzt man das Komma immer an die erste Stelle.	↪ F9
Technische Schreibweise	$93,2 \cdot 10^3$	In der technischen Schreibweise verwendet man nur 3, 6, 9, ... als Exponenten.	↪ F9

G Rechnen mit Termen – Ausmultiplizieren, Herausheben, Binomische Formeln

Term	sinnvoller mathematischer Ausdruck	Beispiele: $x + 3$, 18 , $(2x - 4)$, 15 , $3x - 4$, z , $a + 2b$, ...	↪ G1
Arten von Termen	Monom: $3x$ Binom: $3x + 4$ Polynom: $x^2 - 3x + 4$	Nach Anzahl der Glieder eines Terms kann man ihn als Monom, Binom oder Polynom bezeichnen.	↪ G1
Koeffizient	Vorzahl	Beim Ausdruck $17x$ ist 17 der Koeffizient von x .	↪ G1
Variable	Unbekannte	Beispiele: x , y , z , a , b , ...	↪ G2
Bruchterm	$\frac{x+4}{3}$	In Bruchtermen kommen Brüche vor.	↪ G4
Herausheben	$x : 2 + y : 2$ $(x + y) : 2$	Das Herausheben ist die Umkehrung des Verteilungsgesetzes.	↪ G6
Binomische Formeln	$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ $(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$	Mit Hilfe der binomischen Formeln kann man sich das Ausmultiplizieren erleichtern.	↪ G8

H Verhältnis – Darstellung, Berechnung und Maßstab

Verhältnis	$1 : 7$	Mische den Saft im Verhältnis eins zu sieben!	↪ H1
Verhältnisgleichung	$\frac{a}{b} = \frac{3}{4}$	a verhält sich zu b wie 3 zu 4.	↪ H1
Produktgleichung	$a \cdot 4 = b \cdot 3$	Man kann eine Verhältnisgleichung in eine Produktgleichung umwandeln.	↪ H4
Maßstab	$1 : 1\,000$	Die Karte hat den Maßstab 1 zu 1 000.	↪ H5

I Proportionalität – Berechnung, Darstellung und lineare Prozesse

Direkt proportional	direktes Verhältnis	Beispiel: Je mehr Arbeit getan werden muss, desto länger braucht man dafür.	↪ I1
Indirekt proportional	indirektes Verhältnis	Beispiel: Je mehr Personen mit anpacken, desto weniger muss jeder Einzelne tragen.	↪ I4

Klassifikation	Zuordnung	Etwas klassifizieren bedeutet, dass man es einer Gruppe zuordnet.	↪ I6
Linearer Zunahmeprozess	$y = kx + d$	Lineare Zunahmeprozesse eignen sich gut für das Beschreiben von Taxikosten.	↪ I7
Linearer Abnahmeprozess	$y = d - kx$	Bei einem Abnahmeprozess ist der Anfangswert höher als der Endwert.	↪ I8

J Ähnlichkeit und Strahlensätze – Vergrößern, Verkleinern, Strecken teilen

Ähnlichkeit	$A \sim A'$	Die Figur A ist ähnlich zur Figur A'.	↪ J1
Kongruenz	$B \cong B'$	Die Figur B ist kongruent zur Figur B'. Sie sind also deckungsgleich.	↪ J1
Streckung	$k = a' : a$	Man kann eine Figur um den Streckungsfaktor k vergrößern oder verkleinern.	↪ J2
Strecke	\overline{AB} ... gerade Linie mit Anfangspunkt A und Endpunkt B	Die Strecke \overline{AB} verbindet die Punkte A und B.	↪ J6
Strahl	gerade Linie mit Anfangspunkt, aber ohne Endpunkt	Der Strahl beginnt im Punkt A und geht unendlich weit.	↪ J6
Gerade	gerade Linie ohne Anfangspunkt und Endpunkt	Geraden werden mit den Buchstaben g, h, i, ... benannt.	↪ J6
Strahlensätze	1., 2. und 3. Strahlensatz	Die Strahlensätze beschreiben Verhältnisse von parallelen Geraden, die geschnitten werden.	↪ J6

K Der Satz des Pythagoras – Quadratwurzel, Anwendung

Quadratwurzel	$\sqrt{16} = 4$	Die Quadratwurzel aus 16 ist gleich 4.	↪ K1
Quadratzahlen	$1^2 = 1, 2^2 = 4, 3^2 = 9, 4^2 = 16, \dots$	Quadratwert man eine ganze Zahl, so erhält man eine Quadratzahl.	↪ K1
Hypotenuse	meist mit c bezeichnet	Hypotenuse ist die längste Seite in einem rechtwinkligen Dreieck.	↪ K2
Katheten	meist mit a und b bezeichnet	Die Katheten schließen in einem rechtwinkligen Dreieck den rechten Winkel ein.	↪ K2
Pythagoras	Mathematiker	Man kann den „Satz des Pythagoras“ in einem rechtwinkligen Dreieck benennen: $a^2 + b^2 = c^2$ a, b ... Katheten c ... Hypotenuse	↪ K2

L Prozent- und Zinsenrechnung – Zinseszins, Zinseszins, Steuern und Kreditmodelle

Prozent (%)	$0,15 \hat{=} 15\%$	15 % der Tiere waren männlich.	↪ L1
Grundwert	er entspricht 100 %	70 Personen stiegen bei Regen aus dem Bus. Das ist der Grundwert.	↪ L1
Prozentanteil	entspricht 50 %	Nur 50 % der 70 Personen hatten einen Schirm. Der Prozentanteil (Personen mit Schirm) entspricht dann 35 Personen.	↪ L1
Prozent	...	Viele Angaben werden heute mit Hilfe von Prozentsätzen gemacht.	↪ L1
Wachstumsprozess	nachher ist mehr als vorher vorhanden	Wenn etwas mehr wird, nennt man das einen Wachstumsprozess.	↪ L3
Abnahmeprozess	nachher ist weniger als vorher vorhanden	Wenn etwas weniger wird, nennt man das einen Abnahmeprozess.	↪ L3
Aufschlag	auch Preisaufschlag	Ein Autohändler kauft einen Gebrauchtwagen um 4 000 €. Er verkauft ihn um 6 000 €. Die 2 000 € bezeichnet man als Aufschlag.	↪ L4

Steuer	gesetzliche Abgabe	Schulen werden mit Hilfe von Steuergeldern betrieben.	↪ L4
Netto	Preis ohne Steuer	Netto kostet das Kleid 100 €.	↪ L4
Brutto	Preis mit Steuer	Brutto beträgt der Preis 120 €.	↪ L4
Kredit	geliehenes Geld	Herr Meier nimmt einen Kredit von 50 000 € bei der Bank auf.	↪ L5
Zinsen	Leihgebühr für Geld	Nimmt man einen Kredit auf, muss man dafür Zinsen bezahlen. Legt man Geld bei der Bank an, bekommt man dafür Zinsen.	↪ L5
Kapitalertragssteuer	KEST	Bekommt man Zinsen für ein Geld, das bei der Bank, muss man dafür Steuern zahlen.	↪ L6
Nettozinsen	auch Effektivzinsen	Zinsen, die man tatsächlich für ein Geld bekommt, nach Abzug der KEST.	↪ L6
Ratenzahlung	auch Teilzahlung	Sie können den Kredit auch in 6 Monatsraten zu je ... bezahlen!	↪ L7
Finanzierung	Bereitstellung von Geld	Das Wort Finanzierung ist immer auf Geld hin: Finanzierung des Ministeriums, ...	↪ L7

M Körper – Pyramiden, Prismen und Masseberechnungen			
Pyramide	spitzer Körper	Nicht das, was die Spitze hat, ist eine Pyramide.	↪ M1
Schrägriss	Darstellungsart	Man kann ein Objekt im Schrägriss zeichnen.	↪ M2
Netz	ausgebreitete Oberfläche	Mit Hilfe des Netzes eines Körpers kann man den Oberflächeninhalt berechnen.	↪ M4
Volumen	Rauminhalt	Das Volumen eines Körpers sagt aus, wie viel Platz er beansprucht.	↪ M6
Dichte	Wasser: $\rho = 1$	Die Dichte eines Materials sagt aus, wie schwer es ist.	↪ M8
Masse	$m = V \cdot \rho$	Die Masse wird in kg angegeben. Sie hängt von der Größe des Körpers (V) und der Dichte seines Materials (ρ) ab.	↪ M8

N Statistik – Untersuchen und Darstellen			
Datenreihe	x_1, x_2, x_3, \dots	Tina hat die Bananen gewogen. Diese Zahlen bilden eine Datenreihe.	↪ N1
Minimum	kleinster Wert	Besuche das Minimum der Datenreihe.	↪ N1
Maximum	größter Wert x_{\max}	Die schwerste Banane bildet das Maximum.	↪ N1
Spannweite	$R = x_{\max} - x_{\min}$	Die Spannweite gibt an, wie weit Minimum und Maximum auseinanderliegen.	↪ N1
Mittelwert	auch arithmetisches Mittel \bar{x}	Umgangssprachlich meinen wir mit Durchschnitt das arithmetische Mittel.	↪ N1
Modalwert	am häufigsten vorkommende	Hat eine Datenreihe lauter verschiedene Werte, so gibt es keinen Modalwert.	↪ N1
Median (Zentralwert)	in der Mitte liegender Wert	Ordnet man die Zahlen einer Datenreihe, so ist der Wert in der Mitte der Median.	↪ N2
Absolute Häufigkeit	1, 2, 3, ... Mal	Zählt man, wie oft etwas auftritt, nennt man das die absolute Häufigkeit.	↪ N3
Relative Häufigkeit	jedes n-te Mal	Gibt man ein Verhältnis an, wie oft etwas auftritt, nennt man das relative Häufigkeit.	↪ N3
Piktogramm	ein bestimmtes Symbol	Mit Piktogrammen kann man Informationen einfach darstellen.	↪ N4
Klassen	Gruppen	Wenn man für eine Gruppe von Dingen bestimmte Eigenschaften festlegt, nennt man so eine Gruppe in der Mathematik eine Klasse.	↪ N5
Histogramm	spezielles Diagramm	Das Histogramm zeigt die Größen der einzelnen Klassen.	↪ N5

Stichwortverzeichnis

Erarbeitungsteil

A

Abnahmeprozess 145
absolute Häufigkeit 169
absoluter Anteil 144
Ähnlichkeit 119
Äquivalenzumformung 45
Aufschlag 146
Ausmultiplizieren 88, 91

B

Balkenmodelle 48, 98, 145
Basis 69
Beruf: Buchhalter/in 146
Beruf: Busfahrer/in 51
Beruf: Einzelhandelskauffrau/
-mann 10, 12, 15
Beruf: Fahrdienstleiter/in 111
Beruf: Feuerwehrfrau/-mann 139
Beruf: Förster/in 144
Beruf: Krankenpfleger/in 93
Beruf: Notar/in 99
Beruf: Technische/r
Zeichner/in 157
Beruf: Telekommunikations-
techniker/in 79
Betrag 22
Binome 83
Binomische Formeln 92
Body Mass Index 172
Bruchterme 87
Bruchzahlen 34, 37, 71
brutto 146
Byte, Kilobyte, ... 79

C

Celsius 19, 20

D

Datenreihe 169
Deltoid 60, 61
Dezimalbruch 9
Dichte 107, 108, 109
direkt proportional 107, 108, 109
Distributivgesetz 88
Drachenviereck 60
Dreieck 27, 55, 56

E

Einkaufspreis 146
Euklid 123
Exponent 69

F

Fahrenheit 20
Fermi-Aufgaben 79
Flächeninhalt
- Deltoid 60
- Dreieck 55
- Parallelogramm 57
- Raute (Rhombus) 62
- Trapez 63
- zusammengesetzte
Flächen 65
Flächenmaße 14
Förderdreieck 126

G

ganze Zahlen 32
Gegenzahl 22
Gerade 26
Gleichungen 2, 51
Gleitkommazahl 78
Goldener Schnitt 78
GPS 78
Grundrechenarten

H

Heiztag 112
Hilfs-Experiment 112
Hilfsleistung 90
Histogramm 172
Hypotenuse 132
indirekt proportional 110, 111

K

Kapital 148
Kapitalertragssteuer 149
Kathete 132
keine Lösung 47
Kelvin 20
Klammern 33, 38
Klassifikation 113, 172
Koeffizient 83
Kommaregel 9
Kommutativgesetz 88
Kongruenz 119
Konstante 107, 110
Konto 31
Koordinatensystem 26, 135
Körper 153
Kredit 148

Kredit 151
Kreisbogen 169

J

Jahresmengenmaß 14
Leonardo da Vinci 101
lineare Abnahmeprozess 115
lineare Zunahmeprozess 114

Mantel 158, 159

Masse 163

Maßstab 103

Maximum 167

Median 168

Menge 32

Minimum 167

Mittelwert 167, 168

Modulwert 167

Monatszinsen 149

Monome 83

N

natürliche Zahlen 32
negative Zahlen 19, 21
netto 146
Nettozinsen 149
Netz 158, 159

O

Oberfläche 158, 159

P

Parallelogramm 57, 58
Piktogramm 171
Pluszahlen 19
Polynome 83
positive Zahlen 19
Potenzen 69, 71, 72
Potenzrechenregeln 73, 74, 75
Potenzschreibweise 69, 77
Prisma 156
Produktgleichung 100
Prozentanteil 143
Prozentsatz 143
Prozentzahlen 11
Pyramide 155, 157, 159
Pythagoräische Tripel 134
Pythagoras von Samos 132

- Q**
 Quader 156
 Quadranten 26
 Quadratwurzel 131
 Quadratzahlen 131
 Quadrieren 71
- R**
 Rabatt 12
 Ratenzahlung 151
 rationale Zahlen 32
 – addieren 32
 – dividieren 36
 – multiplizieren 35
 – subtrahieren 33
 Raute 62
 Rechenstrich 24
 Rechenzeichen 25
 relative Häufigkeit 169
 relativer Anteil 144
 Rhombus 62
 Runden 22
- S**
 Satz des Pythagoras 132, 133
 Schräggriss 156, 157
 Schranken 71
 Schulden 31
 Spannweite 167
 Spiegelung 27
 Spirale des Theodorus 133
 Statistik 165
 Steuern 146, 150
 Strahlensatz, 1. und 2. 125
 Strahlensatz, 3. 127
 Strecken teilen 123
 Streckung 120
 Streichholzrätsel 84
- T**
 Tageszinsen 149
 Taschenrechner 40
 Technik-Labor
 – GeoGebra 59, 124, 161
 – myTurtle 136
 – Tabellenkalkulation 49, 70, 147, 170
 – Zahlenstrahl-Spiel 23, 39
 technische Schreibweise 78
 Temperaturmaße 20
 Terme 75, 83, 86
 Textaufgaben erfinden 41
 Textgleichungen 50
 Thales von Milet 126
 Thermometer 19
 Trapez 63, 64
 Trapezmuskeln 64
- U**
 Überschlag 9
 Umsatzsteuer 146
 unendlich viele Lösungen 47
- V**
 Variablen 8
 Verkleinerung der
 Größenangaben 38
 Vergrößerung 121, 122
- Verhältnis** 97
Verhältnisgleichung 97, 100
Verhältniszahl 97
Verkleinern 120, 121, 122
Vertauschungsgesetz 88
Verteilungsgesetz 88
Volumen 101, 162, 163
Vorrangregeln 38, 39
Vorzeichen 2, 7, 33
Wachstumsprozess 72
Wachstumsregeln 25, 35, 36
- W**
Wachstumsprozess 145
Wachstumsregeln 47
Würfel 156
- X**
Y-Achse 27
- Y**
Y-Achse 27
- Z**
Zahlenfolge 84
Zahlengerade 21
Zahlenmengen 32
Zahlenstrahl-Spiel 23, 39
Zehnerpotenzen 77
Zentrische Streckung 121
Zinsen 148
Zinssatz 148
Zufallsdaten 173

Bildnachweis

Band 3, Erarbeitungsteil

10.1 Kiwi: nitr / 123rf 10.2 Trauben: Peter / 123rf 10.3 Clementinen: Steven Cukrov / 123rf 10.4 Orangen: nitr / 123rf 10.5 Einzelhandelskaufmann: stylephotographs / 123rf 11.1 Schuh: Evik / 123rf 12.1 Schuhverkäuferin: Ian Allenden / 123rf 13.1 Ananas: natika / 123rf 13.2 Taler: MichaelUtech / iStock 14.1 Pilz: iStock 14.2 Wiener Tuch- und Leinenelle: wikipedia / Invisigoth67 15.1 Farbkübel: designelements / shutterstock 15.2 Baustoffe: Dmitriy Kalinovsky / 123rf 16 republica / iStock 19 Oleg Doroshin / 123rf 20 andzher / iStock 21 Ausschnitt aus Gregor Reisch: Madame Arithmetica (1508): wikipedia/gemeinfrei 29 Isabel Poulin / 123rf 31 Carolyn Franks / 123rf 40 Sandra Dietrich 41 Marcel Paschertz / 123rf 48 monkeybusinessimages / iStock 49 Rafael Benjari / 123rf 50 Valua Vitaly / shutterstock 51 Pavla Zakova / 123rf 52 Gudella / 123rf 53.1 Tangram Hund: Bankrx / shutterstock 53.2 Tangram: Bankrx / shutterstock 57 Fitzer / iStock 60 stable / 123rf 62 fotolia / nikoendres 64 Floortje / iStock 69 Sandra Dietrich 70 Maksym yemelyanov / 123rf 79 auremar / 123rf 80 Amankris / iStock 85 Copyright © 2016 Dietmar Ebenhofer and its licensors. All rights reserved. 86 Bois Viète: wikipedia/gemeinfrei 93 bonzami emmanuelle / 123rf 98 Benoit Daoust / 123RF 99 djedzura / 123rf 101 wikipedia/gemeinfrei 102 Bilderrahmen 1 bis 3: Phumeth Nithikulprecha / 123rf 103 Imagno / picturedesk.com 108 Dmitry Kalinovsky / 123rf 109 pixabay 111 zodebala / iStock 112 Vektor: iStock 113 Cineberg / iStock 115 Rui Santos / 123rf 123 wikipedia/gemeinfrei 126.1 Försterdreieck: Copyright © 2016 Dietmar Ebenhofer and its licensors. All rights reserved. 126.2 Cheopspyramide: wikicommons 128 Copyright © 2016 Dietmar Ebenhofer and its licensors. All rights reserved. 131 Georgios Kollidas / shutterstock 132 wikipedia / Galilea 136 wikipedia/gemeinfrei 139.1 Feuerwehrauto: NorSob / shutterstock 139.2 Feuerwehreinnsatz: wikipedia/gemeinfrei 144.1 Legehennen: monticello / 123rf 144.2 Försterin: Nds. Landesforsten 145 wikipedia/gemeinfrei 146 Andriy Popov / 123rf 147.1 Flagge Australien: Vanatchanan / shutterstock 147.2 Lederhut: Robyn Mackenzie / 123rf 147.3 Boomerang: Sergey Skleznev / 123rf 147.4 Spielzeug-Känguru: PhotosIndia.com LLC / 123rf 147.5 Didgeridoo: Reid Dalland / 123rf 151.1 Fernseher 1: Magnus Johansson / 123rf 151.2 Fernseher 2: Andrzej Gruszczyka / 123rf 151.3 Ratenzahlung/verzweifelte Frau: ginasanders / 123rf 152 fotolia 155.1 Papierpyramide: Michael Scharnreitner 155.2 Slowakischer Hörfunk: Andrew Babble / shutterstock 157 nd3000 / shutterstock 163 Hayati Kayhan / shutterstock 166 shutterstock 167 Photo Art Lucas / shutterstock 168 Kuttelvaserova Stuchelova / shutterstock 171.1 WC-Icon: dgezakzgan / shutterstock 171.2 Jause: Oleksandra Naumenko / shutterstock 172 rangizz / shutterstock 173 Copyright © 2016 Dietmar Ebenhofer and its licensors. All rights reserved. 174 taddle / fotolia

